

# \$SPAD/src/input richder4d.input

Albert Rich and Timothy Daly

August 21, 2013

## **Abstract**

$x^m (a+b x^n)^p$

There are 10 derivatives that do not match.

## **Contents**

```

____ * __

)set break resume
)sys rm -f richder4d.output
)spool richder4d.output
)set message test on
)set message auto off
)clear all

--S 1 of 765
t0:=(a+b*x^3)^8/x
--R
--R
--R   (1)
--R   
$$\frac{b^{24}x^{24} + 8ab^{23}x^{21} + 28a^2b^{22}x^{18} + 56a^3b^{21}x^{15} + 70a^4b^{20}x^{12} + 56a^5b^{19}x^9}{x}$$

--R
--R   /
--R   x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 1

--S 2 of 765
r0:=8/3*a^7*b*x^3+14/3*a^6*b^2*x^6+56/9*a^5*b^3*x^9+35/6*a^4*b^4*x^12+_
      56/15*a^3*b^5*x^15+14/9*a^2*b^6*x^18+8/21*a*b^7*x^21+_
      1/24*b^8*x^24+a^8*log(x)
--R
--R
--R   (2)
--R   
$$\frac{2520a^8 \log(x) + 105b^8x^{24} + 960a^7b^8x^{21} + 3920a^6b^{12}x^{18} + 9408a^5b^{15}x^{15} + 14700a^4b^{12}x^{12} + 15680a^3b^{15}x^9 + 11760a^2b^{18}x^6 + 6720ab^{21}x^3}{2520}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 2

--S 3 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R   (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 3

```

```

)clear all

--S 4 of 765
t0:=(a+b*x^3)^8/x^4
--R
--R
--R   (1)
--R      8 24      7 21      2 6 18      3 5 15      4 4 12      5 3 9
--R      b x + 8a b x + 28a b x + 56a b x + 70a b x + 56a b x
--R      +
--R      6 2 6      7 3 8
--R      28a b x + 8a b x + a
--R   /
--R      4
--R      x
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 4

--S 5 of 765
r0:=-1/3*a^8/x^3+28/3*a^6*b^2*x^3+28/3*a^5*b^3*x^6+70/9*a^4*b^4*x^9+_
14/3*a^3*b^5*x^12+28/15*a^2*b^6*x^15+4/9*a*b^7*x^18+1/21*b^8*x^21+_
8*a^7*b*log(x)
--R
--R
--R   (2)
--R      7 3      8 24      7 21      2 6 18      3 5 15
--R      2520a b x log(x) + 15b x + 140a b x + 588a b x + 1470a b x
--R      +
--R      4 4 12      5 3 9      6 2 6      8
--R      2450a b x + 2940a b x + 2940a b x - 105a
--R   /
--R      3
--R      315x
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 5

--S 6 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R   (3)  0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 6

)clear all

--S 7 of 765
t0:=(a+b*x^3)^8/x^7
--R
--R

```

```

--R   (1)
--R      8 24      7 21      2 6 18      3 5 15      4 4 12      5 3 9
--R      b x + 8a b x + 28a b x + 56a b x + 70a b x + 56a b x
--R      +
--R      6 2 6      7 3 8
--R      28a b x + 8a b x + a
--R   /
--R   7
--R   x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 7

--S 8 of 765
r0:=-1/6*a^8/x^6-8/3*a^7*b/x^3+56/3*a^5*b^3*x^3+35/3*a^4*b^4*x^6+_
56/9*a^3*b^5*x^9+7/3*a^2*b^6*x^12+8/15*a*b^7*x^15+_
1/18*a*b^8*x^18+28*a^6*b^2*log(x)
--R
--R
--R   (2)
--R      6 2 6      8 24      7 21      2 6 18      3 5 15
--R      2520a b x log(x) + 5b x + 48a b x + 210a b x + 560a b x
--R      +
--R      4 4 12      5 3 9      7 3 8
--R      1050a b x + 1680a b x - 240a b x - 15a
--R   /
--R      6
--R      90x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 8

--S 9 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R   (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 9

)clear all

--S 10 of 765
t0:=(a+b*x^3)^8/x^10
--R
--R
--R   (1)
--R      8 24      7 21      2 6 18      3 5 15      4 4 12      5 3 9
--R      b x + 8a b x + 28a b x + 56a b x + 70a b x + 56a b x
--R      +
--R      6 2 6      7 3 8
--R      28a b x + 8a b x + a

```

```

--R   /
--R      10
--R      x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 10

--S 11 of 765
r0:=-1/9*a^8/x^9-4/3*a^7*b/x^6-28/3*a^6*b^2/x^3+70/3*a^4*b^4*x^3+_
28/3*a^3*b^5*x^6+28/9*a^2*b^6*x^9+2/3*a*b^7*x^12+_
1/15*b^8*x^15+56*a^5*b^3*log(x)

--R
--R
--R      (2)
--R      5 3 9           8 24           7 21           2 6 18           3 5 15
--R      2520a b x log(x) + 3b x    + 30a b x    + 140a b x    + 420a b x
--R      +
--R      4 4 12           6 2 6           7 3           8
--R      1050a b x    - 420a b x    - 60a b x    - 5a
--R      /
--R      9
--R      45x
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 11

--S 12 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 12

)clear all

--S 13 of 765
t0:=(a+b*x^3)^8/x^13
--R
--R
--R      (1)
--R      8 24           7 21           2 6 18           3 5 15           4 4 12           5 3 9
--R      b x    + 8a b x    + 28a b x    + 56a b x    + 70a b x    + 56a b x
--R      +
--R      6 2 6           7 3           8
--R      28a b x    + 8a b x    + a
--R      /
--R      13
--R      x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 13

```

```

--S 14 of 765
r0:=-1/12*a^8/x^12-8/9*a^7*b/x^9-14/3*a^6*b^2/x^6-56/3*a^5*b^3/x^3+_
56/3*a^3*b^5*x^3+14/3*a^2*b^6*x^6+8/9*a*b^7*x^9+_
1/12*b^8*x^12+70*a^4*b^4*log(x)
--R
--R
--R      (2)
--R          4 4 12           8 24           7 21           2 6 18           3 5 15
--R          2520a b x log(x) + 3b x + 32a b x + 168a b x + 672a b x
--R          +
--R          5 3 9           6 2 6           7   3   8
--R          - 672a b x - 168a b x - 32a b x - 3a
--R          /
--R          12
--R          36x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 14

--S 15 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 15

)clear all

--S 16 of 765
t0:=(a+b*x^3)^8/x^16
--R
--R
--R      (1)
--R          8 24           7 21           2 6 18           3 5 15           4 4 12           5 3 9
--R          b x + 8a b x + 28a b x + 56a b x + 70a b x + 56a b x
--R          +
--R          6 2 6           7   3   8
--R          28a b x + 8a b x + a
--R          /
--R          16
--R          x
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 16

--S 17 of 765
r0:=-1/15*a^8/x^15-2/3*a^7*b/x^12-28/9*a^6*b^2/x^9-28/3*a^5*b^3/x^6-_
70/3*a^4*b^4/x^3+28/3*a^2*b^6*x^3+4/3*a*b^7*x^6+1/9*b^8*x^9+_
56*a^3*b^5*log(x)
--R
--R

```

```

--R   (2)
--R      3 5 15      8 24      7 21      2 6 18      4 4 12
--R      2520a b x log(x) + 5b x + 60a b x + 420a b x - 1050a b x
--R      +
--R      5 3 9      6 2 6      7 3      8
--R      - 420a b x - 140a b x - 30a b x - 3a
--R   /
--R      15
--R      45x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 17

--S 18 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R   (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 18

)clear all

--S 19 of 765
t0:=(a+b*x^3)^8/x^19
--R
--R
--R   (1)
--R      8 24      7 21      2 6 18      3 5 15      4 4 12      5 3 9
--R      b x + 8a b x + 28a b x + 56a b x + 70a b x + 56a b x
--R      +
--R      6 2 6      7 3      8
--R      28a b x + 8a b x + a
--R   /
--R      19
--R      x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 19

--S 20 of 765
r0:=-1/18*a^8/x^18-8/15*a^7*b/x^15-7/3*a^6*b^2/x^12-56/9*a^5*b^3/x^9-
35/3*a^4*b^4/x^6-56/3*a^3*b^5/x^3+8/3*a*b^7*x^3+_
1/6*b^8*x^6+28*a^2*b^6*log(x)
--R
--R
--R   (2)
--R      2 6 18      8 24      7 21      3 5 15      4 4 12
--R      2520a b x log(x) + 15b x + 240a b x - 1680a b x - 1050a b x
--R      +
--R      5 3 9      6 2 6      7 3      8
--R      - 560a b x - 210a b x - 48a b x - 5a

```

```

--R   /
--R      18
--R      90x
--R
--E 20                                         Type: Expression(Integer)

--S 21 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 21                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 22 of 765
t0:=(a+b*x^3)^8/x^22
--R
--R
--R      (1)
--R      8 24      7 21      2 6 18      3 5 15      4 4 12      5 3 9
--R      b x     + 8a b x    + 28a b x    + 56a b x    + 70a b x    + 56a b x
--R      +
--R      6 2 6      7 3      8
--R      28a b x    + 8a b x    + a
--R      /
--R      22
--R      x
--R
--E 22                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 23 of 765
r0:=-1/21*a^8/x^21-4/9*a^7*b/x^18-28/15*a^6*b^2/x^15-14/3*a^5*b^3/x^12-
70/9*a^4*b^4/x^9-28/3*a^3*b^5/x^6-28/3*a^2*b^6/x^3-
1/3*b^8*x^3+8*a*b^7*log(x)
--R
--R
--R      (2)
--R      7 21      8 24      2 6 18      3 5 15      4 4 12
--R      2520a b x log(x) + 105b x    - 2940a b x    - 2940a b x    - 2450a b x
--R      +
--R      5 3 9      6 2 6      7 3      8
--R      - 1470a b x    - 588a b x    - 140a b x    - 15a
--R      /
--R      21
--R      315x
--R
--E 23                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--S 24 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 24                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 25 of 765
t0:=(a+b*x^3)^8/x^25
--R
--R
--R      (1)
--R      8 24      7 21      2 6 18      3 5 15      4 4 12      5 3 9
--R      b x     + 8a b x    + 28a b x    + 56a b x    + 70a b x    + 56a b x
--R      +
--R      6 2 6      7   3   8
--R      28a b x    + 8a b x    + a
--R      /
--R      25
--R      x
--R
--E 25                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 26 of 765
r0:=-1/24*a^8/x^24-8/21*a^7*b/x^21-14/9*a^6*b^2/x^18-
      56/15*a^5*b^3/x^15-35/6*a^4*b^4/x^12-56/9*a^3*b^5/x^9-
      14/3*a^2*b^6/x^6-8/3*a*b^7/x^3+b^8*log(x)
--R
--R
--R      (2)
--R      8 24      7 21      2 6 18      3 5 15
--R      2520b x  log(x) - 6720a b x    - 11760a b x    - 15680a b x
--R      +
--R      4 4 12      5 3 9      6 2 6      7   3   8
--R      - 14700a b x    - 9408a b x    - 3920a b x    - 960a b x    - 105a
--R      /
--R      24
--R      2520x
--R
--E 26                                         Type: Expression(Integer)

--S 27 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 27                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--E 27

)clear all

--S 28 of 765
t0:=(a+b*x^3)^8/x^28
--R
--R
--R   (1)
--R   
$$\frac{b^{24}x^{24} + 8ab^{21}x^{21} + 28a^2b^{18}x^{18} + 56a^3b^{15}x^{15} + 70a^4b^{12}x^{12} + 56a^5b^9x^9}{x^{28}}$$

--R
--R   Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 28

--S 29 of 765
r0:=-1/27*(a+b*x^3)^9/(a*x^27)
--R
--R
--R   (2)
--R   
$$\frac{-\frac{b^{27}}{27} - \frac{ab^{24}}{3} - \frac{a^2b^{21}}{3} - \frac{a^3b^{18}}{9} - \frac{a^4b^{15}}{3} - \frac{a^5b^{12}}{3} + \frac{28a^6b^9}{27} + \frac{4a^7b^6}{3} + \frac{1a^8b^3}{3} - \frac{1a^9}{27}}{a^{27}x^{27}}$$

--R
--R   Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 29

--S 30 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R   (3)  0
--R
--R   Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 30

)clear all

--S 31 of 765
t0:=(a+b*x^3)^8/x^31

```

```

--R
--R
--R (1)
--R      8 24      7 21      2 6 18      3 5 15      4 4 12      5 3 9
--R      b x + 8a b x + 28a b x + 56a b x + 70a b x + 56a b x
--R      +
--R      6 2 6      7 3 8
--R      28a b x + 8a b x + a
--R /
--R      31
--R      x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 31

--S 32 of 765
r0:=-1/30*(a+b*x^3)^9/(a*x^30)+1/270*b*(a+b*x^3)^9/(a^2*x^27)
--R
--R
--R (2)
--R      1 10 30   1 2 8 24   8 3 7 21   7 4 6 18   56 5 5 15   35 6 4 12
--R      --- b x - - a b x - - a b x - - a b x - - a b x - - a b x
--R      270       6           9           3           15          9
--R      +
--R      8 7 3 9   7 8 2 6   8 9 3   1 10
--R      - - a b x - - a b x - - a b x - - a
--R      3           6           27          30
--R /
--R      2 30
--R      a x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 32

--S 33 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3) 0
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 33

)clear all

--S 34 of 765
t0:=(a+b*x^3)^8/x^34
--R
--R
--R (1)
--R      8 24      7 21      2 6 18      3 5 15      4 4 12      5 3 9
--R      b x + 8a b x + 28a b x + 56a b x + 70a b x + 56a b x
--R      +

```

```

--R      6 2 6      7   3   8
--R      28a b x + 8a b x + a
--R /
--R      34
--R      x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 34

--S 35 of 765
r0:=-1/33*(a+b*x^3)^9/(a*x^33)+1/165*b*(a+b*x^3)^9/(a^2*x^30)-
    1/1485*b^2*(a+b*x^3)^9/(a^3*x^27)
--R
--R
--R      (2)
--R      1   11 33   1   3 8 24   2   4 7 21   28   5 6 18   28   6 5 15
--R      - ---- b x   - - a b x   - - a b x   - -- a b x   - -- a b x
--R      1485          9           3           15           9
--R
--R      +
--R      10   7 4 12   7   8 3 9   28   9 2 6   4   10   3   1   11
--R      - -- a b x   - - a b x   - -- a b x   - -- a b x   - -- a
--R      3           3           27           15           33
--R /
--R      3 33
--R      a x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 35

--S 36 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 36

)clear all

--S 37 of 765
t0:=(a+b*x^3)^8/x^37
--R
--R
--R      (1)
--R      8 24      7 21      2 6 18      3 5 15      4 4 12      5 3 9
--R      b x + 8a b x + 28a b x + 56a b x + 70a b x + 56a b x
--R
--R      +
--R      6 2 6      7   3   8
--R      28a b x + 8a b x + a
--R /
--R      37
--R      x

```

```

--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 37

--S 38 of 765
r0:=-1/36*(a+b*x^3)^9/(a*x^36)+1/132*b*(a+b*x^3)^9/(a^2*x^33)-
    1/660*b^2*(a+b*x^3)^9/(a^3*x^30)+1/5940*b^3*(a+b*x^3)^9/(a^4*x^27)
--R
--R
--R      (2)
--R      1   12 36   1   4 8 24   8   5 7 21   14   6 6 18   8   7 5 15
--R      ---- b x - -- a b x - -- a b x - -- a b x - - a b x
--R      5940           12           15           9           3
--R      +
--R      35   8 4 12   56   9 3 9   14   10 2 6   8   11 3   1   12
--R      - -- a b x - -- a
--R      12           27           15           33           36
--R      /
--R      4 36
--R      a x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 38

--S 39 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 39

)clear all

--S 40 of 765
t0:=(a+b*x^3)^8/x^40
--R
--R
--R      (1)
--R      8 24       7 21       2 6 18       3 5 15       4 4 12       5 3 9
--R      b x + 8a b x + 28a b x + 56a b x + 70a b x + 56a b x
--R      +
--R      6 2 6       7 3 8
--R      28a b x + 8a b x + a
--R      /
--R      40
--R      x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 40

--S 41 of 765
r0:=-1/39*a^8/x^39-2/9*a^7*b/x^36-28/33*a^6*b^2/x^33-28/15*a^5*b^3/x^30-

```

```

70/27*a^4*b^4/x^27-7/3*a^3*b^5/x^24-4/3*a^2*b^6/x^21-
4/9*a*b^7/x^18-1/15*b^8/x^15
--R
--R
--R (2)
--R      1 8 24   4    7 21   4 2 6 18   7 3 5 15   70 4 4 12   28 5 3 9
--R      - -- b x  - - a b x  - - a b x  - - a b x  - -- a b x  - - a b x
--R      15          9          3          3          27          15
--R      +
--R      28 6 2 6   2 7   3   1 8
--R      - -- a b x  - - a b x  - -- a
--R      33          9          39
--R      /
--R      39
--R      x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 41

--S 42 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3)  0
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 42

)clear all

--S 43 of 765
t0:=(a+b*x^3)^8/x^43
--R
--R
--R (1)
--R      8 24       7 21       2 6 18       3 5 15       4 4 12       5 3 9
--R      b x + 8a b x + 28a b x + 56a b x + 70a b x + 56a b x
--R      +
--R      6 2 6       7   3   8
--R      28a b x + 8a b x + a
--R      /
--R      43
--R      x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 43

--S 44 of 765
r0:=-1/42*a^8/x^42-8/39*a^7*b/x^39-7/9*a^6*b^2/x^36-56/33*a^5*b^3/x^33-
7/3*a^4*b^4/x^30-56/27*a^3*b^5/x^27-7/6*a^2*b^6/x^24-
8/21*a*b^7/x^21-1/18*b^8/x^18
--R
--R

```

```

--R   (2)
--R      1 8 24     8     7 21    7 2 6 18    56 3 5 15    7 4 4 12    56 5 3 9
--R      - -- b x  - -- a b x  - - a b x  - -- a b x  - - a b x  - -- a b x
--R      18          21        6          27        3          33
--R      +
--R      7 6 2 6     8 7 3 1 8
--R      - - a b x  - -- a b x  - -- a
--R      9          39        42
--R      /
--R      42
--R      x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 44

--S 45 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R   (3)  0
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 45

)clear all

--S 46 of 765
t0:=(a+b*x^3)^8/x^46
--R
--R
--R   (1)
--R      8 24     7 21     2 6 18     3 5 15     4 4 12     5 3 9
--R      b x + 8a b x + 28a b x + 56a b x + 70a b x + 56a b x
--R      +
--R      6 2 6     7 3 8
--R      28a b x + 8a b x + a
--R      /
--R      46
--R      x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 46

--S 47 of 765
r0:=-1/45*a^8/x^45-4/21*a^7*b/x^42-28/39*a^6*b^2/x^39-
14/9*a^5*b^3/x^36-70/33*a^4*b^4/x^33-28/15*a^3*b^5/x^30-
28/27*a^2*b^6/x^27-1/3*a*b^7/x^24-1/21*b^8/x^21
--R
--R
--R   (2)
--R      1 8 24     1     7 21    28 2 6 18    28 3 5 15    70 4 4 12    14 5 3 9
--R      - -- b x  - - a b x  - -- a b x  - -- a b x  - - a b x  - -- a b x
--R      21          3          27          15          33          9

```

```

--R      +
--R      28 6 2 6   4 7   3   1 8
--R      - -- a b x - -- a b x - -- a
--R      39           21           45
--R      /
--R      45
--R      x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 47

--S 48 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 48

)clear all

--S 49 of 765
t0:=x^4*(a+b*x^3)^8
--R
--R
--R      (1)
--R      8 28      7 25      2 6 22      3 5 19      4 4 16      5 3 13
--R      b x + 8a b x + 28a b x + 56a b x + 70a b x + 56a b x
--R      +
--R      6 2 10      7 7      8 4
--R      28a b x + 8a b x + a x
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 49

--S 50 of 765
r0:=1/5*a^8*x^5+a^7*b*x^8+28/11*a^6*b^2*x^11+4*a^5*b^3*x^14+_
    70/17*a^4*b^4*x^17+14/5*a^3*b^5*x^20+28/23*a^2*b^6*x^23+_
    4/13*a*b^7*x^26+1/29*b^8*x^29
--R
--R
--R      (2)
--R      1 8 29      4 7 26      28 2 6 23      14 3 5 20      70 4 4 17      5 3 14
--R      -- b x + -- a b x + 4a b x
--R      29           13           23           5           17
--R      +
--R      28 6 2 11      7 8   1 8 5
--R      -- a b x + a b x + - a x
--R      11           5
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 50

```

```

--S 51 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 51

)clear all

--S 52 of 765
t0:=x^3*(a+b*x^3)^8
--R
--R
--R      (1)
--R      8 27      7 24      2 6 21      3 5 18      4 4 15      5 3 12      6 2 9
--R      b x    + 8a b x    + 28a b x    + 56a b x    + 70a b x    + 56a b x    + 28a b x
--R      +
--R      7 6      8 3
--R      8a b x    + a x
--R
--R                                          Type: Polynomial(Integer)
--E 52

--S 53 of 765
r0:=1/4*a^8*x^4+8/7*a^7*b*x^7+14/5*a^6*b^2*x^10+56/13*a^5*b^3*x^13+_
35/8*a^4*b^4*x^16+56/19*a^3*b^5*x^19+14/11*a^2*b^6*x^22+_
8/25*a*b^7*x^25+1/28*b^8*x^28
--R
--R
--R      (2)
--R      1 8 28      8 7 25      14 2 6 22      56 3 5 19      35 4 4 16      56 5 3 13
--R      -- b x    + -- a b x
--R      28          25          11          19          8          13
--R      +
--R      14 6 2 10      8 7 7      1 8 4
--R      -- a b x    + - a b x    + - a x
--R      5            7            4
--R
--R                                          Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 53

--S 54 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 54

)clear all

```

```

--S 55 of 765
t0:=x*(a+b*x^3)^8
--R
--R
--R   (1)
--R   8 25      7 22      2 6 19      3 5 16      4 4 13      5 3 10      6 2 7
--R   b x + 8a b x + 28a b x + 56a b x + 70a b x + 56a b x + 28a b x
--R   +
--R   7 4     8
--R   8a b x + a x
--R
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 55

--S 56 of 765
r0:=1/2*a^8*x^2+8/5*a^7*b*x^5+7/2*a^6*b^2*x^8+56/11*a^5*b^3*x^11+_
5*a^4*b^4*x^14+56/17*a^3*b^5*x^17+7/5*a^2*b^6*x^20+_
8/23*a*b^7*x^23+1/26*b^8*x^26
--R
--R
--R   (2)
--R   1 8 26      8      7 23      7 2 6 20      56 3 5 17      4 4 14      56 5 3 11
--R   -- b x + -- a b x + - a b x + -- a b x + 5a b x + -- a b x
--R   26          23          5          17          11
--R   +
--R   7 6 2 8      8 7      5 1 8 2
--R   - a b x + - a b x + - a x
--R   2          5          2
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 56

--S 57 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R   (3)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 57

)clear all

--S 58 of 765
t0:=(a+b*x^3)^8
--R
--R
--R   (1)
--R   8 24      7 21      2 6 18      3 5 15      4 4 12      5 3 9      6 2 6
--R   b x + 8a b x + 28a b x + 56a b x + 70a b x + 56a b x + 28a b x
--R   +
--R   7 3     8
--R   8a b x + a

```

```

--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 58

--S 59 of 765
r0:=a^8*x+2*a^7*b*x^4+4*a^6*b^2*x^7+28/5*a^5*b^3*x^10+_
70/13*a^4*b^4*x^13+7/2*a^3*b^5*x^16+28/19*a^2*b^6*x^19+_
4/11*a*b^7*x^22+1/25*b^8*x^25
--R
--R
--R      (2)
--R      1 8 25    4   7 22    28   2 6 19    7   3 5 16    70   4 4 13    28   5 3 10
--R      -- b x    + -- a b x    + -- a b x    + - a b x    + -- a b x    + -- a b x
--R      25          11          19          2          13          5
--R      +
--R      6 2 7    7   4     8
--R      4a b x    + 2a b x    + a x
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 59

--S 60 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 60

)clear all

--S 61 of 765
t0:=(a+b*x^3)^8/x^2
--R
--R
--R      (1)
--R      8 24    7 21    2 6 18    3 5 15    4 4 12    5 3 9
--R      b x    + 8a b x    + 28a b x    + 56a b x    + 70a b x    + 56a b x
--R      +
--R      6 2 6    7   3     8
--R      28a b x    + 8a b x    + a
--R      /
--R      2
--R      x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 61

--S 62 of 765
r0:=-a^8/x+4*a^7*b*x^2+28/5*a^6*b^2*x^5+7*a^5*b^3*x^8+_
70/11*a^4*b^4*x^11+4*a^3*b^5*x^14+28/17*a^2*b^6*x^17+_
2/5*a*b^7*x^20+1/23*b^8*x^23
--R

```

```

--R
--R      (2)
--R      8 24      7 21      2 6 18      3 5 15      4 4 12
--R      935b x + 8602a b x + 35420a b x + 86020a b x + 136850a b x
--R      +
--R      5 3 9      6 2 6      7 3      8
--R      150535a b x + 120428a b x + 86020a b x - 21505a
--R      /
--R      21505x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 62

--S 63 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 63

)clear all

--S 64 of 765
t0:=(a+b*x^3)^8/x^3
--R
--R
--R      (1)
--R      8 24      7 21      2 6 18      3 5 15      4 4 12      5 3 9
--R      b x + 8a b x + 28a b x + 56a b x + 70a b x + 56a b x
--R      +
--R      6 2 6      7 3      8
--R      28a b x + 8a b x + a
--R      /
--R      3
--R      x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 64

--S 65 of 765
r0:=-1/2*a^8/x^2+8*a^7*b*x+7*a^6*b^2*x^4+8*a^5*b^3*x^7+7*a^4*b^4*x^10+_
56/13*a^3*b^5*x^13+7/4*a^2*b^6*x^16+8/19*a*b^7*x^19+1/22*b^8*x^22
--R
--R
--R      (2)
--R      1 8 24      8      7 21      7 2 6 18      56 3 5 15      4 4 12      5 3 9
--R      -- b x + -- a b x + - a b x + -- a b x + 7a b x + 8a b x
--R      22          19          4          13
--R      +
--R      6 2 6      7 3      1 8
--R      7a b x + 8a b x - - a

```

```

--R          2
--R      /
--R      2
--R      x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 65

--S 66 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 66

)clear all

--S 67 of 765
t0:=(a+b*x^3)^8/x^5
--R
--R
--R      (1)
--R      8 24      7 21      2 6 18      3 5 15      4 4 12      5 3 9
--R      b x     + 8a b x    + 28a b x    + 56a b x    + 70a b x    + 56a b x
--R      +
--R      6 2 6      7   3   8
--R      28a b x    + 8a b x    + a
--R      /
--R      5
--R      x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 67

--S 68 of 765
r0:=-1/4*a^8/x^4-8*a^7*b/x+14*a^6*b^2*x^2+56/5*a^5*b^3*x^5+_
35/4*a^4*b^4*x^8+56/11*a^3*b^5*x^11+2*a^2*b^6*x^14+_
8/17*a*b^7*x^17+1/20*b^8*x^20
--R
--R
--R      (2)
--R      1 8 24      8      7 21      2 6 18      56  3 5 15      35  4 4 12      56  5 3 9
--R      -- b x     + -- a b x    + 2a b x    + -- a b x    + -- a b x    + -- a b x
--R      20          17           11           4           5
--R      +
--R      6 2 6      7   3   1   8
--R      14a b x    - 8a b x    - - a
--R                           4
--R      /
--R      4
--R      x

```

```

--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 68

--S 69 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 69

)clear all

--S 70 of 765
t0:=(a+b*x^3)^8/x^6
--R
--R
--R      (1)
--R      8 24      7 21      2 6 18      3 5 15      4 4 12      5 3 9
--R      b x     + 8a b x    + 28a b x    + 56a b x    + 70a b x    + 56a b x
--R      +
--R      6 2 6      7   3   8
--R      28a b x    + 8a b x    + a
--R      /
--R      6
--R      x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 70

--S 71 of 765
r0:=-1/5*a^8/x^5-4*a^7*b/x^2+28*a^6*b^2*x+14*a^5*b^3*x^4+10*a^4*b^4*x^7+_
28/5*a^3*b^5*x^10+28/13*a^2*b^6*x^13+1/2*a*b^7*x^16+1/19*b^8*x^19
--R
--R
--R      (2)
--R      1 8 24   1   7 21   28   2 6 18   28   3 5 15      4 4 12      5 3 9
--R      -- b x   + - a b x   + -- a b x   + -- a b x   + 10a b x   + 14a b x
--R      19        2           13          5
--R      +
--R      6 2 6      7   3   1   8
--R      28a b x    - 4a b x    - - a
--R                           5
--R      /
--R      5
--R      x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 71

--S 72 of 765
d0:=t0-D(r0,x)

```

```

--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 72

)clear all

--S 73 of 765
t0:=(a+b*x^3)^8/x^8
--R
--R
--R      (1)
--R      8 24      7 21      2 6 18      3 5 15      4 4 12      5 3 9
--R      b x + 8a b x + 28a b x + 56a b x + 70a b x + 56a b x
--R      +
--R      6 2 6      7   3     8
--R      28a b x + 8a b x + a
--R      /
--R      8
--R      x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 73

--S 74 of 765
r0:=-1/7*a^8/x^7-2*a^7*b/x^4-28*a^6*b^2/x+28*a^5*b^3*x^2+_
14*a^4*b^4*x^5+7*a^3*b^5*x^8+28/11*a^2*b^6*x^11+4/7*a*b^7*x^14+_
1/17*b^8*x^17
--R
--R
--R      (2)
--R      1 8 24    4    7 21    28  2 6 18      3 5 15      4 4 12      5 3 9
--R      -- b x + - a b x + -- a b x + 7a b x + 14a b x + 28a b x
--R      17        7          11
--R      +
--R      6 2 6      7   3     1   8
--R      - 28a b x - 2a b x - - a
--R                           7
--R      /
--R      7
--R      x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 74

--S 75 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))

```

```

--E 75

)clear all

--S 76 of 765
t0:=(a+b*x^3)^8/x^9
--R
--R
--R   (1)
--R   
$$\frac{b^{24}x^{24} + 8ab^{23}x^{21} + 28a^2b^{22}x^{18} + 56a^3b^{21}x^{15} + 70a^4b^{20}x^{12} + 56a^5b^{19}x^9}{x^9}$$

--R
--R   /
--R   9
--R   x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 76

--S 77 of 765
r0:=-1/8*a^8/x^8-8/5*a^7*b/x^5-14*a^6*b^2/x^2+56*a^5*b^3*x+_
35/2*a^4*b^4*x^4+8*a^3*b^5*x^7+14/5*a^2*b^6*x^10+_
8/13*a*b^7*x^13+1/16*b^8*x^16
--R
--R
--R   (2)
--R   
$$\frac{-b^{24}x^{16} + a^{23}b^{13}x^{13} + a^{22}b^{12}x^5 + 8a^{21}b^{11}x^3 + a^{20}b^{10}x^2 + 56a^{19}b^9x^8 - 14a^{18}b^8x^5 - a^{17}b^7x^8}{x^8}$$

--R
--R   /
--R   8
--R   x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 77

--S 78 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R   (3)  0
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 78

)clear all

```

```

--S 79 of 765
t0:=x^5/(a+b*x^3)
--R
--R
--R      5
--R      x
--R      (1)  -----
--R            3
--R      b x  + a
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 79

--S 80 of 765
r0:=1/3*x^3/b-1/3*a*log(a+b*x^3)/b^2
--R
--R
--R      3      3
--R      - a log(b x  + a) + b x
--R      (2)  -----
--R            2
--R            3b
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 80

--S 81 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 81

)clear all

--S 82 of 765
t0:=x^4/(a+b*x^3)
--R
--R
--R      4
--R      x
--R      (1)  -----
--R            3
--R      b x  + a
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 82

--S 83 of 765
r0:=1/2*x^2/b+1/3*a^(2/3)*log(a^(1/3)+b^(1/3)*x)/b^(5/3)-
    1/6*a^(2/3)*log(a^(2/3)-a^(1/3)*b^(1/3)*x+b^(2/3)*x^2)/b^(5/3)+_
    a^(2/3)*atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*x)/(a^(1/3)*sqrt(3)))/(b^(5/3)*sqrt(3))

```

```

--R
--R
--R      (2)
--R      
$$\frac{- \sqrt{3} \sqrt{a} \log(x \sqrt{b} - x \sqrt{a} \sqrt{b} + \sqrt{a}) + 2\sqrt{3} \sqrt{a} \log(x \sqrt{b} + \sqrt{a})}{6\sqrt{a} \operatorname{atan}\left(\frac{2x\sqrt{b}}{\sqrt{3}\sqrt{a}}\right) + 3x\sqrt{3}\sqrt{b}}$$

--R
--R
--R      Type: Expression(Integer)
--E 83

--S 84 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R
--R      Type: Expression(Integer)
--E 84

)clear all

--S 85 of 765
t0:=x^3/(a+b*x^3)
--R
--R
--R      (1) 
$$\frac{x^3}{b x^3 + a^3}$$

--R
--R
--R      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 85

--S 86 of 765
r0:=x/b-1/3*a^(1/3)*log(a^(1/3)+b^(1/3)*x)/b^(4/3)+1/6*a^(1/3)*_
log(a^(2/3)-a^(1/3)*b^(1/3)*x+b^(2/3)*x^2)/b^(4/3)+a^(1/3)*_
atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*x)/(a^(1/3)*sqrt(3)))/(b^(4/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R      (2)
--R      
$$\frac{\sqrt{3} \sqrt{a} \log(x \sqrt{b} - x \sqrt{a} \sqrt{b} + \sqrt{a}) - 2\sqrt{3} \sqrt{a} \log(x \sqrt{b} + \sqrt{a})}{6\sqrt{a} \operatorname{atan}\left(\frac{2x\sqrt{b}}{\sqrt{3}\sqrt{a}}\right) + 3x\sqrt{3}\sqrt{b}}$$


```

```

--R      3+-+   2x\|b - \|a      +-+3+-+
--R      - 6\|a atan(-----) + 6x\|3 \|b
--R                           +-+3+-+
--R                           \|3 \|a
--R   /
--R      +-+3+-+
--R      6b\|3 \|b
--R
--E 86                                         Type: Expression(Integer)

--S 87 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 87                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 88 of 765
t0:=x^2/(a+b*x^3)
--R
--R
--R      2
--R      x
--R      (1)  -----
--R            3
--R            b x  + a
--R
--E 88                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 89 of 765
r0:=1/3*log(a+b*x^3)/b
--R
--R
--R      3
--R      log(b x  + a)
--R      (2)  -----
--R            3b
--R
--E 89                                         Type: Expression(Integer)

--S 90 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 90                                         Type: Expression(Integer)

```

```

)clear all

--S 91 of 765
t0:=x/(a+b*x^3)
--R
--R
--R      x
--R      (1)  -----
--R            3
--R            b x  + a
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 91

--S 92 of 765
r0:=-1/3*log(a^(1/3)+b^(1/3)*x)/(a^(1/3)*b^(2/3))+1/6*log(a^(2/3)-
a^(1/3)*b^(1/3)*x+b^(2/3)*x^2)/(a^(1/3)*b^(2/3))-atan((a^(1/3)-
2*b^(1/3)*x)/(a^(1/3)*sqrt(3)))/(a^(1/3)*b^(2/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R      (2)
--R      +-+      2 3+-+2   3+-+3+-+   3+-+2      +-+      3+-+  3+-+
--R      \|3 log(x \|b - x\|a \|b + \|a ) - 2\|3 log(x\|b + \|a )
--R      +
--R      3+-+  3+-+
--R      2x\|b - \|a
--R      6atan(-----)
--R                  +-+3+-+
--R                  \|3 \|a
--R      /
--R      +-+3+-+3+-+2
--R      6\|3 \|a \|b
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 92

--S 93 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 93

)clear all

--S 94 of 765
t0:=1/(a+b*x^3)
--R
--R
--R      1

```

```

--R   (1)  -----
--R           3
--R           b x  + a
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 94

--S 95 of 765
r0:=1/3*log(a^(1/3)+b^(1/3)*x)/(a^(2/3)*b^(1/3))-1/6*log(a^(2/3)-_
a^(1/3)*b^(1/3)*x+b^(2/3)*x^2)/(a^(2/3)*b^(1/3))-_
atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*x)/(a^(1/3)*sqrt(3)))/(a^(2/3)*b^(1/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R   (2)
--R           +-+      2 3+-+2 3+-+3+-+ 3+-+2      +-+      3+-+ 3+-+
--R   - \|3 log(x \|b - x\|a \|b + \|a ) + 2\|3 log(x\|b + \|a )
--R   +
--R           3+-+ 3+-+
--R           2x\|b - \|a
--R   6atan(-----)
--R           +-+3+-+
--R           \|3 \|a
--R   /
--R           +-+3+-+2 3+-+
--R   6\|3 \|a  \|b
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 95

--S 96 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R   (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 96

)clear all

--S 97 of 765
t0:=1/(x*(a+b*x^3))
--R
--R
--R   (1)  -----
--R           1
--R           4
--R           b x  + a x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 97

--S 98 of 765
r0:=log(x)/a-1/3*log(a+b*x^3)/a

```

```

--R
--R
--R      3
--R      - log(b x + a) + 3log(x)
--R      (2)  -----
--R                  3a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 98

--S 99 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 99

)clear all

--S 100 of 765
t0:=1/(x^2*(a+b*x^3))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R          5      2
--R          b x + a x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 100

--S 101 of 765
r0:=(-1)/(a*x)+1/3*b^(1/3)*log(a^(1/3)+b^(1/3)*x)/a^(4/3)-
1/6*b^(1/3)*log(a^(2/3)-a^(1/3)*b^(1/3)*x+b^(2/3)*x^2)/a^(4/3)+_
b^(1/3)*atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*x)/(a^(1/3)*sqrt(3)))/(a^(4/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R      (2)
--R      +-+3+-+   2 3+-+2   3+-+3+-+   3+-+2   +-+3+-+   3+-+   3+-+
--R      - x\|3 \|b log(x \|b - x\|a \|b + \|a ) + 2x\|3 \|b log(x\|b + \|a )
--R      +
--R      3+-+   3+-+
--R      3+-+   2x\|b - \|a      +-+3+-+
--R      - 6x\|b atan(-----) - 6\|3 \|a
--R
--R      +-+3+-+
--R      \|3 \|a
--R      /
--R      +-+3+-+
--R      6a x\|3 \|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 101

```

```

--S 102 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 102

)clear all

--S 103 of 765
t0:=1/(x^3*(a+b*x^3))
--R
--R
--R      (1)  -----
--R              6      3
--R          b x  + a x
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 103

--S 104 of 765
r0:=(-1/2)/(a*x^2)-1/3*b^(2/3)*log(a^(1/3)+b^(1/3)*x)/a^(5/3)+_
1/6*b^(2/3)*log(a^(2/3)-a^(1/3)*b^(1/3)*x+b^(2/3)*x^2)/a^(5/3)+_
b^(2/3)*atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*x)/(a^(1/3)*sqrt(3)))/(a^(5/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R      (2)
--R      2 +-+3+-+2      2 3+-+2      3+-+3+-+  3+-+2
--R      x \|3 \|b  log(x \|b - x\|a \|b + \|a )
--R      +
--R
--R      2 +-+3+-+2      3+-+  3+-+      2 3+-+2      2x\|b - \|a      +-+3+-+2
--R      - 2x \|3 \|b  log(x\|b + \|a ) - 6x \|b  atan(----- - 3\|3 \|a
--R
--R
--R      +--+3+-+
--R      \|3 \|a
--R
--R      /
--R      2 +-+3+-+2
--R      6a x \|3 \|a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 104

--S 105 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 105

```

```

)clear all

--S 106 of 765
t0:=1/(x^4*(a+b*x^3))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R           7      4
--R           b x  + a x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 106

--S 107 of 765
r0:=(-1/3)/(a*x^3)-b*log(x)/a^2+1/3*b*log(a+b*x^3)/a^2
--R
--R
--R      3      3      3
--R      b x log(b x  + a) - 3b x log(x) - a
--R      (2)  -----
--R
--R           2 3
--R           3a x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 107

--S 108 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 108

)clear all

--S 109 of 765
t0:=x^4/(a-b*x^3)
--R
--R
--R      4
--R      x
--R      (1)  - -----
--R           3
--R           b x  - a
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 109

--S 110 of 765
r0:=-1/2*x^2/b-1/3*a^(2/3)*log(a^(1/3)-b^(1/3)*x)/b^(5/3)+_

```

```

1/6*a^(2/3)*log(a^(2/3)+a^(1/3)*b^(1/3)*x+b^(2/3)*x^2)/b^(5/3)-
a^(2/3)*atan((a^(1/3)+2*b^(1/3)*x)/(a^(1/3)*sqrt(3)))/(b^(5/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R (2)
--R      +-+3+-+2      2 3+-+2   3+-+3+-+  3+-+2      +-+3+-+2      3+-+  3+-+
--R      \|3 \|a log(x \|b + x\|a \|b + \a ) - 2\|3 \|a log(- x\|b + \a )
--R      +
--R      3+-+ 3+-+
--R      3+-+2      2x\|b + \a      2 +-+3+-+2
--R      - 6\|a atan(-----) - 3x \|3 \|b
--R      +-+3+-+
--R      \|3 \|a
--R /
--R      +-+3+-+2
--R      6b\|3 \|b
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 110

--S 111 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3)  0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 111

)clear all

--S 112 of 765
t0:=x^3/(a-b*x^3)
--R
--R
--R      3
--R      x
--R (1)  - -----
--R      3
--R      b x - a
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 112

--S 113 of 765
r0:=-x/b-1/3*a^(1/3)*log(a^(1/3)-b^(1/3)*x)/b^(4/3)+_
1/6*a^(1/3)*log(a^(2/3)+a^(1/3)*b^(1/3)*x+b^(2/3)*x^2)/b^(4/3)+_
a^(1/3)*atan((a^(1/3)+2*b^(1/3)*x)/(a^(1/3)*sqrt(3)))/(b^(4/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R (2)
--R      +-+3+-+      2 3+-+2   3+-+3+-+  3+-+2      +-+3+-+      3+-+  3+-+
--R      \|3 \|a log(x \|b + x\|a \|b + \a ) - 2\|3 \|a log(- x\|b + \a )

```

```

--R      +
--R      3+-+   3+-+
--R      3+-+   2x\|b + \|a      +-+3+-+
--R      6\|a atan(-----) - 6x\|3 \|b
--R                  +-+3+-+
--R                  \|3 \|a
--R      /
--R      +-+3+-+
--R      6b\|3 \|b
--R
--E 113                                         Type: Expression(Integer)

--S 114 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 114                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 115 of 765
t0:=x^2/(a-b*x^3)
--R
--R
--R      2
--R      x
--R      (1)  - -----
--R                  3
--R                  b x  - a
--R
--E 115                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 116 of 765
r0:=-1/3*log(a-b*x^3)/b
--R
--R
--R      3
--R      log(- b x  + a)
--R      (2)  - -----
--R                  3b
--R
--E 116                                         Type: Expression(Integer)

--S 117 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 117

)clear all

--S 118 of 765
t0:=x/(a-b*x^3)
--R
--R
--R      x
--R      (1)  - -----
--R                  3
--R                  b x  - a
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 118

--S 119 of 765
r0:=-1/3*log(a^(1/3)-b^(1/3)*x)/(a^(1/3)*b^(2/3))+1/6*log(a^(2/3)+_
a^(1/3)*b^(1/3)*x+b^(2/3)*x^2)/(a^(1/3)*b^(2/3))-_
atan((a^(1/3)+2*b^(1/3)*x)/(a^(1/3)*sqrt(3)))/(a^(1/3)*b^(2/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R      (2)
--R      +-+      2 3+-+2   3+-+3+-+   3+-+2      +-+      3+-+   3+-+
--R      \|3 log(x  \|b  + x\|a \|b  + \|a ) - 2\|3 log(- x\|b  + \|a )
--R      +
--R      3+-+   3+-+
--R      2x\|b  + \|a
--R      - 6atan(-----)
--R                  +-+3+-+
--R                  \|3 \|a
--R      /
--R      +-+3+-+3+-+2
--R      6\|3 \|a \|b
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 119

--S 120 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 120

)clear all

--S 121 of 765
t0:=1/(a-b*x^3)
--R

```

```

--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R              3
--R              b x - a
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 121

--S 122 of 765
r0:=-1/3*log(a^(1/3)-b^(1/3)*x)/(a^(2/3)*b^(1/3))+1/6*log(a^(2/3)+_
a^(1/3)*b^(1/3)*x+b^(2/3)*x^2)/(a^(2/3)*b^(1/3))+_
atan((a^(1/3)+2*b^(1/3)*x)/(a^(1/3)*sqrt(3)))/(a^(2/3)*b^(1/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R      (2)
--R      +--+ 2 3+-+2 3+-+3+-+ 3+-+2      +-+      3+-+ 3+-+
--R      \|3 log(x \|b + x\|a \|b + \a ) - 2\|3 log(- x\|b + \a )
--R      +
--R      3+-+ 3+-+
--R      2x\|b + \|a
--R      6atan(-----)
--R      +-+3+-+
--R      \|3 \|a
--R      /
--R      +-+3+-+2 3+-+
--R      6\|3 \|a \|b
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 122

--S 123 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 123

)clear all

--S 124 of 765
t0:=1/(x*(a-b*x^3))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R              4
--R              b x - a x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 124

```

```

--S 125 of 765
r0:=log(x)/a-1/3*log(a-b*x^3)/a
--R
--R
--R      3
--R      3log(x) - log(- b x + a)
--R      (2) -----
--R                  3a
--R
--E 125                                         Type: Expression(Integer)

--S 126 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 126                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 127 of 765
t0:=1/(x^2*(a-b*x^3))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  - -----
--R                  5      2
--R                  b x - a x
--R
--E 127                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 128 of 765
r0:=(-1)/(a*x)-1/3*b^(1/3)*log(a^(1/3)-b^(1/3)*x)/a^(4/3)+_
1/6*b^(1/3)*log(a^(2/3)+a^(1/3)*b^(1/3)*x+b^(2/3)*x^2)/a^(4/3)-_
b^(1/3)*atan((a^(1/3)+2*b^(1/3)*x)/(a^(1/3)*sqrt(3)))/(a^(4/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R      (2)
--R      +-+3+-+      2 3+-+2      3+-+3+-+      3+-+2      +-+3+-+      3+-+      3+-+
--R      x\|3 \|b log(x \|b + x\|a \|b + \|a ) - 2x\|3 \|b log(- x\|b + \|a )
--R      +
--R      3+-+      3+-+
--R      3+-+      2x\|b + \|a      +-+3+-+
--R      - 6x\|b atan(-----) - 6\|3 \|a
--R
--R      +-+3+-+
--R      \|3 \|a
--R /
--R      +-+3+-+
--R      6a x\|3 \|a

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 128

--S 129 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 129

)clear all

--S 130 of 765
t0:=1/(x^3*(a-b*x^3))
--R
--R
--R      (1)  - -----
--R                  1
--R                  6      3
--R                  b x  - a x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 130

--S 131 of 765
r0:=(-1/2)/(a*x^2)-1/3*b^(2/3)*log(a^(1/3)-b^(1/3)*x)/a^(5/3)+_
1/6*b^(2/3)*log(a^(2/3)+a^(1/3)*b^(1/3)*x+b^(2/3)*x^2)/a^(5/3)+_
b^(2/3)*atan((a^(1/3)+2*b^(1/3)*x)/(a^(1/3)*sqrt(3)))/(a^(5/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R      (2)
--R      2 +-+3+-+2      2 3+-+2      3+-+3+-+      3+-+2
--R      x \|3 \|b  log(x \|b + x\|a \|b + \|\a )
--R      +
--R      2 +-+3+-+2      3+-+ 3+-+      2 3+-+2      2x\|b + \|\a
--R      - 2x \|3 \|b  log(- x\|b + \|\a ) + 6x \|b  atan(-----)
--R                                         +--+3+-+
--R                                         \|3 \|a
--R      +
--R      +-+3+-+2
--R      - 3\|3 \|a
--R      /
--R      2 +-+3+-+2
--R      6a x \|3 \|a
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 131

--S 132 of 765
d0:=t0-D(r0,x)

```

```

--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 132                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 133 of 765
t0:=1/(x^4*(a-b*x^3))
--R
--R
--R      (1)  - -----
--R                  7      4
--R                  b x   - a x
--R
--E 133                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 134 of 765
r0:=(-1/3)/(a*x^3)+b*log(x)/a^2-1/3*b*log(a-b*x^3)/a^2
--R
--R
--R      3          3          3
--R      3b x log(x) - b x log(- b x  + a) - a
--R      (2)  -----
--R                  2 3
--R                  3a x
--R
--E 134                                         Type: Expression(Integer)

--S 135 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 135                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 136 of 765
t0:=1/(1+a+b*x^3)
--R
--R
--R      (1)  -----
--R                  3
--R                  b x  + a + 1
--R
--E 136                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

```

```

--E 136

--S 137 of 765
r0:=1/3*log((1+a)^(1/3)+b^(1/3)*x)/((1+a)^(2/3)*b^(1/3))-_
1/6*log((1+a)^(2/3)-(1+a)^(1/3)*b^(1/3)*x+_
b^(2/3)*x^2)/((1+a)^(2/3)*b^(1/3))-atan(((1+a)^(1/3)-_
2*b^(1/3)*x)/((1+a)^(1/3)*sqrt(3)))/((1+a)^(2/3)*b^(1/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R      (2)
--R      
$$-\frac{\sqrt{3} \log(x \sqrt{|b|} - x \sqrt{a+1} \sqrt{|b|} + \sqrt{a+1})}{2 \sqrt{3} \log(x \sqrt{|b|} + \sqrt{a+1}) + 6 \operatorname{atan}\left(\frac{2x \sqrt{|b|} - \sqrt{a+1}}{\sqrt{3} \sqrt{a+1}}\right)}$$

--R
--R      /
--R      
$$\frac{6 \sqrt{3} \sqrt{a+1} \sqrt{|b|}}{6 \sqrt{3} \sqrt{a+1}}$$

--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 137

--S 138 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 138

)clear all

--S 139 of 765
t0:=1/(1+a-b*x^3)
--R
--R
--R      (1)  
$$-\frac{1}{b x^3 - a - 1}$$

--R
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 139

--S 140 of 765
r0:=-1/3*log((1+a)^(1/3)-b^(1/3)*x)/((1+a)^(2/3)*b^(1/3))+_
1/6*log((1+a)^(2/3)+(1+a)^(1/3)*b^(1/3)*x+_
b^(2/3)*x^2)/((1+a)^(2/3)*b^(1/3))+atan(((1+a)^(1/3)+_
2*b^(1/3)*x)/((1+a)^(1/3)*sqrt(3)))/((1+a)^(2/3)*b^(1/3)*sqrt(3))

```

```

--R
--R
--R      (2)
--R      
$$\frac{\sqrt{3} \log(x \sqrt{|b| + x\sqrt{|a+1|}\sqrt{|b| + \sqrt{|a+1|}})} + \sqrt{3} \log(-x\sqrt{|b| + \sqrt{|a+1|}}) + 6 \operatorname{atan}\left(\frac{2x\sqrt{|b| + \sqrt{|a+1|}}}{\sqrt{3}\sqrt{|a+1|}}\right) + 6\sqrt{3}\sqrt{|a+1|}\sqrt{|b|}}$$

--R
--R      /
--R      Type: Expression(Integer)
--E 140

--S 141 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R      Type: Expression(Integer)
--E 141

)clear all

--S 142 of 765
t0:=1/(-1+a+b*x^3)
--R
--R
--R      (1)  
$$\frac{1}{b^3 x^3 + a - 1}$$

--R
--R      Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 142

--S 143 of 765
r0:=1/3*log((1-a)^(1/3)-b^(1/3)*x)/((1-a)^(2/3)*b^(1/3))-_
1/6*log((1-a)^(2/3)+(1-a)^(1/3)*b^(1/3)*x+b^(2/3)*x^2)/((1-a)^(2/3)*_
b^(1/3))-atan(((1-a)^(1/3)+2*b^(1/3)*x)/((1-a)^(1/3)*_
sqrt(3)))/((1-a)^(2/3)*b^(1/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R      (2)
--R      
$$-\sqrt{3} \log(x \sqrt{|b| + x\sqrt{|-a+1|}\sqrt{|b| + \sqrt{|-a+1|}})} + \sqrt{3} \log(-x\sqrt{|b| + \sqrt{|-a+1|}}) + 6 \operatorname{atan}\left(\frac{2x\sqrt{|b| + \sqrt{|-a+1|}}}{\sqrt{3}\sqrt{|-a+1|}}\right)$$

--R
--R      +
--R      Type: Expression(Integer)

```

```

--R      +-+      3+-+  3+-----+      2x\|b + \|- a + 1
--R      2\|3 log(- x\|b + \|- a + 1 ) - 6atan(-----)
--R                                         +-+3+-----+
--R                                         \|3 \|- a + 1
--R   /
--R      +-+3+-----+2 3+-+
--R      6\|3 \|- a + 1 \|b
--R
--E 143                                         Type: Expression(Integer)

--S 144 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 144                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 145 of 765
t0:=1/(-1+a-b*x^3)
--R
--R
--R      (1)  - -----
--R                  1
--R                  3
--R      b x - a + 1
--R
--E 145                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 146 of 765
r0:=-1/3*log((1-a)^(1/3)+b^(1/3)*x)/((1-a)^(2/3)*b^(1/3))+_
1/6*log((1-a)^(2/3)-(1-a)^(1/3)*b^(1/3)*x+b^(2/3)*x^2)/((1-a)^(2/3)*_
b^(1/3))+atan(((1-a)^(1/3)-2*b^(1/3)*x)/((1-a)^(1/3)*_
sqrt(3)))/((1-a)^(2/3)*b^(1/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R      (2)
--R      +-+      2 3+-+2 3+-----+3+-+  3+-----+2
--R      \|3 log(x \|b - x\|- a + 1 \|b + \|- a + 1 )
--R      +
--R
--R      +-+      3+-+  3+-----+      2x\|b - \|- a + 1
--R      - 2\|3 log(x\|b + \|- a + 1 ) - 6atan(-----)
--R                                         +-+3+-----+
--R                                         \|3 \|- a + 1
--R   /
--R      +-+3+-----+2 3+-+
--R      6\|3 \|- a + 1 \|b

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 146

--S 147 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 147

)clear all

--S 148 of 765
t0:=x^5/(a+b*x^3)^2
--R
--R
--R      (1)  -----
--R           5
--R           x
--R           2 6      3   2
--R           b x + 2a b x + a
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 148

--S 149 of 765
r0:=1/3*a/(b^2*(a+b*x^3))+1/3*log(a+b*x^3)/b^2
--R
--R
--R      (2)  -----
--R           3      3
--R           (b x + a)log(b x + a) + a
--R           3 3      2
--R           3b x + 3a b
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 149

--S 150 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 150

)clear all

--S 151 of 765
t0:=x^4/(a+b*x^3)^2
--R

```

```

--R
--R
--R      4
--R      x
--R      (1)  -----
--R           2 6      3      2
--R           b x  + 2a b x  + a
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 151

--S 152 of 765
r0:=-1/3*x^2/(b*(a+b*x^3))-2/9*log(a^(1/3)+b^(1/3)*x)/(a^(1/3)*b^(5/3))+_
1/9*log(a^(2/3)-a^(1/3)*b^(1/3)*x+b^(2/3)*x^2)/(a^(1/3)*b^(5/3))-
2/3*atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*x)/(a^(1/3)*sqrt(3)))/_
(a^(1/3)*b^(5/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R      (2)
--R           3      +-+      2 3+-+2      3+-+3+-+      3+-+2
--R           (b x  + a)\|3 log(x \|b - x\|a \|b + \|a )
--R
--R           +
--R           3      +-+      3+-+      3+-+      3
--R           (- 2b x  - 2a)\|3 log(x\|b + \|a ) + (6b x  + 6a)atan(-----)
--R
--R
--R           +
--R           2 +-+3+-+3+-+2
--R           - 3x \|3 \|a \|b
--R
--R           /
--R           2 3      +-+3+-+3+-+2
--R           (9b x  + 9a b)\|3 \|a \|b
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 152

--S 153 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 153

)clear all

--S 154 of 765
t0:=x^3/(a+b*x^3)^2
--R
--R
--R           3
--R           x

```

```

--R   (1)  -----
--R           2 6      3      2
--R           b x + 2a b x + a
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 154

--S 155 of 765
r0:=-1/3*x/(b*(a+b*x^3))+1/9*log(a^(1/3)+b^(1/3)*x)/(a^(2/3)*b^(4/3))-_
1/18*log(a^(2/3)-a^(1/3)*b^(1/3)*x+b^(2/3)*x^2)/(a^(2/3)*b^(4/3))-_
1/3*atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*x)/(a^(1/3)*sqrt(3)))/_
(a^(2/3)*b^(4/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R   (2)
--R           3      +-+      2 3+-+2      3+-+3+-+      3+-+2
--R   (- b x - a)\|3 log(x \|b - x\|a \|b + \|a )
--R   +
--R                               3+-+      3+-+
--R           3      +-+      3+-+      3+-+      3      2x\|b - \|a
--R   (2b x + 2a)\|3 log(x\|b + \|a ) + (6b x + 6a)atan(-----)
--R                                         +-+3+-+
--R                                         \|3 \|a
--R   +
--R           +-+3+-+2 3+-+
--R   - 6x\|3 \|a \|b
--R   /
--R           2 3      +-+3+-+2 3+-+
--R   (18b x + 18a b)\|3 \|a \|b
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 155

--S 156 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R   (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 156

)clear all

--S 157 of 765
t0:=x^2/(a+b*x^3)^2
--R
--R
--R           2
--R           x
--R   (1)  -----
--R           2 6      3      2
--R           b x + 2a b x + a

```

```

--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 157

--S 158 of 765
r0:=(-1/3)/(b*(a+b*x^3))
--R
--R
--R          1
--R          -
--R          3
--R  (2)  - -----
--R          2 3
--R          b x  + a b
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 158

--S 159 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R  (3)  0
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 159

)clear all

--S 160 of 765
t0:=x/(a+b*x^3)^2
--R
--R
--R          x
--R  (1)  -----
--R          2 6      3      2
--R          b x  + 2a b x  + a
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 160

--S 161 of 765
r0:=1/3*x^2/(a*(a+b*x^3))-1/9*log(a^(1/3)+b^(1/3)*x)/(a^(4/3)*b^(2/3))+_
1/18*log(a^(2/3)-a^(1/3)*b^(1/3)*x+b^(2/3)*x^2)/(a^(4/3)*b^(2/3))-_
1/3*atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*x)/(a^(1/3)*sqrt(3)))/_
(a^(4/3)*b^(2/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R  (2)
--R          3      ++      2 3++2      3+-+3++      3++2
--R          (b x  + a)\|3 log(x \|b  - x\|a \|b  + \|a )
--R          +
--R                                         3++      3+++
--R          3      ++      3++      3++           3
--R                                         2x\|b  - \|a

```

```

--R      (- 2b x  - 2a)\|3 log(x\|b  + \|a ) + (6b x  + 6a)atan(-----)
--R                                         +-+3+-+
--R                                         \|3 \|a
--R      +
--R      2 +-+3+-+3+-+2
--R      6x \|3 \|a \|b
--R   /
--R      3      2  +-+3+-+3+-+2
--R      (18a b x  + 18a )\|3 \|a \|b
--R
--E 161                                         Type: Expression(Integer)

--S 162 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 162                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 163 of 765
t0:=1/(a+b*x^3)^2
--R
--R
--R      (1)  -----
--R      2 6      3      2
--R      b x  + 2a b x  + a
--R
--E 163                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 164 of 765
r0:=1/3*x/(a*(a+b*x^3))+2/9*log(a^(1/3)+b^(1/3)*x)/(a^(5/3)*b^(1/3))-_
1/9*log(a^(2/3)-a^(1/3)*b^(1/3)*x+b^(2/3)*x^2)/(a^(5/3)*b^(1/3))-_
2/3*atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*x)/(a^(1/3)*sqrt(3)))/_
(a^(5/3)*b^(1/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R      (2)
--R      3      +-+      2 3+-+2      3+-+3+-+      3+-+2
--R      (- b x  - a)\|3 log(x  \|b  - x\|a \|b  + \|a )
--R      +
--R
--R      3      +-+      3+-+      3+-+      3      2x\|b  - \|a
--R      (2b x  + 2a)\|3 log(x\|b  + \|a ) + (6b x  + 6a)atan(-----)
--R                                         +-+3+-+
--R                                         \|3 \|a
--R      +

```

```

--R      +-+3+-+2 3+-+
--R      3x\|3 \|a   \|b
--R      /
--R      3      2      +-+3+-+2 3+-+
--R      (9a b x + 9a )\|3 \|a   \|b
--R
--E 164                                         Type: Expression(Integer)

--S 165 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 165                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 166 of 765
t0:=1/(x*(a+b*x^3)^2)
--R
--R
--R      (1)  -----
--R      2 7      4      2
--R      b x + 2a b x + a x
--R
--E 166                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 167 of 765
r0:=1/3/(a*(a+b*x^3))+log(x)/a^2-1/3*log(a+b*x^3)/a^2
--R
--R
--R      3      3      3
--R      (- b x - a)log(b x + a) + (3b x + 3a)log(x) + a
--R      (2)  -----
--R
--R      2 3      3
--R      3a b x + 3a
--R
--E 167                                         Type: Expression(Integer)

--S 168 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 168                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

```

```

--S 169 of 765
t0:=1/(x^2*(a+b*x^3)^2)
--R
--R
--R      1
--R      (1) -----
--R      2 8      5   2 2
--R      b x + 2a b x + a x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 169

--S 170 of 765
r0:=(-4/3)/(a^2*x)+1/3/(a*x*(a+b*x^3))+4/9*b^(1/3)*log(a^(1/3)+_
b^(1/3)*x)/a^(7/3)-2/9*b^(1/3)*log(a^(2/3)-a^(1/3)*b^(1/3)*x+_
b^(2/3)*x^2)/a^(7/3)+4/3*b^(1/3)*atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*x)/_
(a^(1/3)*sqrt(3)))/(a^(7/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R      (2)
--R      4      +-+3+-+      2 3+-+2      3+-+3+-+      3+-+2
--R      (- 2b x - 2a x)\|3 \|b log(x \|b - x\|a \|b + \|a )
--R      +
--R      4      +-+3+-+      3+-+      3+-+
--R      (4b x + 4a x)\|3 \|b log(x\|b + \|a )
--R      +
--R
--R      4      3+-+      2x\|b - \|a      3      +-+3+-+
--R      (- 12b x - 12a x)\|b atan(-----) + (- 12b x - 9a)\|3 \|a
--R
--R
--R      \||3 \|a
--R      /
--R      2 4      3      +-+3+-+
--R      (9a b x + 9a x)\|3 \|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 170

--S 171 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 171

)clear all

--S 172 of 765
t0:=1/(x^3*(a+b*x^3)^2)
--R

```

```

--R
--R
--R      1
--R      (1) -----
--R      2 9      6      2 3
--R      b x + 2a b x + a x
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 172

--S 173 of 765
r0:=(-5/6)/(a^2*x^2)+1/3/(a*x^2*(a+b*x^3))-5/9*b^(2/3)*log(a^(1/3)+_
b^(1/3)*x)/a^(8/3)+5/18*b^(2/3)*log(a^(2/3)-a^(1/3)*b^(1/3)*x+_
b^(2/3)*x^2)/a^(8/3)+5/3*b^(2/3)*atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*x)/_
(a^(1/3)*sqrt(3)))/(a^(8/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R      (2)
--R      5      2  +-+3+-+2      2 3+-+2      3+-+3+-+  3+-+2
--R      (5b x + 5a x )\|3 \|b log(x \|b - x\|a \|b + \|a )
--R      +
--R      5      2  +-+3+-+2      3+-+  3+-+
--R      (- 10b x - 10a x )\|3 \|b log(x\|b + \|a )
--R      +
--R
--R      3+-+  3+-+
--R      5      2 3+-+2      2x\|b - \|a            3      +-+3+-+2
--R      (- 30b x - 30a x )\|b atan(-----) + (- 15b x - 9a)\|3 \|a
--R
--R      +-+3+-+
--R
--R      \|3 \|a
--R      /
--R      2 5      3 2  +-+3+-+2
--R      (18a b x + 18a x )\|3 \|a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 173

--S 174 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 174

)clear all

--S 175 of 765
t0:=1/(x^4*(a+b*x^3)^2)
--R
--R
--R      1
--R      (1) -----
--R      2 10      7      2 4

```

```

--R      b x  + 2a b x  + a x
--R
--E 175                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 176 of 765
r0:=(-2/3)/(a^2*x^3)+1/3/(a*x^3*(a+b*x^3))-2*b*log(x)/a^3+_
2/3*b*log(a+b*x^3)/a^3
--R
--R
--R      (2)
--R      2 6      3      3      2 6      3      3      2
--R      (2b x  + 2a b x )log(b x  + a) + (- 6b x  - 6a b x )log(x) - 2a b x  - a
--R
--R      -----
--R
--R      3      6      4 3
--R      3a b x  + 3a x
--R
--E 176                                         Type: Expression(Integer)

--S 177 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 177                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 178 of 765
t0:=x^8/(a+b*x^3)^3
--R
--R
--R      8
--R      x
--R      (1)  -----
--R      3 9      2 6      2      3      3
--R      b x  + 3a b x  + 3a b x  + a
--R
--E 178                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 179 of 765
r0:=-1/6*a^2/(b^3*(a+b*x^3)^2)+2/3*a/(b^3*(a+b*x^3))+1/3*log(a+b*x^3)/b^3
--R
--R
--R      2 6      3      2      3      3      2
--R      (2b x  + 4a b x  + 2a )log(b x  + a) + 4a b x  + 3a
--R      (2)  -----
--R
--R      5 6      4 3      2 3
--R      6b x  + 12a b x  + 6a b
--R
--E 179                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--E 179

--S 180 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R   (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 180

)clear all

--S 181 of 765
t0:=x^7/(a+b*x^3)^3
--R
--R
--R   (1)  
$$\frac{x^7}{b^3 x^9 + 3 a b^2 x^6 + 3 a^2 b x^3 + a^3}$$

--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 181

--S 182 of 765
r0:=-1/6*x^5/(b*(a+b*x^3)^2)-5/18*x^2/(b^2*(a+b*x^3))-5/27*log(a^(1/3)+_
b^(1/3)*x)/(a^(1/3)*b^(8/3))+5/54*log(a^(2/3)-a^(1/3)*b^(1/3)*x+_
b^(2/3)*x^2)/(a^(1/3)*b^(8/3))-5/9*atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*x)/_
(a^(1/3)*sqrt(3)))/(a^(1/3)*b^(8/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R   (2)
--R   
$$\begin{aligned} & \left(5b^2 x^6 + 10ab^2 x^3 + 5a^2\right) \sqrt[3]{\log(x\sqrt{b} - x\sqrt{a}\sqrt{b} + \sqrt{a})} \\ & + \left(-10b^2 x^6 - 20ab^2 x^3 - 10a^2\right) \sqrt[3]{\log(x\sqrt{b} + \sqrt{a})} \\ & + \frac{\left(30b^2 x^6 + 60ab^2 x^3 + 30a^2\right) \operatorname{atan}\left(\frac{2x\sqrt{b} - \sqrt{a}}{\sqrt[3]{\sqrt{a}}}\right)}{\sqrt[3]{\sqrt{a}}} \\ & + \frac{\left(-24b^5 x^5 - 15a b^2 x^2\right) \sqrt[3]{\sqrt{a}\sqrt{b}}}{\sqrt[3]{\sqrt{a}}} \end{aligned}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--E 182

--S 183 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R   (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 183

)clear all

--S 184 of 765
t0:=x^6/(a+b*x^3)^3
--R
--R
--R   (1)  
$$\frac{x^6}{b^3 x^9 + 3 a b^2 x^6 + 3 a^2 b x^3 + a^3}$$

--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 184

--S 185 of 765
r0:=-1/6*x^4/(b*(a+b*x^3)^2)-2/9*x/(b^2*(a+b*x^3))+2/27*log(a^(1/3)+_
b^(1/3)*x)/(a^(2/3)*b^(7/3))-1/27*log(a^(2/3)-a^(1/3)*b^(1/3)*x+_
b^(2/3)*x^2)/(a^(2/3)*b^(7/3))-2/9*atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*x)/_
(a^(1/3)*sqrt(3)))/(a^(2/3)*b^(7/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R   (2)
--R   
$$\begin{aligned} & \left( -\frac{2b^2 x^6 - 4ab^2 x^3 - 2a^2}{3\sqrt{b}} \right) \operatorname{log}\left(\frac{x\sqrt{b} - \sqrt{a}\sqrt{b} + \sqrt{a}}{\sqrt{3}\sqrt{a}}\right) \\ & + \left( \frac{4b^2 x^6 + 8ab^2 x^3 + 4a^2}{3\sqrt{b}} \right) \operatorname{log}\left(\frac{x\sqrt{b} + \sqrt{a}}{\sqrt{3}\sqrt{a}}\right) \\ & + \left( \frac{12b^2 x^6 + 24ab^2 x^3 + 12a^2}{2x\sqrt{b} - \sqrt{a}} \right) \operatorname{atan}\left(\frac{2x\sqrt{b} - \sqrt{a}}{\sqrt{3}\sqrt{a}}\right) \\ & + \left( \frac{-21b^4 x^4 - 12a^4}{\sqrt{3}\sqrt{a}\sqrt{b}} \right) \\ & / \left( \frac{54b^4 x^6 + 108ab^4 x^3 + 54a^4}{2x^2\sqrt{b} - \sqrt{a}} \right) \end{aligned}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--E 185

--S 186 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 186

)clear all

--S 187 of 765
t0:=x^5/(a+b*x^3)^3
--R
--R
--R      (1)  -----
--R              5
--R              x
--R      3 9      2 6      2   3   3
--R      b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 187

--S 188 of 765
r0:=1/6*x^6/(a*(a+b*x^3)^2)
--R
--R
--R      (2)  -----
--R              1   6
--R              - x
--R              6
--R      2 6      2   3   3
--R      a b x + 2a b x + a
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 188

--S 189 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 189

)clear all

--S 190 of 765
t0:=x^4/(a+b*x^3)^3
--R

```

```

--R
--R
--R
--R      4
--R      x
--R      (1) -----
--R      3 9      2 6      2      3      3
--R      b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 190

--S 191 of 765
r0:=-1/6*x^2/(b*(a+b*x^3)^2)+1/9*x^2/(a*b*(a+b*x^3))-1/27*log(a^(1/3)+_
b^(1/3)*x)/(a^(4/3)*b^(5/3))+1/54*log(a^(2/3)-a^(1/3)*b^(1/3)*x+_
b^(2/3)*x^2)/(a^(4/3)*b^(5/3))-1/9*atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*x)/_
(a^(1/3)*sqrt(3)))/(a^(4/3)*b^(5/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R      (2)
--R      2 6      3      2  +-+      2 3+-+2      3+-+3+-+      3+-+2
--R      (b x + 2a b x + a )\|3 log(x \|b - x\|a \|b + \|a )
--R      +
--R      2 6      3      2  +-+      3+-+      3+-+
--R      (- 2b x - 4a b x - 2a )\|3 log(x\|b + \|a )
--R      +
--R
--R      3+-+      3+-+
--R      2 6      3      2      2x\|b - \|a      5      2  +-+3+-+3+-+2
--R      (6b x + 12a b x + 6a )atan(-----) + (6b x - 3a x )\|3 \|a \|b
--R
--R
--R      \|3 \|a
--R      /
--R      3 6      2 2 3      3  +-+3+-+3+-+2
--R      (54a b x + 108a b x + 54a b)\|3 \|a \|b
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 191

--S 192 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 192

)clear all

--S 193 of 765
t0:=x^3/(a+b*x^3)^3
--R
--R
--R      3
--R      x

```

```

--R   (1)  -----
--R           3 9      2 6      2      3      3
--R           b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 193

--S 194 of 765
r0:=-1/6*x/(b*(a+b*x^3)^2)+1/18*x/(a*b*(a+b*x^3))+1/27*log(a^(1/3)+_
b^(1/3)*x)/(a^(5/3)*b^(4/3))-1/54*log(a^(2/3)-a^(1/3)*b^(1/3)*x+_
b^(2/3)*x^2)/(a^(5/3)*b^(4/3))-1/9*atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*x)/_
(a^(1/3)*sqrt(3)))/(a^(5/3)*b^(4/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R   (2)
--R           2 6      3      2  +-+      2 3+-+2      3+-+3+-+      3+-+2
--R           (- b x - 2a b x - a )\|3 log(x \|b - x\|a \|b + \|a )
--R
--R   +
--R           2 6      3      2  +-+      3+-+      3+-+
--R           (2b x + 4a b x + 2a )\|3 log(x\|b + \|a )
--R
--R   +
--R           3+-+      3+-+
--R           2 6      3      2      2x\|b - \|a          4      +-+3+-+2 3+-+
--R           (6b x + 12a b x + 6a )atan(-----) + (3b x - 6a x)\|3 \|a \|b
--R                                     +-+3+-+
--R                                     \|3 \|a
--R
--R   /
--R           3 6      2 2 3      3  +-+3+-+2 3+-+
--R           (54a b x + 108a b x + 54a b)\|3 \|a \|b
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 194

--S 195 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R   (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 195

)clear all

--S 196 of 765
t0:=x^2/(a+b*x^3)^3
--R
--R
--R           2
--R           x
--R   (1)  -----
--R           3 9      2 6      2      3      3
--R           b x + 3a b x + 3a b x + a

```

```

--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 196

--S 197 of 765
r0:=(-1/6)/(b*(a+b*x^3)^2)
--R
--R
--R
--R      1
--R      -
--R      6
--R      (2)  - -----
--R            3 6      2 3      2
--R            b x + 2a b x + a b
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 197

--S 198 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 198

)clear all

--S 199 of 765
t0:=x/(a+b*x^3)^3
--R
--R
--R
--R      x
--R      (1)  -----
--R            3 9      2 6      2      3      3
--R            b x + 3a b x + 3a b x + a
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 199

--S 200 of 765
r0:=1/6*x^2/(a*(a+b*x^3)^2)+2/9*x^2/(a^2*(a+b*x^3))-2/27*log(a^(1/3)+_
b^(1/3)*x)/(a^(7/3)*b^(2/3))+1/27*log(a^(2/3)-a^(1/3)*b^(1/3)*x+_
b^(2/3)*x^2)/(a^(7/3)*b^(2/3))-2/9*atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*x)/_
(a^(1/3)*sqrt(3)))/(a^(7/3)*b^(2/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R      (2)
--R            2 6      3      2  +-+      2 3+-+2      3+-+3+-+      3+-+2
--R            (2b x + 4a b x + 2a )\|3 log(x \|b - x\|a \|b + \|a )
--R            +
--R            2 6      3      2  +-+      3+-+      3+-+
--R            (- 4b x - 8a b x - 4a )\|3 log(x\|b + \|a )

```

```

--R      +
--R      2 6      3      2      2x\|b - \|a
--R      (12b x + 24a b x + 12a )atan(-----)
--R                                         +-+3+-+
--R                                         \|3 \|a
--R      +
--R      5      2  +-+3+-+3+-+2
--R      (12b x + 21a x )\|3 \|a \|b
--R /
--R      2 2 6      3 3      4  +-+3+-+3+-+2
--R      (54a b x + 108a b x + 54a )\|3 \|a \|b
--R
--E 200                                         Type: Expression(Integer)

--S 201 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 201                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 202 of 765
t0:=1/(a+b*x^3)^3
--R
--R
--R      1
--R      (1) -----
--R      3 9      2 6      2      3      3
--R      b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
--E 202                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 203 of 765
r0:=1/6*x/(a*(a+b*x^3)^2)+5/18*x/(a^2*(a+b*x^3))+5/27*log(a^(1/3)+_
b^(1/3)*x)/(a^(8/3)*b^(1/3))-5/54*log(a^(2/3)-a^(1/3)*b^(1/3)*x+_
b^(2/3)*x^2)/(a^(8/3)*b^(1/3))-5/9*atan((a^(1/3)-2*b^(1/3)*x)/_
(a^(1/3)*sqrt(3)))/(a^(8/3)*b^(1/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R      (2)
--R      2 6      3      2  +-+      2 3+-+2      3+-+3+-+      3+-+2
--R      (- 5b x - 10a b x - 5a )\|3 log(x \|b - x\|a \|b + \|a )
--R      +
--R      2 6      3      2  +-+      3+-+      3+-+
--R      (10b x + 20a b x + 10a )\|3 log(x\|b + \|a )
--R      +

```

```

--R          3+-+ 3+-+
--R          2 6      3      2      2x\|b - \|a
--R          (30b x + 60a b x + 30a )atan(-----)
--R                                     +-+3+-+
--R                                     \|3 \|a
--R          +
--R          4      +-+3+-+2 3+-+
--R          (15b x + 24a x)\|3 \|a   \|b
--R /
--R          2 2 6      3 3      4  +-+3+-+2 3+-+
--R          (54a b x + 108a b x + 54a )\|3 \|a   \|b
--R
--E 203                                         Type: Expression(Integer)

--S 204 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R          (3)  0
--R
--E 204                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 205 of 765
t0:=1/(x*(a+b*x^3)^3)
--R
--R
--R          1
--R          (1)  -----
--R          3 10      2 7      2 4      3
--R          b x + 3a b x + 3a b x + a x
--R
--E 205                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 206 of 765
r0:=1/6/(a*(a+b*x^3)^2)+1/3/(a^2*(a+b*x^3))+log(x)/a^3-1/3*log(a+b*x^3)/a^3
--R
--R
--R          (2)
--R          2 6      3      2      3      2 6      3      2
--R          (- 2b x - 4a b x - 2a )log(b x + a) + (6b x + 12a b x + 6a )log(x)
--R
--R          +
--R          3      2
--R          2a b x + 3a
--R /
--R          3 2 6      4 3      5
--R          6a b x + 12a b x + 6a
--R
--E 206                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--S 207 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 207

)clear all

--S 208 of 765
t0:=x^8*sqrt(a+b*x^3)
--R
--R
--R      +-----+
--R      8 |   3
--R      (1)  x \|b x  + a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 208

--S 209 of 765
r0:=2/9*a^2*(a+b*x^3)^(3/2)/b^3-4/15*a*(a+b*x^3)^(5/2)/b^3+_
2/21*(a+b*x^3)^(7/2)/b^3
--R
--R
--R      +-----+
--R      3 9      2 6      2   3      3   |   3
--R      (30b x  + 6a b x  - 8a b x  + 16a )\|b x  + a
--R      (2) -----
--R                           3
--R                           315b
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 209

--S 210 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 210

)clear all

--S 211 of 765
t0:=x^5*sqrt(a+b*x^3)
--R
--R
--R      +-----+

```

```

--R      5 | 3
--R      (1)  x \|b x  + a
--R
--E 211                                         Type: Expression(Integer)

--S 212 of 765
r0:=-2/9*a*(a+b*x^3)^(3/2)/b^2+2/15*(a+b*x^3)^(5/2)/b^2
--R
--R
--R      +-----+
--R      2 6      3      2 | 3
--R      (6b x  + 2a b x  - 4a )\|b x  + a
--R      (2) -----
--R                           2
--R                           45b
--R
--E 212                                         Type: Expression(Integer)

--S 213 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 213                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 214 of 765
t0:=x^2*sqrt(a+b*x^3)
--R
--R
--R      +-----+
--R      2 | 3
--R      (1)  x \|b x  + a
--R
--E 214                                         Type: Expression(Integer)

--S 215 of 765
r0:=2/9*(a+b*x^3)^(3/2)/b
--R
--R
--R      +-----+
--R      3      | 3
--R      (2b x  + 2a)\|b x  + a
--R      (2) -----
--R                           9b
--R
--E 215                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--S 216 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 216                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 217 of 765
t0:=sqrt(a+b*x^3)/x
--R
--R
--R      +-----+
--R      |   3
--R      \|b x  + a
--R      (1)  -----
--R              x
--R
--E 217                                         Type: Expression(Integer)

--S 218 of 765
r0:=-2/3*atanh(sqrt(a+b*x^3)/sqrt(a))*sqrt(a)+2/3*sqrt(a+b*x^3)
--R
--R
--R      +-----+
--R      |   3      +-----+
--R      +-+ \b x  + a |   3
--R      - 2\|a atanh(-----) + 2\|b x  + a
--R                  +-+
--R                  \|a
--R      (2)  -----
--R              3
--R
--E 218                                         Type: Expression(Integer)

--S 219 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 219                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 220 of 765
t0:=sqrt(a+b*x^3)/x^4
--R

```

```

--R
--R      +-----+
--R      |   3
--R      \|b x  + a
--R      (1) -----
--R                  4
--R                  x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 220

--S 221 of 765
r0:=-1/3*b*atanh(sqrt(a+b*x^3)/sqrt(a))/sqrt(a)-1/3*sqrt(a+b*x^3)/x^3
--R
--R
--R      +-----+
--R      |   3           +-----+
--R      3   \|b x  + a   +-+ |   3
--R      - b x atanh(-----) - \|a \|b x  + a
--R                           +-+
--R                           \|a
--R      (2) -----
--R                  3 +-+
--R                  3x \|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 221

--S 222 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 222

)clear all

--S 223 of 765
t0:=sqrt(a+b*x^3)/x^7
--R
--R
--R      +-----+
--R      |   3
--R      \|b x  + a
--R      (1) -----
--R                  7
--R                  x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 223

--S 224 of 765

```

```

r0:=1/12*b^2*atanh(sqrt(a+b*x^3)/sqrt(a))/a^(3/2)-1/6*sqrt(a+b*x^3)/x^6-
1/12*b*sqrt(a+b*x^3)/(a*x^3)
--R
--R
--R
$$(2) \frac{b^2 x^6 \operatorname{atanh}\left(\frac{\sqrt{b} x^3 + a}{\sqrt{a}}\right) + (-b x^6 - 2 a) \sqrt{a} \sqrt{b} x^3 + a}{12 a x^6 \sqrt{a}}$$

--R
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 224

--S 225 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
$$(3) 0$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 225

)clear all

--S 226 of 765
t0:=x^3*sqrt(8+27*x^3)
--R
--R
--R
$$(1) x^3 \sqrt{27 x^3 + 8}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 226

--S 227 of 765
--r0:=16/495*x*sqrt(8+27*x^3)+2/11*x^4*sqrt(8+27*x^3)-256/1485*(-1)^(1/4)*_
-- elliptic_f(%i*asinh((1/2+1/2*i)*sqrt(1-3*x+%^i*sqrt(3))/3^(1/4)),_
-- -2*sqrt(3)/(3*%i-sqrt(3)))*sqrt(%i*(1-3*x-%i*sqrt(3)))*_
-- sqrt((2+3*x)/(3+%^i*sqrt(3)))*sqrt(1-3*x+%^i*sqrt(3))/sqrt(8+27*x^3)
--E 227

--S 228 of 765
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 228

)clear all

--S 229 of 765

```

```

t0:=sqrt(8+27*x^3)
--R
--R
--R      +-----+
--R      |   3
--R      (1)  \|27x  + 8
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 229

--S 230 of 765
--r0:=2/5*x*sqrt(8+27*x^3)+16/5*(-1)^(1/4)*_
--    elliptic_f(%i*asinh((1/2+1/2*i)*sqrt(1-3*x+%i*sqrt(3))/3^(1/4)),_
--    -2*sqrt(3)/(3*%i-sqrt(3)))*sqrt(%i*(1-3*x-%i*sqrt(3)))*_
--    sqrt((2+3*x)/(3+%i*sqrt(3)))*sqrt(1-3*x+%i*sqrt(3))/sqrt(8+27*x^3)
--E 230

--S 231 of 765
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 231

)clear all

--S 232 of 765
t0:=sqrt(8+27*x^3)/x^3
--R
--R
--R      +-----+
--R      |   3
--R      \|27x  + 8
--R      (1)  -----
--R                  3
--R                  x
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 232

--S 233 of 765
--r0:=-1/2*sqrt(8+27*x^3)/x^2+27/2*(-1)^(1/4)*_
--    elliptic_f(%i*asinh((1/2+1/2*i)*sqrt(1-3*x+%i*sqrt(3))/3^(1/4)),_
--    -2*sqrt(3)/(3*%i-sqrt(3)))*sqrt(%i*(1-3*x-%i*sqrt(3)))*_
--    sqrt((2+3*x)/(3+%i*sqrt(3)))*sqrt(1-3*x+%i*sqrt(3))/sqrt(8+27*x^3)
--E 233

--S 234 of 765
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 234

)clear all

--S 235 of 765
t0:=x^4*sqrt(8+27*x^3)

```

```

--R
--R
--R      +-----+
--R      4 | 3
--R      (1)  x \|27x  + 8
--R
--E 235                                         Type: Expression(Integer)

--S 236 of 765
--r0:=16/819*x^2*sqrt(8+27*x^3)+2/13*x^5*sqrt(8+27*x^3)-_
--      512/7371*(-1)^(1/4)*(2+3*x)*elliptic_e(%i*asinh((1/2+1/2*i)*_
--      sqrt(1-3*x+%i*sqrt(3))/3^(1/4)),_
--      -2*sqrt(3)/(3*%i-sqrt(3)))*sqrt(%i*(1-3*x-%i*sqrt(3)))*_
--      sqrt(1-3*x+%i*sqrt(3))/(sqrt(8+27*x^3)*sqrt((2+3*x)/_
--      (3+%i*sqrt(3))))+1024/7371*(-1)^(1/4)*_
--      elliptic_f(%i*asinh((1/2+1/2*i)*sqrt(1-3*x+%i*sqrt(3))/3^(1/4)),_
--      -2*sqrt(3)/(3*%i-sqrt(3)))*sqrt(%i*(1-3*x-%i*sqrt(3)))*_
--      sqrt((2+3*x)/(3+%i*sqrt(3)))*sqrt(1-3*x+%i*sqrt(3))/sqrt(8+27*x^3)
--E 236

--S 237 of 765
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 237

)clear all

--S 238 of 765
t0:=x*sqrt(8+27*x^3)
--R
--R
--R      +-----+
--R      | 3
--R      (1)  x\|27x  + 8
--R
--E 238                                         Type: Expression(Integer)

--S 239 of 765
--r0:=2/7*x^2*sqrt(8+27*x^3)+16/21*(-1)^(1/4)*(2+3*x)*_
--      elliptic_e(%i*asinh((1/2+1/2*i)*sqrt(1-3*x+%i*sqrt(3))/3^(1/4)),_
--      -2*sqrt(3)/(3*%i-sqrt(3)))*sqrt(%i*(1-3*x-%i*sqrt(3)))*_
--      sqrt(1-3*x+%i*sqrt(3))/(sqrt(8+27*x^3)*sqrt((2+3*x)/_
--      (3+%i*sqrt(3))))-32/21*(-1)^(1/4)*_
--      elliptic_f(%i*asinh((1/2+1/2*i)*sqrt(1-3*x+%i*sqrt(3))/3^(1/4)),_
--      -2*sqrt(3)/(3*%i-sqrt(3)))*sqrt(%i*(1-3*x-%i*sqrt(3)))*_
--      sqrt((2+3*x)/(3+%i*sqrt(3)))*sqrt(1-3*x+%i*sqrt(3))/sqrt(8+27*x^3)
--E 239

--S 240 of 765
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 240

```

```

)clear all

--S 241 of 765
t0:=sqrt(8+27*x^3)/x^2
--R
--R
--R      +-----+
--R      |   3
--R      \|27x  + 8
--R      (1)  -----
--R                  2
--R                  x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 241

--S 242 of 765
--r0:=-sqrt(8+27*x^3)/x+9*(-1)^(1/4)*(2+3*x)*_
--      elliptic_e(%i*asinh((1/2+1/2*i)*sqrt(1-3*x+%i*sqrt(3))/3^(1/4)),_
--      -2*sqrt(3)/(3*%i-sqrt(3)))*sqrt(%i*(1-3*x-%i*sqrt(3)))*_
--      sqrt(1-3*x+%i*sqrt(3))/(sqrt(8+27*x^3)*sqrt((2+3*x)/_
--      (3+%i*sqrt(3))))-18*(-1)^(1/4)*_
--      elliptic_f(%i*asinh((1/2+1/2*i)*sqrt(1-3*x+%i*sqrt(3))/3^(1/4)),_
--      -2*sqrt(3)/(3*%i-sqrt(3)))*sqrt(%i*(1-3*x-%i*sqrt(3)))*_
--      sqrt((2+3*x)/(3+%i*sqrt(3)))*sqrt(1-3*x+%i*sqrt(3))/sqrt(8+27*x^3)
--E 242

--S 243 of 765
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 243

)clear all

--S 244 of 765
t0:=x^8/sqrt(a+b*x^3)
--R
--R
--R      8
--R      x
--R      (1)  -----
--R      +-----+
--R      |   3
--R      \|b x  + a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 244

--S 245 of 765
r0:=16/45*a^2*sqrt(a+b*x^3)/b^3-8/45*a*x^3*sqrt(a+b*x^3)/b^2+_
      2/15*x^6*sqrt(a+b*x^3)/b
--R

```

```

--R
--R
--R      2 6      3      2 | 3
--R      (6b x - 8a b x + 16a )\|b x + a
--R      (2) -----
--R                           3
--R                           45b
--R
--E 245                                         Type: Expression(Integer)

--S 246 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 246                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 247 of 765
t0:=x^5/sqrt(a+b*x^3)
--R
--R
--R      5
--R      x
--R      (1) -----
--R      +-----+
--R      | 3
--R      \|b x + a
--R
--E 247                                         Type: Expression(Integer)

--S 248 of 765
r0:=-4/9*a*sqrt(a+b*x^3)/b^2+2/9*x^3*sqrt(a+b*x^3)/b
--R
--R
--R      +-----+
--R      3      | 3
--R      (2b x - 4a)\|b x + a
--R      (2) -----
--R                           2
--R                           9b
--R
--E 248                                         Type: Expression(Integer)

--S 249 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R

```

```

--R   (3)  0
--R
--E 249                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 250 of 765
t0:=x^2/sqrt(a+b*x^3)
--R
--R
--R   (1)  
$$\frac{x^2}{\sqrt{bx^3 + a}}$$

--R
--E 250                                         Type: Expression(Integer)

--S 251 of 765
r0:=2/3*sqrt(a+b*x^3)/b
--R
--R
--R   (2)  
$$\frac{2\sqrt{bx^3 + a}}{3b}$$

--R
--E 251                                         Type: Expression(Integer)

--S 252 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R   (3)  0
--R
--E 252                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 253 of 765
t0:=1/(x*sqrt(a+b*x^3))
--R
--R
--R   (1)  
$$\frac{1}{x\sqrt{bx^3 + a}}$$


```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 253

--S 254 of 765
r0:=-2/3*atanh(sqrt(a+b*x^3)/sqrt(a))/sqrt(a)
--R
--R
--R          +-----+
--R          |   3
--R          \|b x  + a
--R          2atanh(-----)
--R          +-+
--R          \|a
--R (2)  - -----
--R          +-+
--R          3\|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 254

--S 255 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 255

)clear all

--S 256 of 765
t0:=1/(x^4*sqrt(a+b*x^3))
--R
--R
--R          1
--R (1)  -----
--R          +-----+
--R          4 |   3
--R          x \|b x  + a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 256

--S 257 of 765
r0:=1/3*b*atanh(sqrt(a+b*x^3)/sqrt(a))/a^(3/2)-1/3*sqrt(a+b*x^3)/(a*x^3)
--R
--R
--R          +-----+
--R          |   3          +-----+
--R          3   \|b x  + a      +-+ |   3
--R          b x atanh(-----) - \|a \|b x  + a
--R          +-+

```

```

--R          \|a
--R      (2)  -----
--R                  3 +-+
--R                  3a x \|a
--R
--E 257                                         Type: Expression(Integer)

--S 258 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 258                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 259 of 765
t0:=1/(x^7*sqrt(a+b*x^3))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R              +-----+
--R              7 |   3
--R              x \|b x   + a
--R
--E 259                                         Type: Expression(Integer)

--S 260 of 765
r0:=-1/4*b^2*atanh(sqrt(a+b*x^3)/sqrt(a))/a^(5/2)-
    1/6*sqrt(a+b*x^3)/(a*x^6)+1/4*b*sqrt(a+b*x^3)/(a^2*x^3)
--R
--R
--R      +-----+
--R      |   3
--R      2 6     \|b x   + a           3           +-+ |   3
--R      - 3b x atanh(-----) + (3b x   - 2a)\|a \|b x   + a
--R
--R      +-+
--R      \|a
--R      (2)  -----
--R
--R                  2 6 +-+
--R                  12a x \|a
--E 260                                         Type: Expression(Integer)

--S 261 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R

```

```

--R   (3)  0
--R
--E 261                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 262 of 765
t0:=x^3/sqrt(8+27*x^3)
--R
--R
--R   (1)  
$$\frac{x^3}{\sqrt{27x^3 + 8}}$$

--R
--E 262                                         Type: Expression(Integer)

--S 263 of 765
--r0:=2/135*x*sqrt(8+27*x^3)-32/405*(-1)^(1/4)*_
--      elliptic_f(%i*asinh((1/2+1/2*%i)*sqrt(1-3*x+%i*sqrt(3))/3^(1/4)),_
--      -2*sqrt(3)/(3*%i-sqrt(3)))*sqrt(%i*(1-3*x-%i*sqrt(3)))*_
--      sqrt((2+3*x)/(3+%i*sqrt(3)))*sqrt(1-3*x+%i*sqrt(3))/sqrt(8+27*x^3)
--E 263

--S 264 of 765
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 264

)clear all

--S 265 of 765
t0:=1/sqrt(8+27*x^3)
--R
--R
--R   (1)  
$$\frac{1}{\sqrt{27x^3 + 8}}$$

--R
--E 265                                         Type: Expression(Integer)

--S 266 of 765
--r0:=2/3*(-1)^(1/4)*elliptic_f(%i*asinh((1/2+1/2*%i)*_
--      sqrt(1-3*x+%i*sqrt(3))/3^(1/4)),_
--      -2*sqrt(3)/(3*%i-sqrt(3)))*_
--      sqrt(%i*(1-3*x-%i*sqrt(3)))*sqrt((2+3*x)/(3+%i*sqrt(3)))*_
--      sqrt(1-3*x+%i*sqrt(3))/sqrt(8+27*x^3)

```

```

--E 266

--S 267 of 765
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 267

)clear all

--S 268 of 765
t0:=1/(x^3*sqrt(8+27*x^3))
--R
--R
--R      1
--R      -----
--R      +-----+
--R      3 | 3
--R      x \|27x  + 8
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 268

--S 269 of 765
--r0:=-1/16*sqrt(8+27*x^3)/x^2-9/16*(-1)^(1/4)*_
--      elliptic_f(%i*asinh((1/2+1/2*%i)*sqrt(1-3*x+%i*sqrt(3))/3^(1/4)),_
--      -2*sqrt(3)/(3*%i-sqrt(3)))*sqrt(%i*(1-3*x-%i*sqrt(3)))*_
--      sqrt((2+3*x)/(3+%i*sqrt(3)))*sqrt(1-3*x+%i*sqrt(3))/sqrt(8+27*x^3)
--E 269

--S 270 of 765
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 270

)clear all

--S 271 of 765
t0:=x^4/sqrt(8+27*x^3)
--R
--R
--R      4
--R      x
--R      -----
--R      +-----+
--R      | 3
--R      \|27x  + 8
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 271

--S 272 of 765
--r0:=2/189*x^2*sqrt(8+27*x^3)-64/1701*(-1)^(1/4)*(2+3*x)*_
--      elliptic_e(%i*asinh((1/2+1/2*%i)*sqrt(1-3*x+%i*sqrt(3))/3^(1/4)),_
--      -2*sqrt(3)/(3*%i-sqrt(3)))*sqrt(%i*(1-3*x-%i*sqrt(3)))*_

```

```

--      sqrt(1-3*x+%i*sqrt(3))/(sqrt(8+27*x^3)*sqrt((2+3*x)/_
--      (3+%i*sqrt(3))))+128/1701*(-1)^(1/4)*_
--      elliptic_f(%i*asinh((1/2+1/2*%i)*sqrt(1-3*x+%i*sqrt(3))/3^(1/4)),_
--      -2*sqrt(3)/(3*%i-sqrt(3)))*sqrt(%i*(1-3*x-%i*sqrt(3)))*_
--      sqrt((2+3*x)/(3+%i*sqrt(3)))*sqrt(1-3*x+%i*sqrt(3))/sqrt(8+27*x^3)
--E 272

--S 273 of 765
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 273

)clear all

--S 274 of 765
t0:=x/sqrt(8+27*x^3)
--R
--R
--R      x
--R      (1)  -----
--R                  +-----+
--R                  |   3
--R                  \|27x   + 8
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 274

--S 275 of 765
--r0:=2/9*(-1)^(1/4)*(2+3*x)*elliptic_e(%i*asinh((1/2+1/2*%i)*_
--      sqrt(1-3*x+%i*sqrt(3))/3^(1/4)),_
--      -2*sqrt(3)/(3*%i-sqrt(3)))*sqrt(%i*(1-3*x-%i*sqrt(3)))*_
--      sqrt(1-3*x+%i*sqrt(3))/(sqrt(8+27*x^3)*sqrt((2+3*x)/_
--      (3+%i*sqrt(3))))-4/9*(-1)^(1/4)*_
--      elliptic_f(%i*asinh((1/2+1/2*%i)*sqrt(1-3*x+%i*sqrt(3))/3^(1/4)),_
--      -2*sqrt(3)/(3*%i-sqrt(3)))*sqrt(%i*(1-3*x-%i*sqrt(3)))*_
--      sqrt((2+3*x)/(3+%i*sqrt(3)))*sqrt(1-3*x+%i*sqrt(3))/sqrt(8+27*x^3)
--E 275

--S 276 of 765
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 276

)clear all

--S 277 of 765
t0:=1/(x^2*sqrt(8+27*x^3))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R                  +-----+
--R                  2 |   3

```

```

--R      x \|27x  + 8
--R
--E 277                                         Type: Expression(Integer)

--S 278 of 765
--r0:=-1/8*sqrt(8+27*x^3)/x+3/8*(-1)^(1/4)*(2+3*x)*_
--    elliptic_e(%i*asinh((1/2+1/2*%i)*sqrt(1-3*x+%i*sqrt(3))/3^(1/4)),_
--    -2*sqrt(3)/(3*%i-sqrt(3)))*sqrt(%i*(1-3*x-%i*sqrt(3)))*_
--    sqrt(1-3*x+%i*sqrt(3))/(sqrt(8+27*x^3)*sqrt((2+3*x)/_
--    (3+%i*sqrt(3))))-3/4*(-1)^(1/4)*_
--    elliptic_f(%i*asinh((1/2+1/2*%i)*sqrt(1-3*x+%i*sqrt(3))/3^(1/4)),_
--    -2*sqrt(3)/(3*%i-sqrt(3)))*sqrt(%i*(1-3*x-%i*sqrt(3)))*_
--    sqrt((2+3*x)/(3+%i*sqrt(3)))*sqrt(1-3*x+%i*sqrt(3))/sqrt(8+27*x^3)
--E 278

--S 279 of 765
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 279

)clear all

--S 280 of 765
t0:=x^5/(1+x^3)^(3/2)
--R
--R
--R      5
--R      x
--R      (1)  -----
--R                  +---+
--R                  3      | 3
--R      (x  + 1)\|x  + 1
--R
--E 280                                         Type: Expression(Integer)

--S 281 of 765
r0:=2/3/sqrt(1+x^3)+2/3*sqrt(1+x^3)
--R
--R
--R      3
--R      2x  + 4
--R      (2)  -----
--R                  +---+
--R                  | 3
--R      3\|x  + 1
--R
--E 281                                         Type: Expression(Integer)

--S 282 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R

```

```

--R
--R      (3)  0
--R
--E 282                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 283 of 765
t0:=x^8*(1-x^3)^(1/3)
--R
--R
--R      +-----+
--R      8 3|   3
--R      (1)  x \|- x  + 1
--R
--E 283                                         Type: Expression(Integer)

--S 284 of 765
r0:=-1/4*(1-x^3)^(4/3)+2/7*(1-x^3)^(7/3)-1/10*(1-x^3)^(10/3)
--R
--R
--R      +-----+
--R      9      6      3      3|      3
--R      (14x  - 2x  - 3x  - 9)\|- x  + 1
--R      (2) -----
--R                  140
--R
--E 284                                         Type: Expression(Integer)

--S 285 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 285                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 286 of 765
t0:=x^5*(a+b*x^3)^(1/3)
--R
--R
--R      +-----+
--R      5 3|   3
--R      (1)  x \|- b x  + a
--R
--E 286                                         Type: Expression(Integer)

--S 287 of 765

```

```

r0:=-1/4*a*(a+b*x^3)^(4/3)/b^2+1/7*(a+b*x^3)^(7/3)/b^2
--R
--R
--R
--R      2 6      3      2 3| 3
--R      (4b x  + a b x - 3a )\|b x  + a
--R      (2) -----
--R                  2
--R                  28b
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 287

--S 288 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 288

)clear all

--S 289 of 765
t0:=x^4*(a+b*x^3)^(1/3)
--R
--R
--R      +-----+
--R      4 3| 3
--R      (1) x \||b x  + a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 289

--S 290 of 765
r0:=1/18*a*x^2*(a+b*x^3)^(1/3)/b+1/6*x^5*(a+b*x^3)^(1/3)+_
1/27*a^2*log(1-b^(1/3)*x/(a+b*x^3)^(1/3))/b^(5/3)-_
1/54*a^2*log(1+b^(2/3)*x^2/(a+b*x^3)^(2/3)+b^(1/3)*_
x/(a+b*x^3)^(1/3))/b^(5/3)+1/9*a^2*_
atan((1+2*b^(1/3)*x/(a+b*x^3)^(1/3))/sqrt(3))/(b^(5/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R      (2)
--R      +-----+2      +-----+
--R      3| 3      3+-+3| 3      2 3+-+2
--R      2 +-+ \||b x  + a + x\||b x  + a + x \||b
--R      - a \||3 log(-----)
--R                                         +-----+2
--R                                         3| 3
--R                                         \||b x  + a
--R      +
--R      +-----+      +-----+

```

```

--R      3|   3      3+-+      3|   3      3+-+
--R      2 +-+ \ |b x + a - x\|b      2 \ |b x + a + 2x\|b
--R      2a \|3 log(-----) + 6a atan(-----)
--R                           +-----+           +-----+
--R                           3|   3
--R                           \ |b x + a           \|-3 \ |b x + a
--R
--R      +
--R                           +-----+
--R      5      2 +-+3+-+2 3|   3
--R      (9b x + 3a x )\|3 \ |b \ |b x + a
--R /
--R      +-+3+-+2
--R      54b\|3 \ |b
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 290

--S 291 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 291

)clear all

--S 292 of 765
t0:=x^3*(a+b*x^3)^(1/3)
--R
--R
--R      +-----+
--R      3 3|   3
--R      (1)  x \ |b x + a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 292

--S 293 of 765
--r0:=1/10*a*x*(a+b*x^3)^(1/3)/b+1/5*x^4*(a+b*x^3)^(1/3)-_
--    1/10*a^2*x*((a+b*x^3)/a)^(2/3)*_
--    hypergeometric(1/3,2/3,4/3,-b*x^3/a)/(b*(a+b*x^3)^(2/3))
--E 293

--S 294 of 765
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 294

)clear all

--S 295 of 765
t0:=x^2*(a+b*x^3)^(1/3)

```

```

--R
--R
--R      +-----+
--R      2 3|   3
--R      (1)  x \b x  + a
--R
--E 295                                         Type: Expression(Integer)

--S 296 of 765
r0:=1/4*(a+b*x^3)^(4/3)/b
--R
--R
--R      +-----+
--R      3   3|   3
--R      (b x  + a)\b x  + a
--R      (2) -----
--R                  4b
--R
--E 296                                         Type: Expression(Integer)

--S 297 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 297                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 298 of 765
t0:=x*(a+b*x^3)^(1/3)
--R
--R
--R      +-----+
--R      3|   3
--R      (1)  x\b x  + a
--R
--E 298                                         Type: Expression(Integer)

--S 299 of 765
r0:=1/3*x^2*(a+b*x^3)^(1/3)-1/9*a*log(1-b^(1/3)*_
x/(a+b*x^3)^(1/3))/b^(2/3)+1/18*a*log(1+b^(2/3)*_
x^2/(a+b*x^3)^(2/3)+b^(1/3)*x/(a+b*x^3)^(1/3))/b^(2/3)-
1/3*a*atan((1+2*b^(1/3)*x/(a+b*x^3)^(1/3))/sqrt(3))/(b^(2/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R      (2)
--R      +-----+2      +-----+
--R      3|   3          3+-+3|   3          2 3+-+2

```

```

--R      +-+ \|b x + a + x\|b \|b x + a + x \|b
--R      a\|3 log(-----)
--R                           +-----+
--R                           3|   3
--R                           \|b x + a
--R
--R      +
--R      +-----+           +-----+
--R      3|   3           3|   3           3+-+
--R      +-+ \|b x + a - x\|b           \|b x + a + 2x\|b
--R      - 2a\|3 log(-----) - 6a atan(-----)
--R                           +-----+           +-----+
--R                           3|   3           +-+3|   3
--R                           \|b x + a           \|3 \|b x + a
--R
--R      +
--R      +-----+
--R      2 +-+3+-+2 3|   3
--R      6x \|3 \|b \|b x + a
--R /
--R      +-+3+-+2
--R      18\|3 \|b
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 299

--S 300 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 300

)clear all

--S 301 of 765
t0:=(a+b*x^3)^(1/3)
--R
--R
--R      +-----+
--R      3|   3
--R      (1)  \|b x + a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 301

--S 302 of 765
--r0:=1/2*x*(a+b*x^3)^(1/3)+1/2*a*x*((a+b*x^3)/a)^(2/3)*_
--      hypergeometric(1/3,2/3,4/3,-b*x^3/a)/(a+b*x^3)^(2/3)
--E 302

--S 303 of 765
--d0:=t0-D(r0,x)

```

```

--E 303

)clear all

--S 304 of 765
t0:=(a+b*x^3)^(1/3)/x
--R
--R
--R      +-----+
--R      3|   3
--R      \|b x  + a
--R      (1) -----
--R                  x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 304

--S 305 of 765
r0:=(a+b*x^3)^(1/3)+1/3*a^(1/3)*log(a^(1/3)-(a+b*x^3)^(1/3))-_
1/6*a^(1/3)*log(a^(2/3)+a^(1/3)*(a+b*x^3)^(1/3)+(a+b*x^3)^(2/3))-_
a^(1/3)*atan((a^(1/3)+2*(a+b*x^3)^(1/3))/(a^(1/3)*sqrt(3)))/sqrt(3)
--R
--R
--R      (2)
--R      +-----+2      +-----+
--R      +-+3+-+ 3|   3      3+-+3|   3      3+-+2
--R      - \|3 \|a log(\|b x  + a  + \|a \|b x  + a  + \|a )
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+3+-+ 3|   3      3+-+ 3+-+ 2\|b x  + a  + \|a
--R      2\|3 \|a log(- \|b x  + a  + \|a ) - 6\|a atan(-----)
--R                                         +-+3+-+
--R                                         \|3 \|a
--R      +
--R      +-----+
--R      +-+3|   3
--R      6\|3 \|b x  + a
--R      /
--R      ++
--R      6\|3
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 305

--S 306 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 306

```

```

)clear all

--S 307 of 765
t0:=(a+b*x^3)^(1/3)/x^2
--R
--R
--R
$$(1) \frac{\sqrt[3]{bx^3 + a}}{x^2}$$

--R
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 307

--S 308 of 765
r0:=- (a+b*x^3)^(1/3)/x - 1/3*b^(1/3)*log(1-b^(1/3)*x/(a+b*x^3)^(1/3)) +_
1/6*b^(1/3)*log(1+b^(2/3)*x^2/(a+b*x^3)^(2/3)) +_
b^(1/3)*x/(a+b*x^3)^(1/3) - b^(1/3)*_
atan((1+2*b^(1/3)*x/(a+b*x^3)^(1/3))/sqrt(3))/sqrt(3)
--R
--R
--R
$$(2)$$

--R
$$\begin{aligned} & \frac{x\sqrt[3]{bx^3 + a} \log\left(\frac{x\sqrt[3]{bx^3 + a}}{x\sqrt[3]{bx^3 + a}}\right)^2}{\sqrt[3]{bx^3 + a}} \\ & + \frac{-2x\sqrt[3]{bx^3 + a} \log\left(\frac{-x\sqrt[3]{bx^3 + a}}{x\sqrt[3]{bx^3 + a}}\right)^2 - 6x\sqrt[3]{bx^3 + a} \operatorname{atan}\left(\frac{-x\sqrt[3]{bx^3 + a}}{x\sqrt[3]{bx^3 + a}}\right)^2}{6\sqrt[3]{bx^3 + a}} \end{aligned}$$

--R
--R
--R
$$\frac{6x\sqrt[3]{bx^3 + a}}{6\sqrt[3]{bx^3 + a}}$$

--R
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 308

--S 309 of 765

```

```

--d0:=t0-D(r0,x)
--E 309

)clear all

--S 310 of 765
t0:=(a+b*x^3)^(1/3)/x^3
--R
--R
--R      +-----+
--R      3|   3
--R      \|b x   + a
--R      (1)  -----
--R                  3
--R                  x
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 310

--S 311 of 765
--r0:=-1/2*(a+b*x^3)^(1/3)/x^2+1/2*b*x*((a+b*x^3)/a)^(2/3)*_
--      hypergeometric(1/3,2/3,4/3,-b*x^3/a)/(a+b*x^3)^(2/3)
--E 311

--S 312 of 765
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 312

)clear all

--S 313 of 765
t0:=(a+b*x^3)^(1/3)/x^4
--R
--R
--R      +-----+
--R      3|   3
--R      \|b x   + a
--R      (1)  -----
--R                  4
--R                  x
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 313

--S 314 of 765
r0:=-1/3*(a+b*x^3)^(1/3)/x^3+1/9*b*log(a^(1/3)-(a+b*x^3)^(1/3))/a^(2/3)-_
    1/18*b*log(a^(2/3)+a^(1/3)*(a+b*x^3)^(1/3)+_
    (a+b*x^3)^(2/3))/a^(2/3)-1/3*b*atan((a^(1/3)+_
    2*(a+b*x^3)^(1/3))/(a^(1/3)*sqrt(3)))/(a^(2/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R      (2)

```

```

--R          +-----+2          +-----+
--R          3 +-+ 3| 3          3+-+3| 3          3+-+2
--R          - b x \|3 log(\|b x + a + \|a \|b x + a + \|a )
--R          +
--R          +-----+          +-----+
--R          3 +-+ 3| 3          3+-+          3          2\|b x + a + \|a
--R          2b x \|3 log(- \|b x + a + \|a ) - 6b x atan(-----)
--R                                     +--+3+-+
--R                                     \|3 \|a
--R          +
--R          +-----+
--R          +-+3+-+2 3| 3
--R          - 6\|3 \|a \|b x + a
--R          /
--R          3 +-+3+-+2
--R          18x \|3 \|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 314

--S 315 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 315

)clear all

--S 316 of 765
t0:=x^5*(a+b*x^3)^(2/3)
--R
--R
--R          +-----+2
--R          5 3| 3
--R          (1)  x \|b x + a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 316

--S 317 of 765
r0:=-1/5*a*(a+b*x^3)^(5/3)/b^2+1/8*(a+b*x^3)^(8/3)/b^2
--R
--R
--R          +-----+2
--R          2 6          3          2 3| 3
--R          (5b x + 2a b x - 3a )\|b x + a
--R          (2)  -----
--R                               2
--R                               40b

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 317

--S 318 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 318

)clear all

--S 319 of 765
t0:=x^4*(a+b*x^3)^(2/3)
--R
--R
--R      +-----+2
--R      4 3|   3
--R      (1)  x \b x  + a
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 319

--S 320 of 765
--r0:=1/14*a*x^2*(a+b*x^3)^(2/3)/b+1/7*x^5*(a+b*x^3)^(2/3)-
--    1/14*a^2*x^2*((a+b*x^3)/a)^(1/3)*_
--    hypergeometric(1/3,2/3,5/3,-b*x^3/a)/(b*(a+b*x^3)^(1/3))
--E 320

--S 321 of 765
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 321

)clear all

--S 322 of 765
t0:=x^3*(a+b*x^3)^(2/3)
--R
--R
--R      +-----+2
--R      3 3|   3
--R      (1)  x \b x  + a
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 322

--S 323 of 765
r0:=1/9*a*x*(a+b*x^3)^(2/3)/b+1/6*x^4*(a+b*x^3)^(2/3)+_
    1/27*a^2*log(1-b^(1/3)*x/(a+b*x^3)^(1/3))/b^(4/3)-_
    1/54*a^2*log(1+b^(2/3)*x^2/(a+b*x^3)^(2/3))+_
    b^(1/3)*x/(a+b*x^3)^(1/3))/b^(4/3)-_

```



```

r0:=1/5*(a+b*x^3)^(5/3)/b
--R
--R
--R      +-----+2
--R      3      3|   3
--R      (b x  + a)\|b x  + a
--R      (2) -----
--R                  5b
--R
--E 326                                         Type: Expression(Integer)

--S 327 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 327                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 328 of 765
t0:=x*(a+b*x^3)^(2/3)
--R
--R
--R      +-----+2
--R      3|   3
--R      (1)  x \|b x  + a
--R
--E 328                                         Type: Expression(Integer)

--S 329 of 765
--r0:=1/4*x^2*(a+b*x^3)^(2/3)+1/4*a*x^2*((a+b*x^3)/a)^(1/3)*_
--    hypergeometric(1/3,2/3,5/3,-b*x^3/a)/(a+b*x^3)^(1/3)
--E 329

--S 330 of 765
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 330

)clear all

--S 331 of 765
t0:=(a+b*x^3)^(2/3)
--R
--R
--R      +-----+2
--R      3|   3
--R      (1)  \|b x  + a
--R
--E 331                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--E 331

--S 332 of 765
r0:=1/3*x*(a+b*x^3)^(2/3)-2/9*a*log(1-b^(1/3)*_
x/(a+b*x^3)^(1/3))/b^(1/3)+1/9*a*log(1+b^(2/3)*_
x^2/(a+b*x^3)^(2/3)+b^(1/3)*x/(a+b*x^3)^(1/3))/b^(1/3)+_
2/3*a*atan((1+2*b^(1/3)*x/(a+b*x^3)^(1/3))/sqrt(3))/(b^(1/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R (2)
--R
--R
--R      +-----+2      +-----+
--R      3|   3      3+-+3|   3      2 3+-+2
--R      +-+ \b x  + a  + x\|b \|b x  + a  + x  \|b
--R      a\|3 log(-----)
--R
--R      +-----+2
--R      3|   3
--R      \|b x  + a
--R
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      3|   3      3+-+      3|   3      3+-+
--R      +-+ \b x  + a  - x\|b      \|b x  + a  + 2x\|b
--R      - 2a\|3 log(-----) + 6a atan(-----)
--R
--R      +-----+      +-----+
--R      3|   3      +-+3|   3
--R      \|b x  + a      \|3 \|b x  + a
--R
--R      +
--R      +-----+2
--R      +-+3+-+3|   3
--R      3x\|3 \|b \|b x  + a
--R
--R      /
--R      +-+3+-+
--R      9\|3 \|b
--R
--R
--E 332                                         Type: Expression(Integer)

--S 333 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3)  0
--R
--E 333                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 334 of 765
t0:=(a+b*x^3)^(2/3)/x
--R
--R
--R      +-----+2

```

```

--R      3|   3
--R      \|b x  + a
--R      (1) -----
--R                  x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 334

--S 335 of 765
r0:=1/2*(a+b*x^3)^(2/3)+1/3*a^(2/3)*log(a^(1/3)-(a+b*x^3)^(1/3))-_
1/6*a^(2/3)*log(a^(2/3)+a^(1/3)*(a+b*x^3)^(1/3)+_
(a+b*x^3)^(2/3))+a^(2/3)*atan((a^(1/3)+_
2*(a+b*x^3)^(1/3))/(a^(1/3)*sqrt(3)))/sqrt(3)
--R
--R
--R      (2)
--R      +-----+2      +-----+
--R      +-+3+-+2 3|   3      3+-+3|   3      3+-+2
--R      - \|3 \|a log(\|b x  + a  + \|a \|b x  + a  + \|a )
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      +-+3+-+2 3|   3      3++      3+-+2      2\|b x  + a  + \|a
--R      2\|3 \|a log(- \|b x  + a  + \|a ) + 6\|a atan(-----)
--R                                         +-+3+-+
--R                                         \|3 \|a
--R      +
--R      +-----+2
--R      +-+3|   3
--R      3\|3 \|b x  + a
--R      /
--R      ++
--R      6\|3
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 335

--S 336 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 336

)clear all

--S 337 of 765
t0:=(a+b*x^3)^(2/3)/x^2
--R
--R
--R      +-----+2

```

```

--R      3|   3
--R      \|b x  + a
--R      (1) -----
--R                  2
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 337

--S 338 of 765
--r0:=(a+b*x^3)^(2/3)/x+b*x^2*((a+b*x^3)/a)^(1/3)*_
--      hypergeometric(1/3,2/3,5/3,-b*x^3/a)/(a+b*x^3)^(1/3)
--E 338

--S 339 of 765
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 339

)clear all

--S 340 of 765
t0:=(a+b*x^3)^(2/3)/x^3
--R
--R
--R      +-----+2
--R      3|   3
--R      \|b x  + a
--R      (1) -----
--R                  3
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 340

--S 341 of 765
r0:=-1/2*(a+b*x^3)^(2/3)/x^2-1/3*b^(2/3)*log(1-b^(1/3)*_
      x/(a+b*x^3)^(1/3))+1/6*b^(2/3)*log(1+b^(2/3)*_
      x^2/(a+b*x^3)^(2/3)+b^(1/3)*x/(a+b*x^3)^(1/3))+_
      b^(2/3)*atan((1+2*b^(1/3)*x/(a+b*x^3)^(1/3))/sqrt(3))/sqrt(3)
--R
--R
--R      (2)
--R      +-----+2           +-----+
--R      3|   3           3+-+3|   3           2 3+-+2
--R      \|b x  + a     + x\|b \|b x  + a + x \|b
--R      x \|3 \|b log(-----)
--R                                         +-----+2
--R                                         3|   3
--R                                         \|b x  + a
--R      +
--R      +-----+
--R      3|   3           3+-+

```

```

--R      2 +-+3+-+2   \|b x + a - x\|b
--R      - 2x \|3 \|b log(-----)
--R                                +-----+
--R                                3|   3
--R                                \|b x + a
--R      +
--R      +-----+
--R      3|   3      3+-+      +-----+2
--R      2 3+-+2   \|b x + a + 2x\|b      +-+3|   3
--R      6x \|b atan(----- - 3\|3 \|b x + a
--R                                +-----+
--R                                +-+3|   3
--R                                \|3 \|b x + a
--R      /
--R      2 +-+
--R      6x \|3
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 341

--S 342 of 765
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 342

)clear all

--S 343 of 765
t0:=(a+b*x^3)^(2/3)/x^4
--R
--R
--R      +-----+2
--R      3|   3
--R      \|b x + a
--R      (1) -----
--R                  4
--R                  x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 343

--S 344 of 765
r0:=-1/3*(a+b*x^3)^(2/3)/x^3+2/9*b*log(a^(1/3)-
(a+b*x^3)^(1/3))/a^(1/3)-1/9*b*log(a^(2/3)+_
a^(1/3)*(a+b*x^3)^(1/3)+(a+b*x^3)^(2/3))/a^(1/3)+_
2/3*b*atan((a^(1/3)+2*(a+b*x^3)^(1/3))/_
(a^(1/3)*sqrt(3)))/(a^(1/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R      (2)
--R      +-----+2      +-----+
--R      3 +-+ 3|   3      3+-+3|   3      3+-+2
--R      - b x \|3 log(\|b x + a + \|a \|b x + a + \|a )

```

```

--R      +
--R      +-----+
--R      3 +-+   3| 3      3+-+      3      3| 3      3+-+
--R      2b x \|3 log(- \|b x + a + \|a ) + 6b x atan(-----)
--R                                         +--+3+-+
--R                                         \|3 \|a
--R      +
--R      +-----+2
--R      +-+3+-+3| 3
--R      - 3\|3 \|a \|b x + a
--R /
--R      3 +-+3+-+
--R      9x \|3 \|a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 344

--S 345 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 345

)clear all

--S 346 of 765
t0:=x^8*(1-x^3)^(6/5)
--R
--R
--R      +-----+
--R      11     8 5| 3
--R      (1)  (- x + x )\|- x + 1
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 346

--S 347 of 765
r0:=-5/33*(1-x^3)^(11/5)+5/24*(1-x^3)^(16/5)-5/63*(1-x^3)^(21/5)
--R
--R
--R      +-----+
--R      12      9      6      3      5| 3
--R      (- 440x + 605x - 15x - 25x - 125)\|- x + 1
--R      (2) -----
--R                                         5544
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 347

--S 348 of 765

```

```

d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 348                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 349 of 765
t0:=x^11/(a+b*x^3)^(1/3)
--R
--R
--R      (1)  -----
--R              x
--R      11
--R      +-----+
--R      3|   3
--R      \|b x  + a
--R
--E 349                                         Type: Expression(Integer)

--S 350 of 765
r0:=-81/440*a^3*(a+b*x^3)^(2/3)/b^4+27/220*a^2*x^3*_
(a+b*x^3)^(2/3)/b^3-9/88*a*x^6*(a+b*x^3)^(2/3)/b^2+_
1/11*x^9*(a+b*x^3)^(2/3)/b
--R
--R
--R      (2)  -----
--R      3 9      2 6      2   3      3 3|   3
--R      (40b x  - 45a b x  + 54a b x  - 81a )\|b x  + a
--R      +-----+
--R      4
--R      440b
--R
--E 350                                         Type: Expression(Integer)

--S 351 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 351                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 352 of 765
t0:=x^8/(a+b*x^3)^(1/3)
--R

```

```

--R
--R          8
--R          x
--R (1)  -----
--R          +-----+
--R          3|   3
--R          \|b x  + a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 352

--S 353 of 765
r0:=9/40*a^2*(a+b*x^3)^(2/3)/b^3-3/20*a*x^3*(a+b*x^3)^(2/3)/b^2+_
1/8*x^6*(a+b*x^3)^(2/3)/b
--R
--R
--R          +-----+2
--R          2 6      3      2 3|   3
--R          (5b x  - 6a b x  + 9a )\|b x  + a
--R (2)  -----
--R                      3
--R                      40b
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 353

--S 354 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 354

)clear all

--S 355 of 765
t0:=x^5/(a+b*x^3)^(1/3)
--R
--R
--R          5
--R          x
--R (1)  -----
--R          +-----+
--R          3|   3
--R          \|b x  + a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 355

--S 356 of 765
r0:=-3/10*a*(a+b*x^3)^(2/3)/b^2+1/5*x^3*(a+b*x^3)^(2/3)/b
--R

```

```

--R
--R
--R      3      3|   3
--R      (2b x  - 3a)\|b x  + a
--R      (2) -----
--R                  2
--R                  10b
--R
--E 356                                         Type: Expression(Integer)

--S 357 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 357                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 358 of 765
t0:=x^2/(a+b*x^3)^(1/3)
--R
--R
--R      2
--R      x
--R      (1) -----
--R      +-----+
--R      3|   3
--R      \|b x  + a
--R
--E 358                                         Type: Expression(Integer)

--S 359 of 765
r0:=1/2*(a+b*x^3)^(2/3)/b
--R
--R
--R      +-----+2
--R      3|   3
--R      \|b x  + a
--R      (2) -----
--R                  2b
--R
--E 359                                         Type: Expression(Integer)

--S 360 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 360

)clear all

--S 361 of 765
t0:=1/(x*(a+b*x^3)^(1/3))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R              +-----+
--R              3|   3
--R              x\|b x  + a
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 361

--S 362 of 765
r0:=1/3*log(a^(1/3)-(a+b*x^3)^(1/3))/a^(1/3)-1/6*log(a^(2/3)+_
a^(1/3)*(a+b*x^3)^(1/3)+(a+b*x^3)^(2/3))/a^(1/3)+_
1/3*atan((a^(1/3)+2*(a+b*x^3)^(1/3))/(a^(1/3)*sqrt(3)))*sqrt(3)/a^(1/3)
--R
--R
--R      (2)
--R              +-----+2      +-----+
--R              3|   3      3+-+3|   3      3+-+2
--R      - log(\|b x  + a  + \|a \|b x  + a  + \|a )
--R      +
--R              +-----+      +-----+
--R              3|   3      3+-+      +-+      2\|b x  + a  + \|a
--R      2log(- \|b x  + a  + \|a ) + 2\|3 atan(-----)
--R                                         +-+3+-+
--R                                         \|3 \|a
--R      /
--R      3+-+
--R      6\|a
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 362

--S 363 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 363

)clear all

```

```

--S 364 of 765
t0:=1/(x^4*(a+b*x^3)^(1/3))
--R
--R
--R      1
--R      -----
--R      +-----+
--R      4 3|   3
--R      x \|b x  + a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 364

--S 365 of 765
r0:=-1/3*(a+b*x^3)^(2/3)/(a*x^3)-1/9*b*log(a^(1/3)-
(a+b*x^3)^(1/3))/a^(4/3)+1/18*b*log(a^(2/3)+_
a^(1/3)*(a+b*x^3)^(1/3)+(a+b*x^3)^(2/3))/a^(4/3)-
1/3*b*atan((a^(1/3)+2*(a+b*x^3)^(1/3))/(a^(1/3)*sqrt(3)))/_
(a^(4/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R      (2)
--R      +-----+2      +-----+
--R      3 +-+ 3|   3      3+-+3|   3      3+-+2
--R      b x \|3 log(\|b x  + a  + \|a \|b x  + a  + \|a )
--R      +
--R      +-----+      +-----+
--R      3 +-+ 3|   3      3+-+      3      3|   3      3+-+
--R      - 2b x \|3 log(- \|b x  + a  + \|a ) - 6b x atan(-----)
--R                                         +-+3+-+
--R                                         \|3 \|a
--R      +
--R      +-----+2
--R      +-+3+-+3|   3
--R      - 6\|3 \|a \|b x  + a
--R /
--R      3 +-+3+-+
--R      18a x \|3 \|a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 365

--S 366 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 366

)clear all

```

```

--S 367 of 765
t0:=x^7/(a+b*x^3)^(1/3)
--R
--R
--R
$$(1) \frac{x^7}{\sqrt[3]{b x^3 + a}}$$

--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 367

--S 368 of 765
--r0:=-5/28*a*x^2*(a+b*x^3)^(2/3)/b^2+1/7*x^5*(a+b*x^3)^(2/3)/b+_
--      5/28*a^2*x^2*((a+b*x^3)/a)^(1/3)*_
--      hypergeometric(1/3,2/3,5/3,-b*x^3/a)/(b^2*(a+b*x^3)^(1/3))
--E 368

--S 369 of 765
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 369

)clear all

--S 370 of 765
t0:=x^4/(a+b*x^3)^(1/3)
--R
--R
--R
$$(1) \frac{x^4}{\sqrt[3]{b x^3 + a}}$$

--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 370

--S 371 of 765
--r0:=1/4*x^2*(a+b*x^3)^(2/3)/b-1/4*a*x^2*((a+b*x^3)/a)^(1/3)*_
--      hypergeometric(1/3,2/3,5/3,-b*x^3/a)/(b*(a+b*x^3)^(1/3))
--E 371

--S 372 of 765
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 372

)clear all

```

```

--S 373 of 765
t0:=x/(a+b*x^3)^(1/3)
--R
--R
--R      x
--R      (1)  -----
--R                  +-----+
--R                  3|   3
--R                  \|b x  + a
--R
--E 373                                         Type: Expression(Integer)

--S 374 of 765
--r0:=1/2*x^2*((a+b*x^3)/a)^(1/3)*_
--      hypergeometric(1/3,2/3,5/3,-b*x^3/a)/(a+b*x^3)^(1/3)
--E 374

--S 375 of 765
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 375

)clear all

--S 376 of 765
t0:=1/(x^2*(a+b*x^3)^(1/3))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R                  +-----+
--R                  2 3|   3
--R                  x  \|b x  + a
--R
--E 376                                         Type: Expression(Integer)

--S 377 of 765
--r0:=-(a+b*x^3)^(2/3)/(a*x)+1/2*b*x^2*((a+b*x^3)/a)^(1/3)*_
--      hypergeometric(1/3,2/3,5/3,-b*x^3/a)/(a*(a+b*x^3)^(1/3))
--E 377

--S 378 of 765
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 378

)clear all

--S 379 of 765
t0:=1/(x^5*(a+b*x^3)^(1/3))
--R
--R

```

```

--R      1
--R      (1)  -----
--R                  +-----+
--R                  5 3|   3
--R                  x \|b x  + a
--R
--E 379                                         Type: Expression(Integer)

--S 380 of 765
--r0:=-1/4*(a+b*x^3)^(2/3)/(a*x^4)+1/2*b*(a+b*x^3)^(2/3)/(a^2*x)-_
--    1/4*b^2*x^2*((a+b*x^3)/a)^(1/3)*_
--    hypergeometric(1/3,2/3,5/3,-b*x^3/a)/(a^2*(a+b*x^3)^(1/3))
--E 380

--S 381 of 765
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 381

)clear all

--S 382 of 765
t0:=x^3/(a+b*x^3)^(1/3)
--R
--R
--R      3
--R      x
--R      (1)  -----
--R                  +-----+
--R                  3|   3
--R                  \|b x  + a
--R
--E 382                                         Type: Expression(Integer)

--S 383 of 765
r0:=1/3*x*(a+b*x^3)^(2/3)/b+1/9*a*log(1-b^(1/3)*_
x/(a+b*x^3)^(1/3))/b^(4/3)-1/18*a*log(1+b^(2/3)*_
x^2/(a+b*x^3)^(2/3)+b^(1/3)*x/(a+b*x^3)^(1/3))/b^(4/3)-_
1/3*a*atan((1+2*b^(1/3)*x/(a+b*x^3)^(1/3))/sqrt(3))/(b^(4/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R      (2)
--R
--R      +-----+2      +-----+
--R      3|   3      3+-+3|   3      2 3+-+2
--R      +-+ \|b x  + a  + x\|b \|b x  + a  + x \|b
--R      - a\|3 log(-----)
--R
--R      +-----+2
--R      3|   3
--R      \|b x  + a
--R      +
--R      +-----+      +-----+

```

```

--R      3|   3      3+-+      3|   3      3+-+
--R      +-+ \b x + a - x\b      \b x + a + 2x\b
--R      2a\3 log(-----) - 6a atan(-----)
--R                  +-----+      +-----+
--R      3|   3      +-+3|   3
--R      \b x + a      \3 \b x + a
--R      +
--R      +-----+2
--R      +-+3+-+3|   3
--R      6x\3 \b \b x + a
--R /
--R      +-+3+-+
--R      18b\3 \b
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 383

--S 384 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 384

)clear all

--S 385 of 765
t0:=1/(a+b*x^3)^(1/3)
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R              +-----+
--R      3|   3
--R      \b x + a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 385

--S 386 of 765
r0:=-1/3*log(1-b^(1/3)*x/(a+b*x^3)^(1/3))/b^(1/3)+_
1/6*log(1+b^(2/3)*x^2/(a+b*x^3)^(2/3)+b^(1/3)*_
x/(a+b*x^3)^(1/3))/b^(1/3)+atan((1+2*b^(1/3)*_
x/(a+b*x^3)^(1/3))/sqrt(3))/(b^(1/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R      (2)
--R      +-----+2      +-----+
--R      3|   3      3+-+3|   3      2 3+-+2
--R      +-+ \b x + a + x\b \b x + a + x \b
--R      \3 log(-----)

```

```

--R          +-----+
--R          3|   3
--R          \|b x  + a
--R
--R          +
--R          +-----+          +-----+
--R          3|   3          3+-+
--R          +-+ \|b x  + a - x\|b          \|b x  + a + 2x\|b
--R          - 2\|3 log(-----) + 6atan(-----)
--R          +-----+
--R          3|   3
--R          \|b x  + a          +--+3|   3
--R          \|3 \|b x  + a
--R
--R          /
--R          +-+3+-+
--R          6\|3 \|b
--R
--R          Type: Expression(Integer)
--E 386

--S 387 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R          (3)  0
--R
--R          Type: Expression(Integer)
--E 387

)clear all

--S 388 of 765
t0:=1/(x^3*(a+b*x^3)^(1/3))
--R
--R
--R          1
--R          (1)  -----
--R          +-----+
--R          3 3|   3
--R          x  \|b x  + a
--R
--R          Type: Expression(Integer)
--E 388

--S 389 of 765
r0:=-1/2*(a+b*x^3)^(2/3)/(a*x^2)
--R
--R
--R          +-----+2
--R          3|   3
--R          \|b x  + a
--R          (2)  - -----
--R                  2
--R                  2a x
--R
--R          Type: Expression(Integer)

```

```

--E 389

--S 390 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R   (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 390

)clear all

--S 391 of 765
t0:=1/(x^6*(a+b*x^3)^(1/3))
--R
--R
--R   (1)  -----
--R           +-----+
--R           6 3| 3
--R           x \|b x  + a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 391

--S 392 of 765
r0:=-1/5*(a+b*x^3)^(2/3)/(a*x^5)+3/10*b*(a+b*x^3)^(2/3)/(a^2*x^2)
--R
--R
--R   (3)  -----
--R           3      3| 3
--R           (3b x  - 2a)\|b x  + a
--R   (2)  -----
--R           2 5
--R           10a x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 392

--S 393 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R   (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 393

)clear all

--S 394 of 765
t0:=1/(x^9*(a+b*x^3)^(1/3))
--R

```

```

--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R              +-----+
--R              9 3|   3
--R              x \|b x  + a
--R
--E 394                                         Type: Expression(Integer)

--S 395 of 765
r0:=-1/8*(a+b*x^3)^(2/3)/(a*x^8)+3/20*b*(a+b*x^3)^(2/3)/(a^2*x^5)-_
9/40*b^2*(a+b*x^3)^(2/3)/(a^3*x^2)
--R
--R
--R      2 6      3      2 3|   3
--R      (- 9b x  + 6a b x - 5a )\|b x  + a
--R      (2)  -----
--R                  3 8
--R                  40a x
--R
--E 395                                         Type: Expression(Integer)

--S 396 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 396                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 397 of 765
t0:=1/(x^12*(a+b*x^3)^(1/3))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R              +-----+
--R              12 3|   3
--R              x \|b x  + a
--R
--E 397                                         Type: Expression(Integer)

--S 398 of 765
r0:=-1/11*(a+b*x^3)^(2/3)/(a*x^11)+9/88*b*(a+b*x^3)^(2/3)/(a^2*x^8)-_
27/220*b^2*(a+b*x^3)^(2/3)/(a^3*x^5)+81/440*b^3*(a+b*x^3)^(2/3)/(a^4*x^2)
--R
--R

```

```

--R
--R      3 9      2 6      2 3      3 3| 3
--R      (81b x - 54a b x + 45a b x - 40a )\|b x + a
--R      (2) -----
--R                           4 11
--R                           440a x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 398

--S 399 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 399

)clear all

--S 400 of 765
t0:=x^11/(a+b*x^3)^(2/3)
--R
--R
--R      11
--R      x
--R      (1) -----
--R      +-----+2
--R      3| 3
--R      \|b x + a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 400

--S 401 of 765
r0:=-81/140*a^3*(a+b*x^3)^(1/3)/b^4+27/140*a^2*x^3*(a+b*x^3)^(1/3)/b^3-
9/70*a*x^6*(a+b*x^3)^(1/3)/b^2+1/10*x^9*(a+b*x^3)^(1/3)/b
--R
--R
--R      3 9      2 6      2 3      3 3| 3
--R      (14b x - 18a b x + 27a b x - 81a )\|b x + a
--R      (2) -----
--R                           4
--R                           140b
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 401

--S 402 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R

```

```

--R   (3)  0
--R
--E 402                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 403 of 765
t0:=x^8/(a+b*x^3)^(2/3)
--R
--R
--R   (1)  
$$\frac{x^8}{\sqrt[3]{b x^3 + a}^2}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 403

--S 404 of 765
r0:=9/14*a^2*(a+b*x^3)^(1/3)/b^3-3/14*a*x^3*(a+b*x^3)^(1/3)/b^2+_
1/7*x^6*(a+b*x^3)^(1/3)/b
--R
--R
--R   (2)  
$$\frac{(2b^2 x^6 - 3a b x^3 + 9a^2) \sqrt[3]{b x^3 + a}}{14b^3}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 404

--S 405 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R   (3)  0
--R
--E 405                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 406 of 765
t0:=x^5/(a+b*x^3)^(2/3)
--R
--R
--R   (1)  
$$\frac{x^5}{\sqrt[3]{b x^3 + a}^2}$$


```

```

--R      +-----+
--R      3|   3
--R      \|b x  + a
--R
--E 406                                         Type: Expression(Integer)

--S 407 of 765
r0:=-3/4*a*(a+b*x^3)^(1/3)/b^2+1/4*x^3*(a+b*x^3)^(1/3)/b
--R
--R
--R      +-----+
--R      3   3|   3
--R      (b x  - 3a)\|b x  + a
--R      (2) -----
--R                  2
--R                  4b
--R
--E 407                                         Type: Expression(Integer)

--S 408 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 408                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 409 of 765
t0:=x^2/(a+b*x^3)^(2/3)
--R
--R
--R      2
--R      x
--R      (1) -----
--R      +-----+2
--R      3|   3
--R      \|b x  + a
--R
--E 409                                         Type: Expression(Integer)

--S 410 of 765
r0:=(a+b*x^3)^(1/3)/b
--R
--R
--R      +-----+
--R      3|   3
--R      \|b x  + a
--R      (2) -----

```

```

--R          b
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 410

--S 411 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 411

)clear all

--S 412 of 765
t0:=1/(x*(a+b*x^3)^(2/3))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R                  +-----+2
--R                  3|   3
--R      x \|b x  + a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 412

--S 413 of 765
r0:=1/3*log(a^(1/3)-(a+b*x^3)^(1/3))/a^(2/3)-1/6*log(a^(2/3)+_
a^(1/3)*(a+b*x^3)^(1/3)+(a+b*x^3)^(2/3))/a^(2/3)-
atan((a^(1/3)+2*(a+b*x^3)^(1/3))/(a^(1/3)*sqrt(3)))/(a^(2/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R      (2)
--R                  +-----+2      +-----+
--R      +-+ 3|   3      3+-+3|   3      3+-+2
--R      - \|3 log(\|b x  + a  + \|a \|b x  + a  + \|a )
--R      +
--R                  +-----+
--R      +-+ 3|   3      3+-+      3|   3      3+-+
--R      2\|3 log(- \|b x  + a  + \|a ) - 6atan(-----)
--R
--R
--R      +-+3+-+2
--R      6\|3 \|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 413

--S 414 of 765

```

```

d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 414                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 415 of 765
t0:=1/(x^4*(a+b*x^3)^(2/3))
--R
--R
--R      (1)  -----
--R                  +-----+2
--R                  4 3|   3
--R                  x \|b x  + a
--R
--E 415                                         Type: Expression(Integer)

--S 416 of 765
r0:=-1/3*(a+b*x^3)^(1/3)/(a*x^3)-2/9*b*log(a^(1/3)-
--R      (a+b*x^3)^(1/3))/a^(5/3)+1/9*b*log(a^(2/3)+a^(1/3)*_
--R      (a+b*x^3)^(1/3)+(a+b*x^3)^(2/3))/a^(5/3)+2/3*b*_
--R      atan((a^(1/3)+2*(a+b*x^3)^(1/3))/(a^(1/3)*sqrt(3)))/(a^(5/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R      (2)
--R
--R      +-----+2          +-----+
--R      3 ++| 3|   3          3+-+3|   3          3+-+2
--R      b x \|3 log(\|b x  + a  + \|a \|b x  + a  + \|a )
--R      +
--R
--R      +-----+          +-----+
--R      3 ++| 3|   3          3+-+3|   3          3+-+2
--R      - 2b x \|3 log(- \|b x  + a  + \|a ) + 6b x atan(-----)
--R
--R
--R      +-----+
--R      +-+3+-+2 3|   3
--R      - 3\|3 \|a  \|b x  + a
--R      /
--R      3 +-+3+-+2
--R      9a x \|3 \|a
--R
--E 416                                         Type: Expression(Integer)

--S 417 of 765

```

```

d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 417                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 418 of 765
t0:=x^4/(a+b*x^3)^(2/3)
--R
--R
--R      (1)  
$$\frac{x^4}{\sqrt[3]{bx^3+a}^2}$$

--R
--E 418                                         Type: Expression(Integer)

--S 419 of 765
r0:=1/3*x^2*(a+b*x^3)^(1/3)/b+2/9*a*log(1-b^(1/3)*x/(a+b*x^3)^(1/3))/_
b^(5/3)-1/9*a*log(1+b^(2/3)*x^2/(a+b*x^3)^(2/3)+b^(1/3)*_
x/(a+b*x^3)^(1/3))/b^(5/3)+2/3*a*atan((1+2*b^(1/3)*_
x/(a+b*x^3)^(1/3))/sqrt(3))/(b^(5/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R      (2)
--R      
$$-\frac{a\sqrt[3]{3}\log\left(\frac{\sqrt[3]{bx^3+a}+\sqrt{x\sqrt[3]{bx^3+a}+x\sqrt{b}}}{\sqrt[3]{bx^3+a}}\right)^2}{3\sqrt[3]{bx^3+a}} + \frac{2a\sqrt[3]{3}\log\left(\frac{\sqrt[3]{bx^3+a}-\sqrt{x\sqrt[3]{bx^3+a}}}{\sqrt[3]{bx^3+a}}\right)^2+6a\operatorname{atan}\left(\frac{\sqrt[3]{bx^3+a}+2x\sqrt{b}}{\sqrt[3]{bx^3+a}}\right)^2}{3\sqrt[3]{bx^3+a}}$$

--R
--R      +
--R      
$$\frac{3x\sqrt[3]{3}\sqrt{b}}{\sqrt[3]{bx^3+a}}$$

--R
--E 419                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--R      +-+3+-+2
--R      9b\|3 \|b
--R
--E 419                                         Type: Expression(Integer)

--S 420 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 420                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 421 of 765
t0:=x/(a+b*x^3)^(2/3)
--R
--R
--R      (1)  -----
--R                  x
--R                  +-----+2
--R      3|   3
--R      \|b x  + a
--R
--E 421                                         Type: Expression(Integer)

--S 422 of 765
r0:=-1/3*log(1-b^(1/3)*x/(a+b*x^3)^(1/3))/b^(2/3)+_
1/6*log(1+b^(2/3)*x^2/(a+b*x^3)^(2/3)+b^(1/3)*_
x/(a+b*x^3)^(1/3))/b^(2/3)-atan((1+2*b^(1/3)*_
x/(a+b*x^3)^(1/3))/sqrt(3))/(b^(2/3)*sqrt(3))
--R
--R
--R      (2)
--R                  +-----+2      +-----+
--R      3|   3      3+-+3|   3      2 3+-+2
--R      ++  \|b x  + a  + x\|b \|b x  + a  + x  \|b
--R      \|\log(-----)
--R                  +-----+2
--R      3|   3
--R      \|b x  + a
--R
--R      +
--R                  +-----+      +-----+
--R      3|   3      3+-+      3|   3      3+-+
--R      ++  \|b x  + a  - x\|b      \|b x  + a  + 2x\|b
--R      - 2\|\log(-----) - 6atan(-----)
--R                  +-----+      +-----+
--R      3|   3      +-+3|   3
--R      \|b x  + a      \|\b x  + a

```

```

--R   /
--R      +-+3+-+2
--R      6\|3 \|b
--R
--E 422                                         Type: Expression(Integer)

--S 423 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 423                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 424 of 765
t0:=1/(x^2*(a+b*x^3)^(2/3))
--R
--R
--R      (1)  -----
--R                  1
--R                  +-----+2
--R      2 3| 3
--R      x  \|b x  + a
--R
--E 424                                         Type: Expression(Integer)

--S 425 of 765
r0:=-(a+b*x^3)^(1/3)/(a*x)
--R
--R
--R      +-----+
--R      3| 3
--R      \|b x  + a
--R      (2)  - -----
--R                  a x
--R
--E 425                                         Type: Expression(Integer)

--S 426 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 426                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

```

```

--S 427 of 765
t0:=1/(x^5*(a+b*x^3)^(2/3))
--R
--R
--R      1
--R      +-----+2
--R      5 3| 3
--R      x \|b x  + a
--R
--E 427                                         Type: Expression(Integer)

--S 428 of 765
r0:=-1/4*(a+b*x^3)^(1/3)/(a*x^4)+3/4*b*(a+b*x^3)^(1/3)/(a^2*x)
--R
--R
--R      +-----+
--R      3      3| 3
--R      (3b x  - a)\|b x  + a
--R      (2) -----
--R      2 4
--R      4a x
--R
--E 428                                         Type: Expression(Integer)

--S 429 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 429                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 430 of 765
t0:=1/(x^8*(a+b*x^3)^(2/3))
--R
--R
--R      1
--R      +-----+2
--R      8 3| 3
--R      x \|b x  + a
--R
--E 430                                         Type: Expression(Integer)

--S 431 of 765
r0:=-1/7*(a+b*x^3)^(1/3)/(a*x^7)+3/14*b*(a+b*x^3)^(1/3)/(a^2*x^4)-
9/14*b^2*(a+b*x^3)^(1/3)/(a^3*x)

```

```

--R
--R
--R
$$(2) \frac{(-9b^2x^6 + 3ab^2x^3 - 2a^2)\sqrt{bx^3 + a}}{14ax^7}$$

--R
--R
--E 431                                         Type: Expression(Integer)

--S 432 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R
$$(3) 0$$

--R
--E 432                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 433 of 765
t0:=1/(x^11*(a+b*x^3)^(2/3))
--R
--R
--R
$$(1) \frac{1}{x^{11}b^3x^3 + a^2}$$

--R
--R
--E 433                                         Type: Expression(Integer)

--S 434 of 765
r0:=-1/10*(a+b*x^3)^(1/3)/(a*x^10)+9/70*b*(a+b*x^3)^(1/3)/(a^2*x^7)-_
27/140*b^2*(a+b*x^3)^(1/3)/(a^3*x^4)+81/140*b^3*(a+b*x^3)^(1/3)/(a^4*x)
--R
--R
--R
$$(2) \frac{(81b^3x^9 - 27ab^2x^6 + 18ab^2x^3 - 14a^3)\sqrt{bx^3 + a}}{140ax^{10}}$$

--R
--R
--E 434                                         Type: Expression(Integer)

--S 435 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R

```

```

--R
--R      (3)  0
--R
--E 435                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 436 of 765
t0:=x^6/(a+b*x^3)^(2/3)
--R
--R
--R      (1)  
$$\frac{x^6}{\sqrt[3]{bx^3 + a}^2}$$

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 436

--S 437 of 765
--r0:=-2/5*a*x*(a+b*x^3)^(1/3)/b^2+1/5*x^4*(a+b*x^3)^(1/3)/b+_
--      2/5*a^2*x*((a+b*x^3)/a)^(2/3)*_
--      hypergeometric(1/3,2/3,4/3,-b*x^3/a)/(b^2*(a+b*x^3)^(2/3))
--E 437

--S 438 of 765
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 438

)clear all

--S 439 of 765
t0:=x^3/(a+b*x^3)^(2/3)
--R
--R
--R      (1)  
$$\frac{x^3}{\sqrt[3]{bx^3 + a}^2}$$

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 439

--S 440 of 765
--r0:=1/2*x*(a+b*x^3)^(1/3)/b-1/2*a*x*((a+b*x^3)/a)^(2/3)*_
--      hypergeometric(1/3,2/3,4/3,-b*x^3/a)/(b*(a+b*x^3)^(2/3))
--E 440

```

```

--S 441 of 765
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 441

)clear all

--S 442 of 765
t0:=1/(a+b*x^3)^(2/3)
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R                  +-----+2
--R            3|   3
--R            \|b x  + a
--R
--E 442                                         Type: Expression(Integer)

--S 443 of 765
--r0:=x*((a+b*x^3)/a)^(2/3)*_
--hypergeometric(1/3,2/3,4/3,-b*x^3/a)/(a+b*x^3)^(2/3)
--E 443

--S 444 of 765
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 444

)clear all

--S 445 of 765
t0:=1/(x^3*(a+b*x^3)^(2/3))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R                  +-----+2
--R            3 3|   3
--R            x  \|b x  + a
--R
--E 445                                         Type: Expression(Integer)

--S 446 of 765
--r0:=-1/2*(a+b*x^3)^(1/3)/(a*x^2)-1/2*b*x*((a+b*x^3)/a)^(2/3)*_
--hypergeometric(1/3,2/3,4/3,-b*x^3/a)/(a*(a+b*x^3)^(2/3))
--E 446

--S 447 of 765
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 447

```

```

)clear all

--S 448 of 765
t0:=1/(x^6*(a+b*x^3)^(2/3))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R                  +-----+2
--R      6 3|   3
--R      x  \|b x  + a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 448

--S 449 of 765
--r0:=1/5*(a+b*x^3)^(1/3)/(a*x^5)+2/5*b*(a+b*x^3)^(1/3)/(a^2*x^2)+_
--      2/5*b^2*x*((a+b*x^3)/a)^(2/3)*_
--      hypergeometric(1/3,2/3,4/3,-b*x^3/a)/(a^2*(a+b*x^3)^(2/3))
--E 449

--S 450 of 765
--d0:=t0-D(r0,x)
--E 450

)clear all

--S 451 of 765
t0:=x^2/(2+x^3)^(1/4)
--R
--R
--R      2
--R      x
--R      (1)  -----
--R                  +-----+
--R      4| 3
--R      \|\x  + 2
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 451

--S 452 of 765
r0:=4/9*(2+x^3)^(3/4)
--R
--R
--R      +-----+3
--R      4| 3
--R      4\|\x  + 2
--R      (2)  -----
--R                  9
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 452

```

```

--S 453 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 453                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 454 of 765
t0:=sqrt(x)/(1+x^3)
--R
--R
--R      +++
--R      \|x
--R      (1)  -----
--R      3
--R      x  + 1
--R
--E 454                                         Type: Expression(Integer)

--S 455 of 765
r0:=2/3*atan(x^(3/2))
--R
--R
--R      +++
--R      2atan(x\|x )
--R      (2)  -----
--R                  3
--R
--E 455                                         Type: Expression(Integer)

--S 456 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 456                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 457 of 765
t0:=x^2*(a+b*x^3)^p
--R
--R
--R      2      3      p
--R      (1)  x  (b x  + a)

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 457

--S 458 of 765
r0:=1/3*(a+b*x^3)^(1+p)/(b*(1+p))
--R
--R
--R      3      p + 1
--R      (b x  + a)
--R      (2)  -----
--R          3b p + 3b
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 458

--S 459 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 459

)clear all

--S 460 of 765
t0:=x^5*(a+b*x^3)^p
--R
--R
--R      5      3      p
--R      (1)  x (b x  + a)
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 460

--S 461 of 765
r0:=-1/3*a*(a+b*x^3)^(1+p)/(b^2*(1+p))+1/3*(a+b*x^3)^(2+p)/(b^2*(2+p))
--R
--R
--R      3      p + 2           3      p + 1
--R      (p + 1)(b x  + a)     + (- a p - 2a)(b x  + a)
--R      (2)  -----
--R                  2 2      2      2
--R                  3b p  + 9b p + 6b
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 461

--S 462 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0

```

```

--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 462

)clear all

--S 463 of 765
t0:=x^8*(a+b*x^3)^p
--R
--R
--R      8     3     p
--R      (1)  x (b x  + a)
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 463

--S 464 of 765
r0:=1/3*a^2*(a+b*x^3)^(1+p)/(b^3*(1+p))-
2/3*a*(a+b*x^3)^(2+p)/(b^3*(2+p))+1/3*(a+b*x^3)^(3+p)/(b^3*(3+p))
--R
--R
--R      (2)
--R      2           3     p + 3           2           3     p + 2
--R      (p  + 3p + 2)(b x  + a)      + (- 2a p  - 8a p - 6a)(b x  + a)
--R      +
--R      2 2           2           3     p + 1
--R      (a p  + 5a p + 6a )(b x  + a)
--R      /
--R      3 3           3 2           3           3
--R      3b p  + 18b p  + 33b p + 18b
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 464

--S 465 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 465

)clear all

--S 466 of 765
t0:=x^11*(a+b*x^3)^p
--R
--R
--R      11     3     p
--R      (1)  x (b x  + a)
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 466

```

```

--S 467 of 765
r0:=-1/3*a^3*(a+b*x^3)^(1+p)/(b^4*(1+p))+a^2*(a+b*x^3)^(2+p)/(b^4*(2+p))-_
a*(a+b*x^3)^(3+p)/(b^4*(3+p))+1/3*(a+b*x^3)^(4+p)/(b^4*(4+p))
--R
--R
--R      (2)
--R      
$$\frac{(p^3 + 6p^2 + 11p + 6)(bx^3 + a)^{p+4} - (-3ap^3 - 21ap^2 - 42ap - 24a)(bx^3 + a)^{p+3} + (3ap^2 + 24ap + 57ap + 36a)(bx^3 + a)^{p+2} - (-ap^3 - 9ap^2 - 26ap - 24a)(bx^3 + a)^{p+1}}{3b^4 p^4 + 30b^4 p^3 + 105b^4 p^2 + 150b^4 p + 72b}$$

--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 467

--S 468 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 468

)clear all

--S 469 of 765
t0:=x^m*(a+b*x^4)
--R
--R
--R      (1)  
$$(bx^4 + a)x^m$$

--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 469

--S 470 of 765
r0:=a*x^(1+m)/(1+m)+b*x^(5+m)/(5+m)
--R
--R
--R      (2)  
$$\frac{(bm + b)x^{m+5} + (am + 5a)x^{m+1}}{2}$$


```

```

--R          m  + 6m + 5
--R
--E 470                                         Type: Expression(Integer)

--S 471 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 471                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 472 of 765
t0:=x^5*(a+b*x^4)
--R
--R
--R          9      5
--R      (1)  b x  + a x
--R
--E 472                                         Type: Polynomial(Integer)

--S 473 of 765
r0:=1/6*a*x^6+1/10*b*x^10
--R
--R
--R          1      10     1      6
--R      (2)  -- b x  + - a x
--R          10            6
--R
--E 473                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 474 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 474                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

)clear all

--S 475 of 765
t0:=x^4*(a+b*x^4)
--R
--R
--R          8      4
--R      (1)  b x  + a x
--R
--E 475                                         Type: Polynomial(Integer)
                                         Type: Polynomial(Integer)

```

```

--E 475

--S 476 of 765
r0:=1/5*a*x^5+1/9*b*x^9
--R
--R
--R      1   9   1   5
--R      (2) - b x + - a x
--R      9       5
--R
                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 476

--S 477 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 477

)clear all

--S 478 of 765
t0:=x^3*(a+b*x^4)
--R
--R
--R      7   3
--R      (1) b x + a x
--R
                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 478

--S 479 of 765
r0:=1/4*a*x^4+1/8*b*x^8
--R
--R
--R      1   8   1   4
--R      (2) - b x + - a x
--R      8       4
--R
                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 479

--S 480 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 480

)clear all

```

```

--S 481 of 765
t0:=x^2*(a+b*x^4)
--R
--R
--R      6      2
--R      (1)  b x  + a x
--R
--E 481                                         Type: Polynomial(Integer)

--S 482 of 765
r0:=1/3*a*x^3+1/7*b*x^7
--R
--R
--R      1      7      1      3
--R      (2)  - b x  + - a x
--R      7            3
--R
--E 482                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 483 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 483                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

)clear all

--S 484 of 765
t0:=x*(a+b*x^4)
--R
--R
--R      5
--R      (1)  b x  + a x
--R
--E 484                                         Type: Polynomial(Integer)

--S 485 of 765
r0:=1/2*a*x^2+1/6*b*x^6
--R
--R
--R      1      6      1      2
--R      (2)  - b x  + - a x
--R      6            2
--R
--E 485                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 486 of 765

```

```

d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 486                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

)clear all

--S 487 of 765
t0:=a+b*x^4
--R
--R
--R      4
--R      (1)  b x  + a
--R
--E 487                                         Type: Polynomial(Integer)

--S 488 of 765
r0:=a*x+1/5*b*x^5
--R
--R
--R      1      5
--R      (2)  - b x  + a x
--R      5
--R
--E 488                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

--S 489 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 489                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

)clear all

--S 490 of 765
t0:=(a+b*x^4)/x
--R
--R
--R      4
--R      b x  + a
--R      (1)  -----
--R                  x
--R
--E 490                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 491 of 765

```

```

r0:=1/4*b*x^4+a*log(x)
--R
--R
--R      4
--R      4a log(x) + b x
--R      (2) -----
--R                  4
--R
--E 491                                         Type: Expression(Integer)

--S 492 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 492                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 493 of 765
t0:=(a+b*x^4)/x^2
--R
--R
--R      4
--R      b x  + a
--R      (1) -----
--R                  2
--R                  x
--R
--E 493                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 494 of 765
r0:=-a/x+1/3*b*x^3
--R
--R
--R      4
--R      b x  - 3a
--R      (2) -----
--R                  3x
--R
--E 494                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 495 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 495                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

```

```

)clear all

--S 496 of 765
t0:=(a+b*x^4)/x^3
--R
--R
--R      4
--R      b x  + a
--R      (1)  -----
--R            3
--R            x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 496

--S 497 of 765
r0:=-1/2*a/x^2+1/2*b*x^2
--R
--R
--R      1      4      1
--R      - b x  - - a
--R      2      2
--R      (2)  -----
--R            2
--R            x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 497

--S 498 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 498

)clear all

--S 499 of 765
t0:=(a+b*x^4)/x^4
--R
--R
--R      4
--R      b x  + a
--R      (1)  -----
--R            4
--R            x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 499

```

```

--S 500 of 765
r0:=-1/3*a/x^3+b*x
--R
--R
--R      4   1
--R      b x  - - a
--R            3
--R      (2)  -----
--R            3
--R            x
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 500

--S 501 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 501

)clear all

--S 502 of 765
t0:=(a+b*x^4)/x^5
--R
--R
--R      4
--R      b x  + a
--R      (1)  -----
--R            5
--R            x
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 502

--S 503 of 765
r0:=-1/4*a/x^4+b*log(x)
--R
--R
--R      4
--R      4b x  log(x) - a
--R      (2)  -----
--R            4
--R            4x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 503

--S 504 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R

```

```

--R
--R      (3)  0
--R
--E 504                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 505 of 765
t0:=(a+b*x^4)/x^6
--R
--R
--R      4
--R      b x  + a
--R      (1)  -----
--R      6
--R      x
--R
--E 505                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 506 of 765
r0:=-1/5*a/x^5-b/x
--R
--R
--R      4   1
--R      - b x  - - a
--R      5
--R      (2)  -----
--R      5
--R      x
--R
--E 506                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))

--S 507 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 507                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))

)clear all

--S 508 of 765
t0:=(a+b*x^4)/x^7
--R
--R
--R      4
--R      b x  + a
--R      (1)  -----
--R      7

```

```

--R          x
--R
--E 508                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 509 of 765
r0:=-1/6*a/x^6-1/2*b/x^2
--R
--R
--R          1   4   1
--R          - - b x  - - a
--R          2       6
--R  (2)  -----
--R                  6
--R
--R          x
--R
--E 509                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))

--S 510 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R  (3)  0
--R
--E 510                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))

)clear all

--S 511 of 765
t0:=(a+b*x^4)/x^8
--R
--R
--R          4
--R          b x  + a
--R  (1)  -----
--R          8
--R
--R          x
--R
--E 511                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 512 of 765
r0:=-1/7*a/x^7-1/3*b/x^3
--R
--R
--R          1   4   1
--R          - - b x  - - a
--R          3       7
--R  (2)  -----
--R                  7
--R
--R          x
--R
--E 512                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))

```

```

--E 512

--S 513 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 513

)clear all

--S 514 of 765
t0:=(a+b*x^4)/x^9
--R
--R
--R      4
--R      b x  + a
--R      (1)  -----
--R      9
--R      x
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 514

--S 515 of 765
r0:=-1/8*a/x^8-1/4*b/x^4
--R
--R
--R      1   4   1
--R      - - b x  - - a
--R      4       8
--R      (2)  -----
--R      8
--R      x
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 515

--S 516 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 516

)clear all

--S 517 of 765
t0:=(a+b*x^4)/x^10
--R

```

```

--R
--R      4
--R      b x  + a
--R (1)  -----
--R          10
--R          x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 517

--S 518 of 765
r0:=-1/9*a/x^9-1/5*b/x^5
--R
--R
--R      1      4      1
--R      - - b x  - - a
--R      5      9
--R (2)  -----
--R          9
--R          x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 518

--S 519 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3)  0
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 519

)clear all

--S 520 of 765
t0:=x^m*(a+b*x^4)^2
--R
--R
--R      2 8      4      2   m
--R (1)  (b x  + 2a b x  + a )x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 520

--S 521 of 765
r0:=a^2*x^(1+m)/(1+m)+2*a*b*x^(5+m)/(5+m)+b^2*x^(9+m)/(9+m)
--R
--R
--R (2)
--R      2 2      2      2   m + 9      2      m + 5
--R      (b m  + 6b m  + 5b )x      + (2a b m  + 20a b m + 18a b)x
--R      +
--R      2 2      2      2   m + 1

```

```

--R      (a m + 14a m + 45a )x
--R   /
--R      3      2
--R      m + 15m + 59m + 45
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 521

--S 522 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 522

)clear all

--S 523 of 765
t0:=x^5*(a+b*x^4)^2
--R
--R
--R      2 13      9      2 5
--R      (1)  b x    + 2a b x    + a x
--R
--R                                          Type: Polynomial(Integer)
--E 523

--S 524 of 765
r0:=1/6*a^2*x^6+1/5*a*b*x^10+1/14*b^2*x^14
--R
--R
--R      1 2 14      1      10      1 2 6
--R      (2)  -- b x    + - a b x    + - a x
--R      14          5          6
--R
--R                                          Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 524

--S 525 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 525

)clear all

--S 526 of 765
t0:=x^4*(a+b*x^4)^2
--R
--R

```

```

--R      2 12      8      2 4
--R      (1) b x + 2a b x + a x
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 526

--S 527 of 765
r0:=1/5*a^2*x^5+2/9*a*b*x^9+1/13*b^2*x^13
--R
--R
--R      1 2 13   2      9   1 2 5
--R      (2) -- b x + - a b x + - a x
--R          13         9           5
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 527

--S 528 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 528

)clear all

--S 529 of 765
t0:=x^3*(a+b*x^4)^2
--R
--R
--R      2 11      7      2 3
--R      (1) b x + 2a b x + a x
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 529

--S 530 of 765
r0:=1/12*(a+b*x^4)^3/b
--R
--R
--R      1 3 12   1      2 8   1 2 4   1 3
--R      -- b x + - a b x + - a b x + -- a
--R          12        4           4           12
--R      (2) -----
--R                                         b
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 530

--S 531 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R

```

```

--R   (3)  0
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 531

)clear all

--S 532 of 765
t0:=x^2*(a+b*x^4)^2
--R
--R
--R   (1)  b x^10 + 2a b x^6 + a x^22
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 532

--S 533 of 765
r0:=1/3*a^2*x^3+2/7*a*b*x^7+1/11*b^2*x^11
--R
--R
--R   (2)  -- b x^11 + - a b x^7 + - a x^3
--R          11           7           3
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 533

--S 534 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R   (3)  0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 534

)clear all

--S 535 of 765
t0:=x*(a+b*x^4)^2
--R
--R
--R   (1)  b x^9 + 2a b x^5 + a x^2
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 535

--S 536 of 765
r0:=1/2*a^2*x^2+1/3*a*b*x^6+1/10*b^2*x^10
--R
--R
--R   (2)  -- b x^10 + - a b x^6 + - a x^2

```

```

--R      10      3      2
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 536

--S 537 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 537

)clear all

--S 538 of 765
t0:=(a+b*x^4)^2
--R
--R
--R      2 8      4      2
--R      (1)  b x  + 2a b x  + a
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 538

--S 539 of 765
r0:=a^2*x+2/5*a*b*x^5+1/9*b^2*x^9
--R
--R
--R      1 2 9      2      5      2
--R      (2)  - b x  + - a b x  + a x
--R      9          5
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 539

--S 540 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 540

)clear all

--S 541 of 765
t0:=(a+b*x^4)^2/x
--R
--R
--R      2 8      4      2
--R      b x  + 2a b x  + a
--R      (1)  -----

```

```

--R          x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 541

--S 542 of 765
r0:=1/2*a*b*x^4+1/8*b^2*x^8+a^2*log(x)
--R
--R
--R      2      2 8      4
--R      8a log(x) + b x  + 4a b x
--R      (2) -----
--R                           8
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 542

--S 543 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 543

)clear all

--S 544 of 765
t0:=(a+b*x^4)^2/x^2
--R
--R
--R      2 8      4      2
--R      b x  + 2a b x  + a
--R      (1) -----
--R                           2
--R                           x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 544

--S 545 of 765
r0:=-a^2/x+2/3*a*b*x^3+1/7*b^2*x^7
--R
--R
--R      2 8      4      2
--R      3b x  + 14a b x  - 21a
--R      (2) -----
--R                           21x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 545

--S 546 of 765
d0:=t0-D(r0,x)

```

```

--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 546                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

)clear all

--S 547 of 765
t0:=(a+b*x^4)^2/x^3
--R
--R
--R      2 8      4      2
--R      b x  + 2a b x  + a
--R      (1)  -----
--R                  3
--R                  x
--R
--E 547                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 548 of 765
r0:=-1/2*a^2/x^2+a*b*x^2+1/6*b^2*x^6
--R
--R
--R      1 2 8      4      1      2
--R      - b x  + a b x  - - a
--R      6                  2
--R      (2)  -----
--R                  2
--R                  x
--R
--E 548                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))

--S 549 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 549                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))

)clear all

--S 550 of 765
t0:=(a+b*x^4)^2/x^4
--R
--R
--R      2 8      4      2
--R      b x  + 2a b x  + a
--R      (1)  -----

```

```

--R          4
--R          x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 550

--S 551 of 765
r0:=-1/3*a^2/x^3+2*a*b*x+1/5*b^2*x^5
--R
--R
--R          1 2 8          4   1   2
--R          - b x + 2a b x - - a
--R          5                   3
--R  (2)  -----
--R                  3
--R                  x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 551

--S 552 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R  (3)  0
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 552

)clear all

--S 553 of 765
t0:=(a+b*x^4)^2/x^5
--R
--R
--R          2 8          4   2
--R          b x + 2a b x + a
--R  (1)  -----
--R                  5
--R                  x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 553

--S 554 of 765
r0:=-1/4*a^2/x^4+1/4*b^2*x^4+2*a*b*log(x)
--R
--R
--R          4          2 8   2
--R          8a b x log(x) + b x - a
--R  (2)  -----
--R                  4
--R                  4x
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--E 554

--S 555 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 555

)clear all

--S 556 of 765
t0:=x^m*(a+b*x^4)^3
--R
--R
--R      3 12      2 8      2 4      3 m
--R      (1)  (b x  + 3a b x  + 3a b x  + a )x
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 556

--S 557 of 765
r0:=a^3*x^(1+m)/(1+m)+3*a^2*b*x^(5+m)/(5+m)+3*a*b^2*x^(9+m)/(9+m)+_
b^3*x^(13+m)/(13+m)
--R
--R
--R      (2)
--R      3 3      3 2      3      3 m + 13
--R      (b m  + 15b m  + 59b m + 45b )x
--R      +
--R      2 3      2 2      2      2 m + 9
--R      (3a b m  + 57a b m  + 249a b m + 195a b )x
--R      +
--R      2 3      2 2      2      2 m + 5
--R      (3a b m  + 69a b m  + 417a b m + 351a b )x
--R      +
--R      3 3      3 2      3      3 m + 1
--R      (a m  + 27a m  + 227a m + 585a )x
--R      /
--R      4      3      2
--R      m  + 28m  + 254m  + 812m + 585
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 557

--S 558 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)

```

```

--E 558

)clear all

--S 559 of 765
t0:=x^5*(a+b*x^4)^3
--R
--R
--R      3 17      2 13      2   9      3 5
--R      (1) b x    + 3a b x   + 3a b x   + a x
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 559

--S 560 of 765
r0:=1/6*a^3*x^6+3/10*a^2*b*x^10+3/14*a*b^2*x^14+1/18*b^3*x^18
--R
--R
--R      1 3 18      3      2 14      3   2      10      1 3 6
--R      (2) -- b x    + -- a b x   + -- a b x   + - a x
--R      18           14           10           6
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 560

--S 561 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 561

)clear all

--S 562 of 765
t0:=x^4*(a+b*x^4)^3
--R
--R
--R      3 16      2 12      2   8      3 4
--R      (1) b x    + 3a b x   + 3a b x   + a x
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 562

--S 563 of 765
r0:=1/5*a^3*x^5+1/3*a^2*b*x^9+3/13*a*b^2*x^13+1/17*b^3*x^17
--R
--R
--R      1 3 17      3      2 13      1   2   9      1 3 5
--R      (2) -- b x    + -- a b x   + - a b x   + - a x
--R      17           13           3           5
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))

```

```

--E 563

--S 564 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 564

)clear all

--S 565 of 765
t0:=x^3*(a+b*x^4)^3
--R
--R
--R      3 15      2 11      2    7      3 3
--R      (1) b x   + 3a b x   + 3a b x   + a x
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 565

--S 566 of 765
r0:=1/16*(a+b*x^4)^4/b
--R
--R
--R      1  4 16     1      3 12      3  2 2 8     1   3     4      1   4
--R      -- b x     + - a b x   + - a b x   + - a b x   + -- a
--R      16          4                  8           4           16
--R      (2) -----
--R                                         b
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 566

--S 567 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 567

)clear all

--S 568 of 765
t0:=x^2*(a+b*x^4)^3
--R
--R
--R      3 14      2 10      2    6      3 2
--R      (1) b x   + 3a b x   + 3a b x   + a x
--R                                         Type: Polynomial(Integer)

```

```

--E 568

--S 569 of 765
r0:=1/3*a^3*x^3+3/7*a^2*b*x^7+3/11*a*b^2*x^11+1/15*b^3*x^15
--R
--R
--R      1 3 15    3   2 11   3   2   7   1   3 3
--R      (2)  -- b x + -- a b x + - a b x + - a x
--R      15        11           7           3
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 569

--S 570 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 570

)clear all

--S 571 of 765
t0:=x*(a+b*x^4)^3
--R
--R
--R      3 13    2 9    2   5    3
--R      (1)  b x + 3a b x + 3a b x + a x
--R
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 571

--S 572 of 765
r0:=1/2*a^3*x^2+1/2*a^2*b*x^6+3/10*a*b^2*x^10+1/14*b^3*x^14
--R
--R
--R      1 3 14    3   2 10   1   2   6   1   3 2
--R      (2)  -- b x + -- a b x + - a b x + - a x
--R      14        10           2           2
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 572

--S 573 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 573

)clear all

```

```

--S 574 of 765
t0:=(a+b*x^4)^3
--R
--R
--R      3 12      2 8      2 4      3
--R      (1) b x + 3a b x + 3a b x + a
--R
--R                                         Type: Polynomial(Integer)
--E 574

--S 575 of 765
r0:=a^3*x+3/5*a^2*b*x^5+1/3*a*b^2*x^9+1/13*b^3*x^13
--R
--R
--R      1 3 13   1 2 9   3 2 5   3
--R      (2) -- b x + - a b x + - a b x + a x
--R      13       3       5
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 575

--S 576 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3) 0
--R
--R                                         Type: Polynomial(Fraction(Integer))
--E 576

)clear all

--S 577 of 765
t0:=(a+b*x^4)^3/x
--R
--R
--R      3 12      2 8      2 4      3
--R      b x + 3a b x + 3a b x + a
--R      (1) -----
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 577

--S 578 of 765
r0:=3/4*a^2*b*x^4+3/8*a*b^2*x^8+1/12*b^3*x^12+a^3*log(x)
--R
--R
--R      3      3 12      2 8      2 4
--R      24a log(x) + 2b x + 9a b x + 18a b x
--R      (2) -----
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--E 578

--S 579 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 579

)clear all

--S 580 of 765
t0:=(a+b*x^4)^3/x^2
--R
--R
--R      3 12      2 8      2   4      3
--R      b x    + 3a b x  + 3a b x  + a
--R      (1)  -----
--R                           2
--R                           x
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 580

--S 581 of 765
r0:=-a^3/x+a^2*b*x^3+3/7*a*b^2*x^7+1/11*b^3*x^11
--R
--R
--R      3 12      2 8      2   4      3
--R      7b x    + 33a b x  + 77a b x  - 77a
--R      (2)  -----
--R                           77x
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 581

--S 582 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 582

)clear all

--S 583 of 765
t0:=(a+b*x^4)^3/x^3
--R
--R
--R      3 12      2 8      2   4      3

```

```

--R      b x    + 3a b x    + 3a b x    + a
--R      (1) -----
--R                           3
--R                           x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 583

--S 584 of 765
r0:=-1/2*a^3/x^2+3/2*a^2*b*x^2+1/2*a*b^2*x^6+1/10*b^3*x^10
--R
--R
--R      1 3 12   1   2 8   3 2   4   1 3
--R      -- b x    + - a b x    + - a b x    - - a
--R      10        2           2           2
--R      (2) -----
--R                           2
--R                           x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 584

--S 585 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 585

)clear all

--S 586 of 765
t0:=(a+b*x^4)^3/x^4
--R
--R
--R      3 12       2 8       2   4     3
--R      b x    + 3a b x    + 3a b x    + a
--R      (1) -----
--R                           4
--R                           x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 586

--S 587 of 765
r0:=-1/3*a^3/x^3+3*a^2*b*x+3/5*a*b^2*x^5+1/9*b^3*x^9
--R
--R
--R      1 3 12   3   2 8   2   4   1 3
--R      - b x    + - a b x    + 3a b x    - - a
--R      9         5                   3
--R      (2) -----

```

```

--R          3
--R          x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 587

--S 588 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 588

)clear all

--S 589 of 765
t0:=(a+b*x^4)^3/x^5
--R
--R
--R          3 12      2 8      2   4      3
--R          b x     + 3a b x    + 3a b x   + a
--R      (1)  -----
--R                           5
--R                           x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 589

--S 590 of 765
r0:=-1/4*a^3/x^4+3/4*a*b^2*x^4+1/8*b^3*x^8+3*a^2*b*log(x)
--R
--R
--R          2   4      3 12      2 8      3
--R          24a b x log(x) + b x    + 6a b x   - 2a
--R      (2)  -----
--R                           4
--R                           8x
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 590

--S 591 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 591

)clear all

--S 592 of 765

```

```

t0:=x^5/(a+c*x^4)
--R
--R
--R      5
--R      x
--R      (1)  -----
--R          4
--R      c x  + a
--R
--E 592                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 593 of 765
r0:=1/2*x^2/c-1/2*atan(x^2*sqrt(c)/sqrt(a))*sqrt(a)/c^(3/2)
--R
--R
--R      2 ++
--R      +-+   x \|c      2 ++
--R      - \|a atan(-----) + x \|c
--R                  ++
--R                  \|a
--R      (2)  -----
--R                  ++
--R                  2c\|c
--R
--E 593                                         Type: Expression(Integer)

--S 594 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 594                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 595 of 765
t0:=x^4/(a+c*x^4)
--R
--R
--R      4
--R      x
--R      (1)  -----
--R          4
--R      c x  + a
--R
--E 595                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 596 of 765
r0:=x/c+1/2*a^(1/4)*atan(1-c^(1/4)*x*sqrt(2)/a^(1/4))/(c^(5/4)*sqrt(2))-_

```

```

1/2*a^(1/4)*atan(1+c^(1/4)*x*sqrt(2)/a^(1/4))/(c^(5/4)*sqrt(2))+_
1/4*a^(1/4)*log(-a^(1/4)*c^(1/4)*x*sqrt(2)+sqrt(a)+_
x^2*sqrt(c))/(c^(5/4)*sqrt(2))-1/4*a^(1/4)*log(a^(1/4)*c^(1/4)*_
x*sqrt(2)+sqrt(a)+x^2*sqrt(c))/(c^(5/4)*sqrt(2))
--R
--R
--R (2)
--R      4+-+      +-+4+-+4+-+      2 +-+      +-+
--R      - \|a log(x\|2 \|a \|c + x \|c + \|a )
--R      +
--R      +-----+4+-+ 4+-+
--R      4+-+      +-+4+-+4+-+      2 +-+      +-+      4+-+      x\|2 \|c + \|a
--R      \|a log(- x\|2 \|a \|c + x \|c + \|a ) - 2\|a atan(-----)
--R                                         4+-+
--R                                         \|a
--R      +
--R      +--+4+-+ 4+-+
--R      4+-+      x\|2 \|c - \|a      +-+4+-+
--R      - 2\|a atan(-----) + 4x\|2 \|c
--R                                         4+-+
--R                                         \|a
--R      /
--R      +-+4+-+
--R      4c\|2 \|c
--R
--E 596                                         Type: Expression(Integer)

--S 597 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R (3)  0
--R
--E 597                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 598 of 765
t0:=x^3/(a+c*x^4)
--R
--R
--R      3
--R      x
--R (1)  -----
--R      4
--R      c x + a
--R
--E 598                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 599 of 765

```

```

r0:=1/4*log(a+c*x^4)/c
--R
--R
--R      4
--R      log(c x  + a)
--R      (2) -----
--R                  4c
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 599

--S 600 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 600

)clear all

--S 601 of 765
t0:=x^2/(a+c*x^4)
--R
--R
--R      2
--R      x
--R      (1) -----
--R      4
--R      c x  + a
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 601

--S 602 of 765
r0:=-1/2*atan(1-c^(1/4)*x*sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(1/4)*c^(3/4)*sqrt(2))+_
1/2*atan(1+c^(1/4)*x*sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(1/4)*c^(3/4)*sqrt(2))+_
1/4*log(-a^(1/4)*c^(1/4)*x*sqrt(2)+sqrt(a)+_
x^2*sqrt(c))/(a^(1/4)*c^(3/4)*sqrt(2))-_
1/4*log(a^(1/4)*c^(1/4)*x*sqrt(2)+sqrt(a)+_
x^2*sqrt(c))/(a^(1/4)*c^(3/4)*sqrt(2))
--R
--R
--R      (2)
--R      +-+4+-+4+-+    2 +-+    +-+
--R      - log(x\|2 \|a \|c  + x \|c  + \|a )
--R      +
--R
--R
--R      +-+4+-+4+-+    2 +-+    +-+    +-+4+-+    4+-+
--R      log(- x\|2 \|a \|c  + x \|c  + \|a ) + 2atan(-----)
--R
--R
--R                                         4+-+
--R                                         \|a

```

```

--R      +
--R      +-+4+-+  4+-+
--R      x\|2 \|c - \|a
--R      2atan(-----)
--R                  4+-+
--R                  \|a
--R      /
--R      +-+4+-+4+-+3
--R      4\|2 \|a \|c
--R
--E 602                                         Type: Expression(Integer)

--S 603 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 603                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 604 of 765
t0:=x/(a+c*x^4)
--R
--R
--R      x
--R      (1)  -----
--R              4
--R              c x  + a
--R
--E 604                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 605 of 765
r0:=1/2*atan(x^2*sqrt(c)/sqrt(a))/(sqrt(a)*sqrt(c))
--R
--R
--R      2 +-+
--R      x \|c
--R      atan(-----)
--R                  +-+
--R                  \|a
--R      (2)  -----
--R                  +-+ +-+
--R                  2\|a \|c
--R
--E 605                                         Type: Expression(Integer)

--S 606 of 765
d0:=t0-D(r0,x)

```

```

--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 606                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 607 of 765
t0:=1/(a+c*x^4)
--R
--R
--R      (1)  -----
--R              4
--R          c x  + a
--R
--E 607                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 608 of 765
r0:=-1/2*atan(1-c^(1/4)*x*sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(3/4)*c^(1/4)*sqrt(2))+_
1/2*atan(1+c^(1/4)*x*sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(3/4)*c^(1/4)*sqrt(2))-_
1/4*log(-a^(1/4)*c^(1/4)*x*sqrt(2)+sqrt(a)+_
x^2*sqrt(c))/(a^(3/4)*c^(1/4)*sqrt(2))+1/4*log(a^(1/4)*_
c^(1/4)*x*sqrt(2)+sqrt(a)+x^2*sqrt(c))/(a^(3/4)*c^(1/4)*sqrt(2))
--R
--R
--R      (2)
--R          +-+4+-+4+-+   2 +-+   +-+           +-+4+-+4+-+   2 +-+   +-+
--R          log(x\|2 \|a \|c + x \|c + \|a ) - log(- x\|2 \|a \|c + x \|c + \|a )
--R          +
--R          +-+4+-+   4+-+           +-+4+-+   4+-+
--R          x\|2 \|c + \|a           x\|2 \|c - \|a
--R          2atan(-----) + 2atan(-----)
--R                      4+-+           4+-+
--R                      \|a           \|a
--R      /
--R          +-+4+-+3 4+-+
--R          4\|2 \|a   \|c
--R
--E 608                                         Type: Expression(Integer)

--S 609 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 609                                         Type: Expression(Integer)

```

```

)clear all

--S 610 of 765
t0:=1/(x*(a+c*x^4))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R           5
--R           c x  + a x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 610

--S 611 of 765
r0:=log(x)/a-1/4*log(a+c*x^4)/a
--R
--R
--R      4
--R      - log(c x  + a) + 4log(x)
--R      (2)  -----
--R           4a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 611

--S 612 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 612

)clear all

--S 613 of 765
t0:=1/(x^2*(a+c*x^4))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R           6      2
--R           c x  + a x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 613

--S 614 of 765
r0:=(-1)/(a*x)+1/2*c^(1/4)*atan(1-c^(1/4)*x*sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(5/4)*_
sqrt(2))-1/2*c^(1/4)*atan(1+c^(1/4)*x*sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(5/4)*_
sqrt(2))-1/4*c^(1/4)*log(-a^(1/4)*c^(1/4)*x*sqrt(2)+_
sqrt(a)+x^2*sqrt(c))/(a^(5/4)*sqrt(2))+1/4*c^(1/4)*_

```

```

log(a^(1/4)*c^(1/4)*x*sqrt(2)+sqrt(a)+x^2*sqrt(c))/(a^(5/4)*sqrt(2))
--R
--R
--R (2)
--R      4+-+      +-+4+-+4+-+      2 +-+      +-+
--R      x\|c log(x\|2 \|a \|c + x \|c + \|a )
--R      +
--R      4+-+      +-+4+-+4+-+      2 +-+      +-+
--R      - x\|c log(- x\|2 \|a \|c + x \|c + \|a )
--R      +
--R      +-+4+-+ 4+-+      +-+4+-+ 4+-+
--R      4+-+ x\|2 \|c + \|a      4+-+ x\|2 \|c - \|a      +-+4+-+
--R      - 2x\|c atan(-----) - 2x\|c atan(-----) - 4\|2 \|a
--R      4+-+      4+-+
--R      \|a          \|a
--R      /
--R      +-+4+-+
--R      4a x\|2 \|a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 614

--S 615 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 615

)clear all

--S 616 of 765
t0:=1/(x^3*(a+c*x^4))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R      7      3
--R      c x  + a x
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 616

--S 617 of 765
r0:=(-1/2)/(a*x^2)-1/2*atan(x^2*sqrt(c)/sqrt(a))*sqrt(c)/a^(3/2)
--R
--R
--R      2 +-+
--R      2 +-+ x \|c      +-+
--R      - x \|c atan(-----) - \|a
--R      +-+

```

```

--R          \|a
--R      (2)  -----
--R                  2 +-+
--R                  2a x \|a
--R
--E 617                                         Type: Expression(Integer)

--S 618 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 618                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 619 of 765
t0:=1/(x^4*(a+c*x^4))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R      8      4
--R      c x  + a x
--R
--E 619                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 620 of 765
r0:=(-1/3)/(a*x^3)+1/2*c^(3/4)*atan(1-c^(1/4)*x*_
sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(7/4)*sqrt(2))-1/2*c^(3/4)*atan(1+c^(1/4)*x*_
sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(7/4)*sqrt(2))+1/4*c^(3/4)*_
log(-a^(1/4)*c^(1/4)*x*sqrt(2)+sqrt(a)+x^2*_
sqrt(c))/(a^(7/4)*sqrt(2))-1/4*c^(3/4)*log(a^(1/4)*c^(1/4)*x*_
sqrt(2)+sqrt(a)+x^2*sqrt(c))/(a^(7/4)*sqrt(2))
--R
--R
--R      (2)
--R      3 4+-+3      +-+4+-+4+-+      2 +-+      +-+
--R      - 3x \|c log(x\|2 \|a \|c + x \|c + \|a )
--R      +
--R      3 4+-+3      +-+4+-+4+-+      2 +-+      +-+
--R      3x \|c log(- x\|2 \|a \|c + x \|c + \|a )
--R      +
--R      +--+4+-+  4+-+      +-+4+-+  4+-+
--R      3 4+-+3      x\|2 \|c + \|a      3 4+-+3      x\|2 \|c - \|a
--R      - 6x \|c atan(----- - 6x \|c atan(-----)
--R                               4+-+                      4+-+
--R                               \|a                      \|a
--R      +

```

```

--R      +-+4+-+3
--R      - 4\|2 \|a
--R      /
--R      3 +-+4+-+3
--R      12a x \|2 \|a
--R
--E 620                                         Type: Expression(Integer)

--S 621 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 621                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 622 of 765
t0:=1/(x^5*(a+c*x^4))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R              9      5
--R      c x  + a x
--R
--E 622                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 623 of 765
r0:=(-1/4)/(a*x^4)-c*log(x)/a^2+1/4*c*log(a+c*x^4)/a^2
--R
--R
--R      4      4      4
--R      c x log(c x  + a) - 4c x log(x) - a
--R      (2)  -----
--R
--R              2 4
--R              4a x
--R
--E 623                                         Type: Expression(Integer)

--S 624 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 624                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

```

```

--S 625 of 765
t0:=x^7/(a+c*x^4)^2
--R
--R
--R      7
--R      x
--R      (1) -----
--R      2 8      4      2
--R      c x + 2a c x + a
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 625

--S 626 of 765
r0:=1/4*a/(c^2*(a+c*x^4))+1/4*log(a+c*x^4)/c^2
--R
--R
--R      4      4
--R      (c x + a)log(c x + a) + a
--R      (2) -----
--R      3 4      2
--R      4c x + 4a c
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 626

--S 627 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 627

)clear all

--S 628 of 765
t0:=x^6/(a+c*x^4)^2
--R
--R
--R      6
--R      x
--R      (1) -----
--R      2 8      4      2
--R      c x + 2a c x + a
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 628

--S 629 of 765
r0:=-1/4*x^3/(c*(a+c*x^4))-3/8*atan(1-c^(1/4)*x*_
sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(1/4)*c^(7/4)*sqrt(2))+_

```

```

3/8*atan(1+c^(1/4)*x*sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(1/4)*c^(7/4)*sqrt(2))+_
3/16*log(-a^(1/4)*c^(1/4)*x*sqrt(2)+sqrt(a)+_
x^2*sqrt(c))/(a^(1/4)*c^(7/4)*sqrt(2))-_
3/16*log(a^(1/4)*c^(1/4)*x*sqrt(2)+sqrt(a)+_
x^2*sqrt(c))/(a^(1/4)*c^(7/4)*sqrt(2))
--R
--R
--R (2)
--R
--R      4      +-+4+-+4+-+ 2 +-+ +-+
--R      (- 3c x - 3a)log(x\|2 \|a \|c + x \|c + \|a )
--R      +
--R      4      +-+4+-+4+-+ 2 +-+ +-+
--R      (3c x + 3a)log(- x\|2 \|a \|c + x \|c + \|a )
--R      +
--R      +-+4+-+ 4+-+           +-+4+-+ 4+-+
--R      4      x\|2 \|c + \|a      4      x\|2 \|c - \|a
--R      (6c x + 6a)atan(-----) + (6c x + 6a)atan(-----)
--R                           4+-+
--R                           \|a                           4+-+
--R                           \|a
--R      +
--R      3 +-+4+-+4+-+3
--R      - 4x \|2 \|a \|c
--R      /
--R      2 4      +-+4+-+4+-+3
--R      (16c x + 16a c)\|2 \|a \|c
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 629

--S 630 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R (3) 0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 630

)clear all

--S 631 of 765
t0:=x^5/(a+c*x^4)^2
--R
--R
--R      5
--R      x
--R (1) -----
--R      2 8      4 2
--R      c x + 2a c x + a
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 631

```

```

--S 632 of 765
r0:=-1/4*x^2/(c*(a+c*x^4))+1/4*atan(x^2*sqrt(c)/sqrt(a))/(c^(3/2)*sqrt(a))
--R
--R
--R
--R      2 +-+
--R      4           x \|c      2 +-+ +-+
--R      (c x  + a)atan(-----) - x \|a \|c
--R                  +-+
--R                  \|a
--R      (2) -----
--R      2 4           +-+ +-+
--R      (4c x  + 4a c)\|a \|c
--R
--E 632                                         Type: Expression(Integer)

--S 633 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 633                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 634 of 765
t0:=x^4/(a+c*x^4)^2
--R
--R
--R      4
--R      x
--R      (1) -----
--R      2 8           4   2
--R      c x  + 2a c x  + a
--R
--E 634                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 635 of 765
r0:=-1/4*x/(c*(a+c*x^4))-1/8*atan(1-c^(1/4)*x*_
sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(3/4)*c^(5/4)*sqrt(2))+_
1/8*atan(1+c^(1/4)*x*sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(3/4)*_
c^(5/4)*sqrt(2))-1/16*log(-a^(1/4)*c^(1/4)*x*sqrt(2)+_
sqrt(a)+x^2*sqrt(c))/(a^(3/4)*c^(5/4)*sqrt(2))+_
1/16*log(a^(1/4)*c^(1/4)*x*sqrt(2)+sqrt(a)+_
x^2*sqrt(c))/(a^(3/4)*c^(5/4)*sqrt(2))
--R
--R
--R      (2)
--R      4           +-+4+-+4+-+    2 +-+      +-+
--R      (c x  + a)log(x\|2 \|a \|c  + x \|c  + \|a )

```

```

--R      +
--R      4           +-+4+-+4+-+   2 +-+   +-+
--R      (- c x - a)log(- x\|2 \|a \|c + x \|c + \|a )
--R      +
--R      4           +-+4+-+   4+-+           +-+4+-+   4+-+
--R      x\|2 \|c + \|a           4           x\|2 \|c - \|a
--R      (2c x + 2a)atan(-----) + (2c x + 2a)atan(-----)
--R                           4+-+
--R                           \|a           4+-+
--R      +
--R      +-+4+-+3 4+-+
--R      - 4x\|2 \|a \|c
--R      /
--R      2 4           +-+4+-+3 4+-+
--R      (16c x + 16a c)\|2 \|a \|c
--R
--E 635                                         Type: Expression(Integer)

--S 636 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 636                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 637 of 765
t0:=x^3/(a+c*x^4)^2
--R
--R
--R      3
--R      x
--R      (1)  -----
--R      2 8           4   2
--R      c x + 2a c x + a
--R
--E 637                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 638 of 765
r0:=(-1/4)/(c*(a+c*x^4))
--R
--R
--R      1
--R      -
--R      4
--R      (2)  - -----
--R      2 4
--R      c x + a c

```

```

--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 638

--S 639 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 639

)clear all

--S 640 of 765
t0:=x^2/(a+c*x^4)^2
--R
--R
--R      2
--R      x
--R      (1)  -----
--R      2 8      4      2
--R      c x  + 2a c x  + a
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 640

--S 641 of 765
r0:=1/4*x^3/(a*(a+c*x^4))-1/8*atan(1-c^(1/4)*x*sqrt(2)/a^(1/4))/_
(a^(5/4)*c^(3/4)*sqrt(2))+1/8*atan(1+c^(1/4)*x*sqrt(2)/_
a^(1/4))/(a^(5/4)*c^(3/4)*sqrt(2))+1/16*log(-a^(1/4)*_
c^(1/4)*x*sqrt(2)+sqrt(a)+x^2*sqrt(c))/(a^(5/4)*c^(3/4)*_
sqrt(2))-1/16*log(a^(1/4)*c^(1/4)*x*sqrt(2)+sqrt(a)+_
x^2*sqrt(c))/(a^(5/4)*c^(3/4)*sqrt(2))
--R
--R
--R      (2)
--R      4      +-+4+-+4+-+  2 +-+      +-+
--R      (- c x  - a)log(x\|2 \|a \|c  + x \|c  + \|a )
--R      +
--R      4      +-+4+-+4+-+  2 +-+      +-+
--R      (c x  + a)log(- x\|2 \|a \|c  + x \|c  + \|a )
--R      +
--R      4      +-+4+-+  4+-+      +-+4+-+  4+-+
--R      x\|2 \|c  + \|a      4      x\|2 \|c  - \|a
--R      (2c x  + 2a)atan(-----) + (2c x  + 2a)atan(-----)
--R      4+-+
--R      \|a
--R      +
--R      3 +-+4+-+4+-+3
--R      4x \|2 \|a \|c
--R      /

```

```

--R      4      2  +-+4+-+4+-+3
--R      (16a c x + 16a )\|2 \|a \|c
--R
--E 641                                         Type: Expression(Integer)

--S 642 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 642                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 643 of 765
t0:=x/(a+c*x^4)^2
--R
--R
--R      (1)  -----
--R      2 8      4      2
--R      c x + 2a c x + a
--R
--E 643                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 644 of 765
r0:=1/4*x^2/(a*(a+c*x^4))+1/4*atan(x^2*sqrt(c)/sqrt(a))/(a^(3/2)*sqrt(c))
--R
--R
--R      2 +-+
--R      4      x \|c      2 +-+ +-+
--R      (c x + a)atan(-----) + x \|a \|c
--R
--R      +-+
--R      \|a
--R      (2)  -----
--R      4      2  +-+ +-+
--R      (4a c x + 4a )\|a \|c
--R
--E 644                                         Type: Expression(Integer)

--S 645 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 645                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

```

```

--S 646 of 765
t0:=1/(a+c*x^4)^2
--R
--R
--R      1
--R      (1) -----
--R      2 8      4   2
--R      c x + 2a c x + a
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 646

--S 647 of 765
r0:=1/4*x/(a*(a+c*x^4))-3/8*atan(1-c^(1/4)*x*sqrt(2)/a^(1/4))/_
(a^(7/4)*c^(1/4)*sqrt(2))+3/8*atan(1+c^(1/4)*x*_
sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(7/4)*c^(1/4)*sqrt(2))-_
3/16*log(-a^(1/4)*c^(1/4)*x*sqrt(2)+sqrt(a)+_
x^2*sqrt(c))/(a^(7/4)*c^(1/4)*sqrt(2))+_
3/16*log(a^(1/4)*c^(1/4)*x*sqrt(2)+sqrt(a)+x^2*sqrt(c))/_
(a^(7/4)*c^(1/4)*sqrt(2))
--R
--R
--R      (2)
--R      4      +-+4+-+4+-+ 2 +-+    +-+
--R      (3c x + 3a)log(x\|2 \|a \|c + x \|c + \|a )
--R      +
--R      4      +-+4+-+4+-+ 2 +-+    +-+
--R      (- 3c x - 3a)log(- x\|2 \|a \|c + x \|c + \|a )
--R      +
--R      4      +-+4+-+ 4+-+           +-+4+-+ 4+-+
--R      x\|2 \|c + \|a           4           x\|2 \|c - \|a
--R      (6c x + 6a)atan(-----) + (6c x + 6a)atan(-----)
--R                           4+-+
--R                           \|a                         4+-+
--R
--R      +
--R      +-+4+-+3 4+-+
--R      4x\|2 \|a \|c
--R      /
--R      4      2      +-+4+-+3 4+-+
--R      (16a c x + 16a )\|2 \|a \|c
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 647

--S 648 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 648

```

```

)clear all

--S 649 of 765
t0:=1/(x*(a+c*x^4)^2)
--R
--R
--R      1
--R      (1) -----
--R           2 9      5   2
--R           c x  + 2a c x  + a x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 649

--S 650 of 765
r0:=1/4/(a*(a+c*x^4))+log(x)/a^2-1/4*log(a+c*x^4)/a^2
--R
--R
--R           4           4           4
--R           (- c x  - a)log(c x  + a) + (4c x  + 4a)log(x) + a
--R      (2) -----
--R           2 4      3
--R           4a c x  + 4a
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 650

--S 651 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 651

)clear all

--S 652 of 765
t0:=1/(x^2*(a+c*x^4)^2)
--R
--R
--R      1
--R      (1) -----
--R           2 10      6   2 2
--R           c x  + 2a c x  + a x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 652

--S 653 of 765
r0:=(-5/4)/(a^2*x)+1/4/(a*x*(a+c*x^4))+5/8*c^(1/4)*atan(1-c^(1/4)*x*_
sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(9/4)*sqrt(2))-5/8*c^(1/4)*_

```

```

atan(1+c^(1/4)*x*sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(9/4)*sqrt(2))-_
5/16*c^(1/4)*log(-a^(1/4)*c^(1/4)*x*sqrt(2)+_
sqrt(a)+x^2*sqrt(c))/(a^(9/4)*sqrt(2))+5/16*c^(1/4)*_
log(a^(1/4)*c^(1/4)*x*sqrt(2)+sqrt(a)+x^2*sqrt(c))/(a^(9/4)*sqrt(2))
--R
--R
--R (2)
--R      5      4+++
--R      +-+4+-+4+-+ 2 +-+ +-+
--R      (5c x + 5a x)\|c log(x\|2 \|a \|c + x \|c + \|a )
--R      +
--R      5      4+++
--R      +-+4+-+4+-+ 2 +-+ +-+
--R      (- 5c x - 5a x)\|c log(- x\|2 \|a \|c + x \|c + \|a )
--R      +
--R      +-+4+-+ 4+-+
--R      5      4+-+
--R      x\|2 \|c + \|a
--R      (- 10c x - 10a x)\|c atan(-----)
--R                                         4+-+
--R                                         \|a
--R      +
--R      +-+4+-+ 4+-+
--R      5      4+-+
--R      x\|2 \|c - \|a
--R      (- 10c x - 10a x)\|c atan(-----) + (- 20c x - 16a)\|2 \|a
--R                                         4+-+
--R                                         \|a
--R      /
--R      2 5      3  +-+4+-+
--R      (16a c x + 16a x)\|2 \|a
--R
--E 653                                         Type: Expression(Integer)

--S 654 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R (3)  0
--R
--E 654                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 655 of 765
t0:=1/(x^3*(a+c*x^4)^2)
--R
--R
--R      1
--R      (1) -----
--R      2 11      7      2 3
--R      c x + 2a c x + a x
--R
--E 655                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

```

```

--S 656 of 765
r0:=(-3/4)/(a^2*x^2)+1/4/(a*x^2*(a+c*x^4))-_
3/4*atan(x^2*sqrt(c)/sqrt(a))*sqrt(c)/a^(5/2)
--R
--R
--R
--R      6      2  +-+      2  +-+
--R      (- 3c x - 3a x )\|c atan(-----) + (- 3c x - 2a)\|a
--R
--R
--R      +-+
--R      \|a
--R
--R (2)  -----
--R
--R      2 6      3 2  +-+
--R      (4a c x + 4a x )\|a
--R
--R
--E 656                                         Type: Expression(Integer)

--S 657 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R (3)  0
--R
--R
--E 657                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 658 of 765
t0:=1/(x^4*(a+c*x^4)^2)
--R
--R
--R
--R      1
--R (1)  -----
--R      2 12      8      2 4
--R      c x     + 2a c x     + a x
--R
--R
--E 658                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 659 of 765
r0:=(-7/12)/(a^2*x^3)+1/4/(a*x^3*(a+c*x^4))+7/8*c^(3/4)*_
atan(1-c^(1/4)*x*sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(11/4)*sqrt(2))-_
7/8*c^(3/4)*atan(1+c^(1/4)*x*sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(11/4)*_
sqrt(2))+7/16*c^(3/4)*log(-a^(1/4)*c^(1/4)*x*sqrt(2)+_
sqrt(a)+x^2*sqrt(c))/(a^(11/4)*sqrt(2))-7/16*c^(3/4)*_
log(a^(1/4)*c^(1/4)*x*sqrt(2)+sqrt(a)+x^2*sqrt(c))/(a^(11/4)*sqrt(2))
--R
--R
--R (2)
--R      7      3 4+-+3      +-+4+-+4+-+      2  +-+      +-+
--R      (- 21c x - 21a x )\|c log(x\|2 \|a \|c + x \|c + \|a )

```

```

--R      +
--R      7      3 4+-+3      +-+4+-+4+-+   2 +-+      +-+
--R      (21c x + 21a x )\|c log(- x\|2 \|a \|c + x \|c + \|a )
--R      +
--R      7      3 4+-+3      +-+4+-+ 4+-+
--R      (- 42c x - 42a x )\|c atan(-----)
--R                                         4+-+
--R                                         \|a
--R      +
--R      7      3 4+-+3      +-+4+-+ 4+-+
--R      (- 42c x - 42a x )\|c atan(-----) + (- 28c x - 16a)\|2 \|a
--R                                         4+-+
--R                                         \|a
--R      /
--R      2    7      3 3  +-+4+-+3
--R      (48a c x + 48a x )\|2 \|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 659

--S 660 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 660

)clear all

--S 661 of 765
t0:=x^11/(a+c*x^4)^3
--R
--R
--R      11
--R      x
--R      (1)  -----
--R      3 12      2 8      2 4      3
--R      c x + 3a c x + 3a c x + a
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 661

--S 662 of 765
r0:=-1/8*a^2/(c^3*(a+c*x^4)^2)+1/2*a/(c^3*(a+c*x^4))+1/4*log(a+c*x^4)/c^3
--R
--R
--R      2 8      4      2      4      4      2
--R      (2c x + 4a c x + 2a )log(c x + a) + 4a c x + 3a
--R      (2)  -----

```

```

--R      5 8      4 4      2 3
--R      8c x  + 16a c x  + 8a c
--R
--E 662                                         Type: Expression(Integer)

--S 663 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 663                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 664 of 765
t0:=x^10/(a+c*x^4)^3
--R
--R
--R      10
--R      x
--R      (1)  -----
--R      3 12      2 8      2 4      3
--R      c x  + 3a c x  + 3a c x  + a
--R
--E 664                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 665 of 765
r0:=-1/8*x^7/(c*(a+c*x^4)^2)-7/32*x^3/(c^2*(a+c*x^4))-_
21/64*atan(1-c^(1/4)*x*sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(1/4)*c^(11/4)*_
sqrt(2))+21/64*atan(1+c^(1/4)*x*sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(1/4)*_
c^(11/4)*sqrt(2))+21/128*log(-a^(1/4)*c^(1/4)*x*sqrt(2)+_
sqrt(a)+x^2*sqrt(c))/(a^(1/4)*c^(11/4)*sqrt(2))-21/128*_
log(a^(1/4)*c^(1/4)*x*sqrt(2)+sqrt(a)+_
x^2*sqrt(c))/(a^(1/4)*c^(11/4)*sqrt(2))
--R
--R
--R      (2)
--R      2 8      4      2      +-+4+-+4+-+      2 +-+      +-+
--R      (- 21c x  - 42a c x  - 21a )log(x\|2 \|a \|c  + x \|c  + \|a )
--R      +
--R      2 8      4      2      +-+4+-+4+-+      2 +-+      +-+
--R      (21c x  + 42a c x  + 21a )log(- x\|2 \|a \|c  + x \|c  + \|a )
--R      +
--R
--R      2 8      4      2      x\|2 \|c  + \|a
--R      (42c x  + 84a c x  + 42a )atan(-----)
--R
--R
--R      4+-+
--R
--R      +

```

```

--R          +-+4+-+  4+-+
--R          2 8      4      2      x\|2 \|c  - \|a
--R          (42c x  + 84a c x  + 42a )atan(-----)
--R                                         4+-+
--R                                         \|a
--R          +
--R          7      3  +-+4+-+4+-+3
--R          (- 44c x  - 28a x )\|2 \|a \|c
--R /
--R          4 8      3 4      2 2  +-+4+-+4+-+3
--R          (128c x  + 256a c x  + 128a c )\|2 \|a \|c
--R
--E 665                                         Type: Expression(Integer)

--S 666 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 666                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 667 of 765
t0:=x^9/(a+c*x^4)^3
--R
--R
--R          9
--R          x
--R      (1)  -----
--R          3 12      2 8      2 4      3
--R          c x  + 3a c x  + 3a c x  + a
--R
--E 667                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 668 of 765
r0:=-1/8*x^6/(c*(a+c*x^4)^2)-3/16*x^2/(c^2*(a+c*x^4))+_
3/16*atan(x^2*sqrt(c)/sqrt(a))/(c^(5/2)*sqrt(a))
--R
--R
--R          2  +-+
--R          2 8      4      2      x \|c
--R          (3c x  + 6a c x  + 3a )atan(-----) + (- 5c x  - 3a x )\|a \|c
--R                                         +-+
--R                                         \|a
--R      (2)  -----
--R          4 8      3 4      2 2  +-+ +-+
--R          (16c x  + 32a c x  + 16a c )\|a \|c
--R
--E 668                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--E 668

--S 669 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 669

)clear all

--S 670 of 765
t0:=x^8/(a+c*x^4)^3
--R
--R
--R      (1)  
$$\frac{x^8}{c^3 x^{12} + 3 a c^2 x^{10} + 3 a^2 c x^8 + a^3}$$

--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 670

--S 671 of 765
r0:=-1/8*x^5/(c*(a+c*x^4)^2)-5/32*x/(c^2*(a+c*x^4))-
      5/64*atan(1-c^(1/4)*x*sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(3/4)*c^(9/4)*sqrt(2))+_
      5/64*atan(1+c^(1/4)*x*sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(3/4)*c^(9/4)*sqrt(2))-_
      5/128*log(-a^(1/4)*c^(1/4)*x*sqrt(2)+sqrt(a)+_
      x^2*sqrt(c))/(a^(3/4)*c^(9/4)*sqrt(2))+_
      5/128*log(a^(1/4)*c^(1/4)*x*sqrt(2)+sqrt(a)+_
      x^2*sqrt(c))/(a^(3/4)*c^(9/4)*sqrt(2))
--R
--R
--R      (2)
--R      
$$\begin{aligned} & \left(5c^2 x^8 + 10ac^4 x^6 + 5a^4\right) \log(x\sqrt{2}\sqrt{a}\sqrt{c} + x\sqrt{c}\sqrt{a}) \\ & + \left(-5c^2 x^8 - 10ac^4 x^6 - 5a^4\right) \log(-x\sqrt{2}\sqrt{a}\sqrt{c} + x\sqrt{c}\sqrt{a}) \\ & + \frac{\left(10c^2 x^8 + 20ac^4 x^6 + 10a^4\right) \operatorname{atan}\left(\frac{x\sqrt{2}\sqrt{c}}{\sqrt{a}}\right)}{\sqrt{a}} \\ & + \frac{\left(10c^2 x^8 + 20ac^4 x^6 + 10a^4\right) \operatorname{atan}\left(\frac{x\sqrt{2}\sqrt{c}}{-\sqrt{a}}\right)}{\sqrt{a}} \end{aligned}$$


```

```

--R
--R
--R      +
--R      5           +-+4+-+3 4+-+
--R      (- 36c x - 20a x)\|2 \|a   \|c
--R      /
--R      4 8           3 4           2 2   +-+4+-+3 4+-+
--R      (128c x + 256a c x + 128a c )\|2 \|a   \|c
--R
--E 671                                         Type: Expression(Integer)

--S 672 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 672                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 673 of 765
t0:=x^7/(a+c*x^4)^3
--R
--R
--R      7
--R      x
--R      (1)  -----
--R      3 12           2 8           2   4   3
--R      c x    + 3a c x    + 3a c x    + a
--R
--E 673                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 674 of 765
r0:=1/8*x^8/(a*(a+c*x^4)^2)
--R
--R
--R      1   8
--R      - x
--R      8
--R      (2)  -----
--R      2 8           2   4   3
--R      a c x    + 2a c x    + a
--R
--E 674                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))

--S 675 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R

```

```

--R   (3)  0
--R
--E 675                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))

)clear all

--S 676 of 765
t0:=x^6/(a+c*x^4)^3
--R
--R
--R   (1)  
$$\frac{x^6}{c^3 x^{12} + 3 a c^2 x^{10} + 3 a^2 c x^8 + a^3}$$

--R
--E 676                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 677 of 765
r0:=-1/8*x^3/(c*(a+c*x^4)^2)+3/32*x^3/(a*c*(a+c*x^4))-_
3/64*atan(1-c^(1/4)*x*sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(5/4)*c^(7/4)*sqrt(2))+_
3/64*atan(1+c^(1/4)*x*sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(5/4)*c^(7/4)*sqrt(2))+_
3/128*log(-a^(1/4)*c^(1/4)*x*sqrt(2)+sqrt(a)+_
x^2*sqrt(c))/(a^(5/4)*c^(7/4)*sqrt(2))-3/128*log(a^(1/4)*c^(1/4)*_
x*sqrt(2)+sqrt(a)+x^2*sqrt(c))/(a^(5/4)*c^(7/4)*sqrt(2))
--R
--R
--R   (2)
--R   
$$\begin{aligned} & \left( -3c^2 x^8 - 6ac x^6 - 3a^2 x^4 \right) \log(x\sqrt{2}\sqrt{a}\sqrt{c} + x\sqrt{c}\sqrt{a}) \\ & + \left( 3c^2 x^8 + 6ac x^6 + 3a^2 x^4 \right) \log(-x\sqrt{2}\sqrt{a}\sqrt{c} + x\sqrt{c}\sqrt{a}) \\ & + \frac{\left( 6c^2 x^8 + 12ac x^6 + 6a^2 x^4 \right) \operatorname{atan}\left(\frac{x\sqrt{2}\sqrt{c}}{\sqrt{a}}\right)}{\left( 6c^2 x^8 + 12ac x^6 + 6a^2 x^4 \right) \operatorname{atan}\left(\frac{x\sqrt{2}\sqrt{c}}{\sqrt{a}}\right)} \\ & + \frac{\left( 12c^2 x^7 - 4a x^3 \right) \sqrt{2}\sqrt{a}\sqrt{c}}{3824} \end{aligned}$$


```

```

--R      (128a c x  + 256a c x  + 128a c)\|2 \|a \|c
--R
--E 677                                         Type: Expression(Integer)

--S 678 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 678                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 679 of 765
t0:=x^5/(a+c*x^4)^3
--R
--R
--R      5
--R      x
--R      (1)  -----
--R      3 12      2 8      2      4      3
--R      c x  + 3a c x  + 3a c x  + a
--R
--E 679                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 680 of 765
r0:=-1/8*x^2/(c*(a+c*x^4)^2)+1/16*x^2/(a*c*(a+c*x^4))+_
1/16*atan(x^2*sqrt(c)/sqrt(a))/(a^(3/2)*c^(3/2))
--R
--R
--R      2 8      4      2      x \|c      6      2  +-+ +-+
--R      (c x  + 2a c x  + a )atan(-----) + (c x  - a x )\|a \|c
--R
--R
--R      +-+
--R      \|a
--R      (2)  -----
--R      3 8      2 2 4      3  +-+ +-+
--R      (16a c x  + 32a c x  + 16a c)\|a \|c
--R
--E 680                                         Type: Expression(Integer)

--S 681 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 681                                         Type: Expression(Integer)

```

```

)clear all

--S 682 of 765
t0:=x^4/(a+c*x^4)^3
--R
--R
--R
$$(1) \frac{x^4}{c^3 x^{12} + 3 a c^2 x^{10} + 3 a^2 c x^8 + a^3}$$

--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 682

--S 683 of 765
r0:=-1/8*x/(c*(a+c*x^4)^2)+1/32*x/(a*c*(a+c*x^4))-_
3/64*atan(1-c^(1/4)*x*sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(7/4)*c^(5/4)*sqrt(2))+_
3/64*atan(1+c^(1/4)*x*sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(7/4)*c^(5/4)*sqrt(2))-_
3/128*log(-a^(1/4)*c^(1/4)*x*sqrt(2)+sqrt(a)+_
x^2*sqrt(c))/(a^(7/4)*c^(5/4)*sqrt(2))+3/128*log(a^(1/4)*_
c^(1/4)*x*sqrt(2)+sqrt(a)+x^2*sqrt(c))/(a^(7/4)*c^(5/4)*sqrt(2))
--R
--R
--R
$$(2) \frac{(3c^2 x^8 + 6ac^4 x^4 + 3a^2 c^2) \log(x\sqrt{2}\sqrt{a}\sqrt{c} + x\sqrt{a}\sqrt{c} + \sqrt{a}) + (-3c^2 x^8 - 6ac^4 x^4 - 3a^2 c^2) \log(-x\sqrt{2}\sqrt{a}\sqrt{c} + x\sqrt{a}\sqrt{c} + \sqrt{a}) + (6c^2 x^8 + 12ac^4 x^4 + 6a^2 c^2) \operatorname{atan}\left(\frac{x\sqrt{2}\sqrt{a}\sqrt{c} + \sqrt{a}}{\sqrt{a}}\right) + (6c^2 x^8 + 12ac^4 x^4 + 6a^2 c^2) \operatorname{atan}\left(\frac{x\sqrt{2}\sqrt{a}\sqrt{c} - \sqrt{a}}{\sqrt{a}}\right) + (4c^5 x^5 - 12a^4 c x)\sqrt{2}\sqrt{a}\sqrt{c}}{(128a^3 c x^8 + 256a^2 c^2 x^6 + 128a^3 c^3)\sqrt{2}\sqrt{a}\sqrt{c}}$$

--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 683

```

```

--S 684 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 684                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 685 of 765
t0:=x^3/(a+c*x^4)^3
--R
--R
--R      (1)  -----
--R                  3
--R                  x
--R      3 12      2 8      2      4      3
--R      c x     + 3a c x   + 3a c x   + a
--R
--E 685                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 686 of 765
r0:=(-1/8)/(c*(a+c*x^4)^2)
--R
--R
--R      (2)  -
--R                  1
--R                  -
--R                  8
--R      3 8      2 4      2
--R      c x     + 2a c x   + a c
--R
--E 686                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))

--S 687 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 687                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))

)clear all

--S 688 of 765
t0:=x^2/(a+c*x^4)^3
--R
--R
--R      2

```

```

--R          x
--R      (1)  -----
--R           3 12      2 8      2   4      3
--R           c x    + 3a c x  + 3a c x  + a
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 688

--S 689 of 765
r0:=1/8*x^3/(a*(a+c*x^4)^2)+5/32*x^3/(a^2*(a+c*x^4))-_
5/64*atan(1-c^(1/4)*x*sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(9/4)*c^(3/4)*sqrt(2))+_
5/64*atan(1+c^(1/4)*x*sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(9/4)*c^(3/4)*sqrt(2))+_
5/128*log(-a^(1/4)*c^(1/4)*x*sqrt(2)+sqrt(a)+_
x^2*sqrt(c))/(a^(9/4)*c^(3/4)*sqrt(2))-5/128*log(a^(1/4)*_
c^(1/4)*x*sqrt(2)+sqrt(a)+x^2*sqrt(c))/(a^(9/4)*c^(3/4)*sqrt(2))
--R
--R
--R      (2)
--R           2 8      4      2      +-+4+-+4++-      2 +-+      +-+
--R           (- 5c x  - 10a c x  - 5a )log(x\|2 \|a \|c  + x \|c  + \|a )
--R           +
--R           2 8      4      2      +-+4+-+4++-      2 +-+      +-+
--R           (5c x  + 10a c x  + 5a )log(- x\|2 \|a \|c  + x \|c  + \|a )
--R           +
--R           2 8      4      2      x\|2 \|c  + \|a
--R           (10c x  + 20a c x  + 10a )atan(-----)
--R                                         4+-+
--R                                         \|a
--R           +
--R           2 8      4      2      x\|2 \|c  - \|a
--R           (10c x  + 20a c x  + 10a )atan(-----)
--R                                         4+-+
--R                                         \|a
--R           +
--R           7      3      +-+4+-+4+-+3
--R           (20c x  + 36a x )\|2 \|a \|c
--R           /
--R           2 2 8      3      4      4      +-+4+-+4+-+3
--R           (128a c x  + 256a c x  + 128a )\|2 \|a \|c
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 689

--S 690 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 690

```

```

)clear all

--S 691 of 765
t0:=x/(a+c*x^4)^3
--R
--R
--R      x
--R      (1)  -----
--R           3 12      2 8      2 4      3
--R           c x     + 3a c x   + 3a c x   + a
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 691

--S 692 of 765
r0:=1/8*x^2/(a*(a+c*x^4)^2)+3/16*x^2/(a^2*(a+c*x^4))+_
3/16*atan(x^2*sqrt(c)/sqrt(a))/(a^(5/2)*sqrt(c))
--R
--R
--R      2 8      4      2      x \|c      6      2  +-+ +-+
--R      (3c x   + 6a c x   + 3a )atan(-----) + (3c x   + 5a x )\|a \|c
--R
--R
--R                                         +-+
--R                                         \|a
--R      (2)  -----
--R           2 2 8      3      4      4  +-+ +-+
--R           (16a c x   + 32a c x   + 16a )\|a \|c
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 692

--S 693 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 693

)clear all

--S 694 of 765
t0:=1/(a+c*x^4)^3
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R           3 12      2 8      2 4      3
--R           c x     + 3a c x   + 3a c x   + a
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 694

```

```

--S 695 of 765
r0:=1/8*x/(a*(a+c*x^4)^2)+7/32*x/(a^2*(a+c*x^4))-_
21/64*atan(1-c^(1/4)*x*sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(11/4)*c^(1/4)*sqrt(2))+_
21/64*atan(1+c^(1/4)*x*sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(11/4)*c^(1/4)*sqrt(2))-_
21/128*log(-a^(1/4)*c^(1/4)*x*sqrt(2)+sqrt(a)+_
x^2*sqrt(c))/(a^(11/4)*c^(1/4)*sqrt(2))+_
21/128*log(a^(1/4)*c^(1/4)*x*sqrt(2)+sqrt(a)+_
x^2*sqrt(c))/(a^(11/4)*c^(1/4)*sqrt(2))

--R
--R
--R (2)
--R      2 8          4          2          +-+4+-+4+-+    2 +-+      +-+
--R      (21c x  + 42a c x  + 21a )log(x\|2 \|a \|c  + x \|c  + \|a )
--R      +
--R      2 8          4          2          +-+4+-+4+-+    2 +-+      +-+
--R      (- 21c x  - 42a c x  - 21a )log(- x\|2 \|a \|c  + x \|c  + \|a )
--R      +
--R                      +-+4+-+    4+-+
--R      2 8          4          2          x\|2 \|c  + \|a
--R      (42c x  + 84a c x  + 42a )atan(-----)
--R                                     4+-+
--R                                     \|a
--R      +
--R                      +-+4+-+    4+-+
--R      2 8          4          2          x\|2 \|c  - \|a
--R      (42c x  + 84a c x  + 42a )atan(-----)
--R                                     4+-+
--R                                     \|a
--R      +
--R      5          +-+4+-+3 4+-+
--R      (28c x  + 44a x)\|2 \|a  \|c
--R      /
--R      2 2 8          3 4          4          +-+4+-+3 4+-+
--R      (128a c x  + 256a c x  + 128a )\|2 \|a  \|c
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 695

--S 696 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R (3)  0
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 696

)clear all

--S 697 of 765
t0:=1/(x*(a+c*x^4)^3)

```

```

--R
--R
--R      1
--R      (1) -----
--R      3 13      2 9      2 5      3
--R      c x + 3a c x + 3a c x + a x
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 697

--S 698 of 765
r0:=1/8/(a*(a+c*x^4)^2)+1/4/(a^2*(a+c*x^4))+log(x)/a^3-1/4*log(a+c*x^4)/a^3
--R
--R
--R      (2)
--R      2 8      4      2      4      2 8      4      2
--R      (- 2c x - 4a c x - 2a )log(c x + a) + (8c x + 16a c x + 8a )log(x)
--R      +
--R      4      2
--R      2a c x + 3a
--R      /
--R      3 2 8      4      4      5
--R      8a c x + 16a c x + 8a
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 698

--S 699 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3) 0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 699

)clear all

--S 700 of 765
t0:=1/(x^2*(a+c*x^4)^3)
--R
--R
--R      1
--R      (1) -----
--R      3 14      2 10      2 6      3 2
--R      c x + 3a c x + 3a c x + a x
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 700

--S 701 of 765
r0:=(-45/32)/(a^3*x)+1/8/(a*x*(a+c*x^4)^2)+9/32/(a^2*x*(a+c*x^4))+_
45/64*c^(1/4)*atan(1-c^(1/4)*x*sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(13/4)*sqrt(2))-_
45/64*c^(1/4)*atan(1+c^(1/4)*x*sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(13/4)*sqrt(2))-_

```

```

45/128*c^(1/4)*log(-a^(1/4)*c^(1/4)*x*sqrt(2)+sqrt(a)+_
x^2*sqrt(c))/(a^(13/4)*sqrt(2))+_
45/128*c^(1/4)*log(a^(1/4)*c^(1/4)*x*sqrt(2)+sqrt(a)+_
x^2*sqrt(c))/(a^(13/4)*sqrt(2))
--R
--R
--R (2)
--R      2 9      5      2 4+-+      +-+4+-+4+-+      2 +-+      +-+
--R      (45c x + 90a c x + 45a x)\|c log(x\|2 \|a \|c + x \|c + \|a )
--R      +
--R      2 9      5      2 4+-+      +-+4+-+4+-+      2 +-+      +-+
--R      (- 45c x - 90a c x - 45a x)\|c log(- x\|2 \|a \|c + x \|c + \|a )
--R      +
--R      2 9      5      2 4+-+      x\|2 \|c + \|a
--R      (- 90c x - 180a c x - 90a x)\|c atan(-----)
--R                                         4+-+
--R                                         \|a
--R      +
--R      2 9      5      2 4+-+      x\|2 \|c - \|a
--R      (- 90c x - 180a c x - 90a x)\|c atan(-----)
--R                                         4+-+
--R                                         \|a
--R      +
--R      2 8      4      2 +-+4+-+
--R      (- 180c x - 324a c x - 128a )\|2 \|a
--R      /
--R      3 2 9      4 5      5 +-+4+-+
--R      (128a c x + 256a c x + 128a x)\|2 \|a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 701

--S 702 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 702

)clear all

--S 703 of 765
t0:=1/(x^3*(a+c*x^4)^3)
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R            3 15      2 11      2    7      3 3

```

```

--R      c x  + 3a c x  + 3a c x  + a x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 703

--S 704 of 765
r0:=(-15/16)/(a^3*x^2)+1/8/(a*x^2*(a+c*x^4)^2)+_
5/16/(a^2*x^2*(a+c*x^4))-15/16*atan(x^2*sqrt(c)/sqrt(a))*sqrt(c)/a^(7/2)
--R
--R
--R      (2)
--R
--R      2 10      6      2 2  +-+      x \|c
--R      (- 15c x  - 30a c x  - 15a x )\|c atan(-----)
--R                                         +-+
--R                                         \|a
--R
--R      +
--R      2 8      4      2  +-+
--R      (- 15c x  - 25a c x  - 8a )\|a
--R /
--R      3 2 10      4   6      5 2  +-+
--R      (16a c x  + 32a c x  + 16a x )\|a
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 704

--S 705 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 705

)clear all

--S 706 of 765
t0:=1/(x^4*(a+c*x^4)^3)
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R      3 16      2 12      2     8      3 4
--R      c x  + 3a c x  + 3a c x  + a x
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 706

--S 707 of 765
r0:=(-77/96)/(a^3*x^3)+1/8/(a*x^3*(a+c*x^4)^2)+_
11/32/(a^2*x^3*(a+c*x^4))+77/64*c^(3/4)*atan(1-c^(1/4)*_
x*sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(15/4)*sqrt(2))-77/64*c^(3/4)*_
atan(1+c^(1/4)*x*sqrt(2)/a^(1/4))/(a^(15/4)*sqrt(2))+_

```

```

77/128*c^(3/4)*log(-a^(1/4)*c^(1/4)*x*sqrt(2)+sqrt(a)+_
x^2*sqrt(c))/(a^(15/4)*sqrt(2))-77/128*c^(3/4)*_
log(a^(1/4)*c^(1/4)*x*sqrt(2)+sqrt(a)+x^2*sqrt(c))/(a^(15/4)*sqrt(2))
--R
--R
--R (2)
--R
--R      2 11           7           2 3 4+-+3      +-+4+-+4+-+   2 +-+   +-+
--R      (- 231c x    - 462a c x  - 231a x )\|c log(x\|2 \|a \|c + x \|c + \|a )
--R      +
--R      2 11           7           2 3 4+-+3      +-+4+-+4+-+   2 +-+   +-+
--R      (231c x    + 462a c x  + 231a x )\|c log(- x\|2 \|a \|c + x \|c + \|a )
--R      +
--R
--R      2 11           7           2 3 4+-+3      +-+4+-+4+-+   4+-+
--R      (- 462c x    - 924a c x  - 462a x )\|c atan(-----)
--R
--R
--R      4+-+
--R      \|a
--R      +
--R      2 11           7           2 3 4+-+3      x\|2 \|c - \|a
--R      (- 462c x    - 924a c x  - 462a x )\|c atan(-----)
--R
--R      4+-+
--R      \|a
--R      +
--R      2 8           4           2 +-+4+-+3
--R      (- 308c x    - 484a c x  - 128a )\|2 \|a
--R      /
--R      3 2 11           4   7           5 3  +-+4+-+3
--R      (384a c x    + 768a c x  + 384a x )\|2 \|a
--R
--R
--E 707                                         Type: Expression(Integer)

--S 708 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R (3)  0
--R
--E 708                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 709 of 765
t0:=x^4/(2+3*x^4)
--R
--R
--R      4
--R      x
--R (1)  -----
--R      4

```

```

--R      3x  + 2
--R
--E 709                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 710 of 765
r0:=1/3*x+1/6*atan(1-6^(1/4)*x)/6^(1/4)-1/6*atan(1+6^(1/4)*x)/6^(1/4)+_
1/12*log(-2^(3/4)*3^(1/4)*x+sqrt(2)+x^2*sqrt(3))/6^(1/4)-
1/12*log(2^(3/4)*3^(1/4)*x+sqrt(2)+x^2*sqrt(3))/6^(1/4)
--R
--R
--R      (2)
--R      4+-+3 4++- 2 +-+ +-+ 4+-+3 4++- 2 +-+ +-+
--R      - log(x \|2 \ \|3 + x \|3 + \|2 ) + log(- x \|2 \ \|3 + x \|3 + \|2 )
--R      +
--R      4++- 4++- 4+-+
--R      - 2atan(x\|6 + 1) - 2atan(x\|6 - 1) + 4x\|6
--R      /
--R      4+-+
--R      12\|6
--R
--E 710                                         Type: Expression(Integer)

--S 711 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      4+-+2      2 4+-+3 4+-+3 4+-+4+-+ 4+-+      2
--R      - 2\|6 + (- x \|2 \ \|3 + 2\|2 \ \|3 )\|6 + 6x
--R      (3) -----
--R
--R      4      4+-+2
--R      (18x  + 12)\|6
--R
--E 711                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 712 of 765
t0:=x^3/(2+3*x^4)
--R
--R
--R      3
--R      x
--R      (1) -----
--R      4
--R      3x  + 2
--R
--E 712                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))

--S 713 of 765
r0:=1/12*log(2+3*x^4)

```

```

--R
--R
--R      4
--R      log(3x  + 2)
--R      (2)  -----
--R                  12
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 713

--S 714 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 714

)clear all

--S 715 of 765
t0:=x^2/(2+3*x^4)
--R
--R
--R      2
--R      x
--R      (1)  -----
--R      4
--R      3x  + 2
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 715

--S 716 of 765
r0:=-1/2*atan(1-6^(1/4)*x)/6^(3/4)+1/2*atan(1+6^(1/4)*x)/6^(3/4)+_
1/4*log(-2^(3/4)*3^(1/4)*x+sqrt(2)+x^2*sqrt(3))/6^(3/4)-
1/4*log(2^(3/4)*3^(1/4)*x+sqrt(2)+x^2*sqrt(3))/6^(3/4)
--R
--R
--R      (2)
--R      4+-+3 4+++
--R      2 +-+    +-+      4+-+3 4+++
--R      - log(x \|2    \|3 + x \|3  + \|2 ) + log(- x \|2    \|3 + x \|3  + \|2 )
--R      +
--R      4+-+
--R      4+-+
--R      2atan(x\|6  + 1) + 2atan(x\|6  - 1)
--R      /
--R      4+-+3
--R      4\|6
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 716

--S 717 of 765

```

```

d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      2 4+-+3 4+-+3 4+-+4+-+ 4+-+3      2 4+-+2
--R      (- x  \|2  \|3 + 2\|2 \|3 )\|6   + 6x  \|6 - 12
--R      (3) -----
--R                           4      4+-+2
--R                           (36x  + 24)\|6
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 717

)clear all

--S 718 of 765
t0:=x/(2+3*x^4)
--R
--R
--R      x
--R      (1) -----
--R           4
--R           3x  + 2
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 718

--S 719 of 765
r0:=1/2*atan(x^2*sqrt(3/2))/sqrt(6)
--R
--R
--R      2 ++
--R      x \|3
--R      atan(-----)
--R           ++
--R           \|2
--R      (2) -----
--R           ++
--R           2\|6
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 719

--S 720 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      +-+ +-+ +-+
--R      - x\|2 \|3 \|6   + 6x
--R      (3) -----
--R           4
--R           18x  + 12
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 720

```

```

)clear all

--S 721 of 765
t0:=1/(2+3*x^4)
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R           4
--R      3x  + 2
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 721

--S 722 of 765
r0:=-1/4*atan(1-6^(1/4)*x)/6^(1/4)+1/4*atan(1+6^(1/4)*x)/6^(1/4)-
    1/8*log(-2^(3/4)*3^(1/4)*x+sqrt(2)+x^2*sqrt(3))/6^(1/4)+_
    1/8*log(2^(3/4)*3^(1/4)*x+sqrt(2)+x^2*sqrt(3))/6^(1/4)
--R
--R
--R      (2)
--R      4+-+3 4++- 2 +-+   +-+      4+-+3 4++- 2 +-+   +-+
--R      log(x \|2  \|3 + x \|3 + \|2 ) - log(- x \|2  \|3 + x \|3 + \|2 )
--R      +
--R      4+-+
--R      2atan(x\|6 + 1) + 2atan(x\|6 - 1)
--R /
--R      4+-+
--R      8\|6
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 722

--S 723 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      4+-+2      2 4+-+3 4+-+3 4+-+4++- 4+-+      2
--R      2\|6 + (x \|2  \|3 - 2\|2 \|3 )\|6 - 6x
--R      (3) -----
--R
--R      4      4+-+2
--R      (12x  + 8)\|6
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 723

)clear all

--S 724 of 765
t0:=1/(x*(2+3*x^4))
--R
--R

```

```

--R      1
--R      (1)  -----
--R            5
--R            3x  + 2x
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 724

--S 725 of 765
r0:=-1/4*atanh(1+3*x^4)
--R
--R
--R            4
--R            atanh(3x  + 1)
--R      (2)  - -----
--R                  4
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 725

--S 726 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 726

)clear all

--S 727 of 765
t0:=1/(x^2*(2+3*x^4))
--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R            6      2
--R            3x  + 2x
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 727

--S 728 of 765
r0:=(-1/2)/x+1/4*3^(1/4)*atan(1-6^(1/4)*x)/2^(3/4)-_
1/4*3^(1/4)*atan(1+6^(1/4)*x)/2^(3/4)-1/8*3^(1/4)*_
log(-2^(3/4)*3^(1/4)*x+sqrt(2)+x^2*sqrt(3))/2^(3/4)+_
1/8*3^(1/4)*log(2^(3/4)*3^(1/4)*x+sqrt(2)+x^2*sqrt(3))/2^(3/4)
--R
--R
--R      (2)
--R            4+-+      4+-+3 4+-+   2 +-+      +-+
--R            x\|3 log(x \|2      \|3 + x \|3  + \|2 )
--R            +

```

```

--R      4+-+      4+-+3 4+-+    2 +-+      +-+      4+-+      4+-+
--R      - x\|3 log(- x \|2  \|3 + x \|3 + \|2 ) - 2x\|3 atan(x\|6 + 1)
--R      +
--R      4+-+      4+-+      4+-+3
--R      - 2x\|3 atan(x\|6 - 1) - 4\|2
--R      /
--R      4+-+3
--R      8x \|2
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 728

--S 729 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      2 4+-+3 4+-+4+-+3 4+-+3 4+-+4+-+ 4+-+2      2 4+-+2
--R      x \|2  \|3 \|6 + 2\|2  \|3 \|6 - 4\|3 - 6x \|2
--R      (3) -----
--R                           4      4+-+2
--R                           (24x  + 16)\|2
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 729

)clear all

--S 730 of 765
t0:=1/(x^3*(2+3*x^4))
--R
--R
--R      1
--R      (1) -----
--R      7      3
--R      3x  + 2x
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 730

--S 731 of 765
r0:=(-1/4)/x^2-1/4*atan(x^2*sqrt(3/2))*sqrt(3/2)
--R
--R
--R      2 +-+
--R      2 +-+      x \|3      +-+
--R      - x \|3 atan(-----) - \|2
--R                           +-+
--R                           \|2
--R      (2) -----
--R                           2 +-+
--R                           4x \|2
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 731

```

```

--S 732 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 732

)clear all

--S 733 of 765
t0:=1/(x^4*(2+3*x^4))
--R
--R
--R      (1)  -----
--R              8     4
--R      3x  + 2x
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 733

--S 734 of 765
r0:=(-1/6)/x^3+1/8*3^(3/4)*atan(1-6^(1/4)*x)/2^(1/4)-_
1/8*3^(3/4)*atan(1+6^(1/4)*x)/2^(1/4)+1/16*3^(3/4)*_
log(-2^(3/4)*3^(1/4)*x+sqrt(2)+x^2*sqrt(3))/2^(1/4)-_
1/16*3^(3/4)*log(2^(3/4)*3^(1/4)*x+sqrt(2)+x^2*sqrt(3))/2^(1/4)
--R
--R
--R      (2)
--R      3 4+-+3      4+-+3 4+-+ 2 +-+      +-+
--R      - 3x  \|3  log(x \|2  \|3 + x \|3  + \|2 )
--R      +
--R      3 4+-+3      4+-+3 4+-+ 2 +-+      +-+      3 4+-+3      4+-+
--R      3x  \|3  log(- x \|2  \|3 + x \|3  + \|2 - 6x  \|3  atan(x\|6  + 1)
--R      +
--R      3 4+-+3      4+-+      4+-+
--R      - 6x  \|3  atan(x\|6  - 1 - 8\|2
--R      /
--R      3 4+-+
--R      48x  \|2
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 734

--S 735 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      2 4+-+4+-+3 4+-+3 4+-+4+-+3 4+-+ 2 4+-+2 4+-+2
--R      x  \|2 \|3  \|6 + 2\|2 \|3  \|6 - 6x  \|3  - 6\|2

```

```

--R   (3)  -----
--R           4      4+-+2
--R           (24x + 16)\|2
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 735

)clear all

--S 736 of 765
t0:=x^3/(2+3*x^4)^2
--R
--R
--R           3
--R           x
--R   (1)  -----
--R           8      4
--R           9x + 12x + 4
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 736

--S 737 of 765
r0:=(-1/12)/(2+3*x^4)
--R
--R
--R           1
--R           --
--R           36
--R   (2)  - -----
--R           4      2
--R           x + -
--R           3
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 737

--S 738 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R   (3)  0
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Fraction(Integer)))
--E 738

)clear all

--S 739 of 765
t0:=x^2/(2+3*x^4)^2
--R
--R
--R           2
--R           x

```

```

--R      (1)  -----
--R              8      4
--R      9x  + 12x  + 4
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 739

--S 740 of 765
r0:=1/8*x^3/(2+3*x^4)-1/16*atan(1-6^(1/4)*x)/6^(3/4)+_
1/16*atan(1+6^(1/4)*x)/6^(3/4)+_
1/32*log(-2^(3/4)*3^(1/4)*x+sqrt(2)+x^2*sqrt(3))/6^(3/4)-_
1/32*log(2^(3/4)*3^(1/4)*x+sqrt(2)+x^2*sqrt(3))/6^(3/4)
--R
--R
--R      (2)
--R
--R              4      4+-+3 4+-+ 2 +-+    +-+
--R      (- 3x  - 2)log(x \ |2    \ |3 + x \ |3  + \ |2 )
--R
--R      +
--R              4      4+-+3 4+-+ 2 +-+    +-+      4      4+-+
--R      (3x  + 2)log(- x \ |2    \ |3 + x \ |3  + \ |2 ) + (6x  + 4)atan(x\|6  + 1)
--R
--R      +
--R              4      4+-+      3 4+-+3
--R      (6x  + 4)atan(x\|6  - 1) + 4x  \ |6
--R
--R      /
--R              4      4+-+3
--R      (96x  + 64)\|6
--R
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 740

--S 741 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R              2 4+-+3 4+-+3 4+-+4+-+ 4+-+3      2 4+-+2
--R      (- x \ |2    \ |3 + 2\ |2 \ |3 )\|6  + 6x  \ |6  - 12
--R      (3) -----
--R
--R              4      4+-+2
--R      (288x  + 192)\|6
--R
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 741

)clear all

--S 742 of 765
t0:=x/(2+3*x^4)^2
--R
--R
--R      x
--R      (1)  -----
--R              8      4
--R      9x  + 12x  + 4

```

```

--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 742

--S 743 of 765
r0:=1/8*x^2/(2+3*x^4)+1/8*atan(x^2*sqrt(3/2))/sqrt(6)
--R
--R
--R
--R      4           x \|3           2 +-+
--R      (3x  + 2)atan(-----) + x \|6
--R
--R
--R      +-+
--R      \|2
--R (2)  -----
--R
--R      4           +-+
--R      (24x  + 16)\|6
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 743

--S 744 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      +-+ +-+ +-+
--R      - x\|2 \|3 \|6 + 6x
--R (3)  -----
--R
--R      4
--R      72x  + 48
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 744

)clear all

--S 745 of 765
t0:=1/(2+3*x^4)^2
--R
--R
--R      1
--R (1)  -----
--R
--R      8     4
--R      9x  + 12x  + 4
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 745

--S 746 of 765
r0:=1/8*x/(2+3*x^4)-1/32*3^(3/4)*atan(1-6^(1/4)*x)/2^(1/4)+_
1/32*3^(3/4)*atan(1+6^(1/4)*x)/2^(1/4)-_
1/64*3^(3/4)*log(-2^(3/4)*3^(1/4)*x+sqrt(2)+x^2*sqrt(3))/2^(1/4)+_
1/64*3^(3/4)*log(2^(3/4)*3^(1/4)*x+sqrt(2)+x^2*sqrt(3))/2^(1/4)
--R
--R

```

```

--R   (2)
--R      4      4+-+3      4+-+3 4+-+  2 +-+    +-+
--R      (3x  + 2)\|3  log(x \|2  \|3 + x \|3  + \|2 )
--R      +
--R      4      4+-+3      4+-+3 4+-+  2 +-+    +-+
--R      (- 3x  - 2)\|3  log(- x \|2  \|3 + x \|3  + \|2 )
--R      +
--R      4      4+-+3      4+-+      4      4+-+3      4+-+      4+-+
--R      (6x  + 4)\|3  atan(x\|6  + 1) + (6x  + 4)\|3  atan(x\|6  - 1) + 8x\|2
--R   /
--R      4      4+-+
--R      (192x  + 128)\|2
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 746

--S 747 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))
--R
--R
--R      2 4+-+4+-+3 4+-+3 4+-+4+-+3 4+-+  2 4+-+2  4+-+2
--R      - x  \|2 \|3  \|6 - 2\|2 \|3  \|6 + 6x  \|3  + 6\|2
--R      (3) -----
--R                           4      4+-+2
--R                           (96x  + 64)\|2
--R
                                         Type: Expression(Integer)
--E 747

)clear all

--S 748 of 765
t0:=1/(x*(2+3*x^4)^2)
--R
--R
--R      (1)  -----
--R           1
--R           9      5
--R           9x  + 12x  + 4x
--R
                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 748

--S 749 of 765
r0:=1/8/(2+3*x^4)-1/8*atanh(1+3*x^4)
--R
--R
--R      4      4
--R      (- 3x  - 2)atanh(3x  + 1) + 1
--R      (2) -----
--R           4
--R           24x  + 16
--R
                                         Type: Expression(Integer)

```

```

--E 749

--S 750 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 750

)clear all

--S 751 of 765
t0:=1/(x^2*(2+3*x^4)^2)
--R
--R
--R      (1)  -----
--R              10      6      2
--R      9x      + 12x      + 4x
--R
--R                                          Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 751

--S 752 of 765
r0:=(-5/16)/x+1/8/(x*(2+3*x^4))+5/32*3^(1/4)*atan(1-6^(1/4)*x)/2^(3/4)-
5/32*3^(1/4)*atan(1+6^(1/4)*x)/2^(3/4)-
5/64*3^(1/4)*log(-2^(3/4)*3^(1/4)*x+sqrt(2)+x^2*sqrt(3))/2^(3/4)-
5/64*3^(1/4)*log(2^(3/4)*3^(1/4)*x+sqrt(2)+x^2*sqrt(3))/2^(3/4)
--R
--R
--R      (2)
--R              5      4+-+      4+-+3 4+-+      2 +-+      +-+
--R      (15x      + 10x)\|3 log(x \|2      \|3 + x \|3      + \|2 )
--R      +
--R              5      4+-+      4+-+3 4+-+      2 +-+      +-+
--R      (- 15x      - 10x)\|3 log(- x \|2      \|3 + x \|3      + \|2 )
--R      +
--R              5      4+-+      4+-+          5      4+-+      4+-+
--R      (- 30x      - 20x)\|3 atan(x\|6      + 1) + (- 30x      - 20x)\|3 atan(x\|6      - 1)
--R      +
--R              4      4+-+3
--R      (- 60x      - 32)\|2
--R      /
--R              5      4+-+3
--R      (192x      + 128x)\|2
--R
--R                                          Type: Expression(Integer)
--E 752

--S 753 of 765
d0:=normalize(t0-D(r0,x))

```

```

--R
--R
--R      2 4+-+3 4+-+4+-+3   4+-+3 4+-+4+-+   4+-+2       2 4+-+2
--R      5x  \|2  \|3 \|6 + 10\|2  \|3 \|6 - 20\|3  - 30x  \|2
--R      (3) -----
--R                           4          4+-+2
--R                           (192x  + 128)\|2
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 753

)clear all

--S 754 of 765
t0:=1/(x^3*(2+3*x^4)^2)
--R
--R
--R      1
--R      (1) -----
--R      11      7      3
--R      9x  + 12x  + 4x
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 754

--S 755 of 765
r0:=(-3/16)/x^2+1/8/(x^2*(2+3*x^4))-3/16*atan(x^2*sqrt(3/2))*sqrt(3/2)
--R
--R
--R      2 +-+
--R      6      2 +-+      x \|3           4      +-+
--R      (- 9x  - 6x )\|3 atan(-----) + (- 9x  - 4)\|2
--R
--R
--R      (2) -----
--R
--R      6      2 +-+
--R      (48x  + 32x )\|2
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 755

--S 756 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 756

)clear all

--S 757 of 765
t0:=1/(1+a+(-1+a)*x^4)

```

```

--R
--R
--R      1
--R      (1)  -----
--R              4
--R          (a - 1)x + a + 1
--R
--R                                         Type: Fraction(Polynomial(Integer))
--E 757

--S 758 of 765
r0:=-1/2*atan((-1+a)^(1/4)*x/(-1-a)^(1/4))/((-1-a)^(3/4)*(-1+a)^(1/4))-_
1/2*atanh((-1+a)^(1/4)*x/(-1-a)^(1/4))/((-1-a)^(3/4)*(-1+a)^(1/4))
--R
--R
--R      4+-----+      4+-----+
--R      x\|a - 1      x\|a - 1
--R      - atanh(-----) - atan(-----)
--R      4+-----+      4+-----+
--R      \|- a - 1      \|- a - 1
--R      (2)  -----
--R      4+-----+3 4+-----+
--R      2\|- a - 1      \|a - 1
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 758

--S 759 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 759

)clear all

--S 760 of 765
t0:=x^7*sqrt(a+c*x^4)
--R
--R
--R      +-----+
--R      7 | 4
--R      (1)  x \c x + a
--R
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 760

--S 761 of 765
r0:=-1/6*a*(a+c*x^4)^(3/2)/c^2+1/10*(a+c*x^4)^(5/2)/c^2
--R
--R
--R      +-----+

```

```

--R      2 8      4      2 | 4
--R      (3c x  + a c x  - 2a )\|c x  + a
--R      (2) -----
--R                           2
--R                           30c
--R
--E 761                                         Type: Expression(Integer)

--S 762 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0
--R
--E 762                                         Type: Expression(Integer)

)clear all

--S 763 of 765
t0:=x^5*sqrt(a+c*x^4)
--R
--R
--R      +-----+
--R      5 | 4
--R      (1) x \|c x  + a
--R
--E 763                                         Type: Expression(Integer)

--S 764 of 765
r0:=-1/16*a^2*atanh(x^2*sqrt(c)/sqrt(a+c*x^4))/c^(3/2)+_
1/16*a*x^2*sqrt(a+c*x^4)/c+1/8*x^6*sqrt(a+c*x^4)
--R
--R
--R      2 +-+           +-----+
--R      x \|c           6      2 +-+ | 4
--R      - a atanh(-----) + (2c x  + a x )\|c \|c x  + a
--R           +-----+
--R           | 4
--R           \|c x  + a
--R      (2) -----
--R
--R                           +-+
--R                           16c\|c
--E 764                                         Type: Expression(Integer)

--S 765 of 765
d0:=t0-D(r0,x)
--R
--R
--R      (3)  0

```

```
--R                                         Type: Expression(Integer)
--E 765

)spool
)lisp (bye)
```

## **References**

[1] nothing